

**OFPPT**

**ROYAUME DU MAROC**

**مكتب التكوين المهني وإنعاش الشغل**

**Office de la Formation Professionnelle et de la Promotion du Travail  
DIRECTION RECHERCHE ET INGENIERIE DE FORMATION**

**VERSION EXPERIMENTALE**

**RESUME THEORIQUE  
&  
GUIDE DE TRAVAUX PRATIQUES**

**MODULE N°: 13    ETUDE DE COFFRAGE ET DE FERRAILLAGE  
DES ELEMENTS PORTEURS**

**SECTEUR : BATIMENT**

**SPECIALITE : TECHNICIEN DESSINATEUR DE BATIMENT**

**NIVEAU : TECHNICIEN**

## REMERCIEMENT

La DRIF remercie les personnes qui ont contribué à l'élaboration du présent document.

**Pour la supervision :**

M. BAROUTI Khalid

Chef projet BTP

Mme IGGOUT Najat

Directeur du CDC/BTP

M. EL ADAOUI Abdelaziz

Chef de pole du CDC/BTP

**Pour la conception :**

Mme *ROCHDI Fatima*

Formatrice à l'ISB/DRGC

**Pour la validation :**

Mme GUNINA Fatna

Formatrice Animatrice au CDC/BTP

**Les utilisateurs de ce document sont invités à communiquer à la DRIF toutes les remarques et suggestions afin de les prendre en considération pour l'enrichissement et l'amélioration de ce programme.**

DRIF

## SOMMAIRE

Présentation du module

Résumé de théorie

A- Déterminer la section des armatures des éléments sollicités en compression simple (poteaux)

A.1 Indications générales sur les règles B.A.E.L

A.2 Caractéristiques mécaniques des bétons et des aciers

A.3 Déformations et contraintes de calcul

A.4 Calcul des poteaux

I – Évaluation des sollicitations

II – Calcul de l'armature longitudinale

III - Armatures transversales

IV - Prédimensionnement de la section de béton

B- Déterminer la section des armatures des éléments sollicités en flexion simple (poutre et dalle)

B.1- Flexion simple à l'état limite ultime(Généralités)

I. Section rectangulaire sans aciers comprimés

II. Section rectangulaire avec aciers comprimés

III. Effort tranchant

- a .Sollicitation de calcul
- b. Contrainte tangentielle conventionnelle
- c . Dimension des armatures transversales
- d.. Espacement maximum des cours d'armatures
- e. Espacement des armatures transversales
- f. Répartition des armatures transversales

B.2- Flexion simple à l'état limite de service(Généralités)

I. Contraintes de calcul (à l'E.L.S)

II. Section rectangulaire sans aciers comprimés

III. Section rectangulaire avec aciers comprimés

B.3- Calcul des dalles

I. Dalle portant dans un seul sens

II. Dalle portant dans les deux sens

III. Calcul des aciers supérieurs (armatures de chapeaux)

C- Dimensionner et armer les fondations

I. Hypothèses de calcul

II. Dimensionnement d'une semelle sous un mur

III. Dimensionnement d'une semelle isolée sous un poteau

IV Dispositions constructives

**MODULE : 13**

**ETUDE DE COFFRAGE ET DE FERRAILLAGE DES  
ELEMENTS PORTEURS**

*Durée : 60 H*

*85% : théorique*

*15% : pratique*

**OBJECTIF OPERATIONNEL DE PREMIER NIVEAU  
DE COMPORTEMENT**

**COMPORTEMENT ATTENDU**

*Pour démontrer sa compétence, le stagiaire doit déterminer la section d'armatures des éléments porteurs d'un bâtiment selon les conditions, les critères et les précisions qui suivent.*

**CONDITIONS D'EVALUATION**

- *Individuellement*
- *A partir des exercices ou problèmes notés*

**CRITERES GENERAUX DE PERFORMANCE**

- *Respect des normes*
- *Utilisation correcte des formules et des abaques*

**PRECISIONS SUR LE  
COMPORTEMENT ATTENDU**

A. Déterminer la section des armatures  
des éléments sollicités en compression  
simple (poteaux)

B. Déterminer la section des armatures  
des éléments sollicités en flexion  
simple (poutre et dalle)

C. Dimensionner et armer les fondations

**CRITERES PARTICULIERS DE  
PERFORMANCE**

- Connaissance exacte des aciers
- Connaissance exacte du béton
- Connaissance exacte du béton armé
- Indications générales sur les règles B.A.
  
- Calcul exact d'une section rectangulaire
- Calcul exact d'une section en T
- Détermination approprié des armatures longitudinales
- Définition précise et calcul exact des contraintes tangentielles
- Calcul exact des armatures transversales
- Disposition pratiques relatives aux armatures transversales
- Calcul exact de la hauteur de la dalle
- Détermination adéquate des armatures d'une dalle
  
- Dimensionnement précise des différents types de semelles
- Ferrailage approprié des semelles

## OBJECTIFS OPERATIONNELS DE SECOND NIVEAU

LE STAGIAIRE DOIT MAITRISER LES SAVOIRS, SAVOIR-FAIRE, SAVOIR-PERCEVOIR OU SAVOIR-ETRE JUGES PREALABLES AUX APPRENTISSAGES DIRECTEMENT REQUIS POUR L'ATTEINTE DE L'OBJECTIF DE PREMIER NIVEAU,TELS QUE :

### **Avant d'apprendre à déterminer la section des armatures des éléments sollicités en compression simple (poteaux) (A) :**

1. Connaître les règles générales du B.A
2. Connaître parfaitement les contraintes du béton et de l'acier
3. Calculer correctement la descente de charges sur les poteaux
4. Calculer exactement la section des armatures longitudinales et transversales d'un poteau

### **Avant d'apprendre à déterminer la section des armatures des éléments sollicités en flexion simple (poutre et dalle) (B) :**

5. Appliquer correctement la descente de charges sur la poutre et la dalle
6. Calculer exactement la section des armatures longitudinales d'une poutre
7. Calculer et répartir exactement les armatures transversales d'une poutre
8. Dimensionner et ferrailer convenablement les dalles

### **Avant d'apprendre à dimensionner et à armer les fondations ( C) :**

9. Dimensionner et ferrailer convenablement les différents types de semelles

## **PRESENTATION DU MODULE**

- Ce module de compétence générale a pour but de montrer aux stagiaires les principes de calcul de B.A, il sera dispensé en une durée de 60 heures du 3<sup>ème</sup> semestre du programme de formation

- La durée du module sera divisée en 2 parties :

- théorique : 50% c.à.d 30h
- pratique : 45% c.à.d 37h

- A l'aide des règles de B.A et des exercices d'application faire bien assimiler aux stagiaires l'utilisation correcte des formules des abaques ainsi que le respect des normes pour le dimensionnement et le ferraillement des éléments porteurs d'un bâtiment

***Module : 13 ETUDE DE COFFRAGE ET DE  
FERRAILLAGE DES ELEMENTS PORTEURS***

***RESUME THEORIQUE***



A- Déterminer la section des armatures des éléments sollicités en compression simple (poteaux)

## INDICATIONS GENERALES SUR LES REGLES B.A.E.L

### **I. Notions d'états Limites:**

On appelle état limite, un état particulier au delà duquel l'ouvrage ou un de ses éléments ne satisfait plus aux conditions pour lesquelles il a été construit.

C'est un état qui satisfait strictement aux conditions (stabilité, la résistance, déformations non nuisibles) sous l'effet des actions (force, moments, couples)

On distingue :

- **Les états limites ultimes (E.L.U)** : Ils correspondent à la valeur maximale de la capacité portante, dont le dépassement équivaut à la ruine de la structure .
  - **Limite de l'équilibre statique** :  
(pas de renversement, pas de glissement).
  - **Limite de la résistance de chacun des matériaux** :  
(pas de rupture de sections critiques de la structure )
  - **Limite de la stabilité de forme** :  
( pas de flambement)
  
- **Les états limites de service (E.L.S)** : Ils concernent les conditions de bon fonctionnement, d'utilisation et de durabilité des ouvrages.
  - **Limite de compression du béton** :  
(contrainte de compression bornée par le règlement B.A.E.L).
  - **Limite de déformation** :  
(Limitation des flèches).
  - **Limite d'ouverture des fissures** :  
(Pour éviter la corrosion trop rapide des aciers).

### **II. Actions permanentes et variables:**

Il s'agit de déterminer la nature et l'intensité des différentes charges ou actions qui agissent sur une structure et en particulier sur l'un de ses éléments (exemples : poteau, poutre, plancher, fondation, etc)

**Démarche proposée :**

- Analyser les actions permanentes et variables pour les combinaisons de Charges à l'E.L.U ou à l'E.L.S.
- Utiliser les extraits de normes et fiches techniques des fabricants qui indiquent :
  - Les poids volumiques ou surfaciques
  - Les charges d'exploitation.

- Évaluer les charges sur les éléments porteurs compte tenu du cahier de charges.

**a) les actions permanentes :**

Elles sont notés **G** et ont une intensité constante ou très peu variable dans le temps. Elles comprennent :

- **Le poids propre de la structure**
- **Les actions permanentes :** (poids des cloisons, revêtements du sol, poids des machines etc.....)
- **Les poussées des terres ou les pressions des liquides** pour les murs de soutènement ou les réservoirs.

**b) les actions variables :**

Elles sont notées **Q** et ont une intensité qui varie de façon importante dans le temps. Elles comprennent :

- **les charges d'exploitation** : charges dues aux poids des utilisateurs ou des matériels utilisés.
- **Les charges climatiques** : charges dues au vent et à la neige.
- **Les effets dus à la température** : efforts dus à la dilatation.
- **Actions accidentelles** : elles se produisent rarement et de façon instantanée.  
ex : les séismes, les chocs de véhicules ou bateaux, les explosions.

**c) Combinaisons d'actions :**

✓ Cas des poteaux :

Dans les cas les plus courants (poteaux de bâtiment, d'angle, de rive, intérieurs), l'unique combinaison d'actions à considérer est :

$$1,35G+1,50Q$$

✓ Cas des fondations, planchers et poutres

E.L.U	E.L.S
1,35G+1,50Q	G+Q

# CARACTERISTIQUES MECANIKUES DES BETONS ET ACIERS

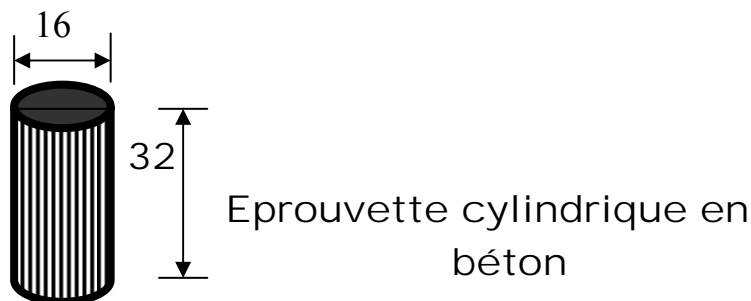
## I. Les bétons :

### a) Résistance caractéristique à la compression à j jours :

Dans les cas courants, le béton est défini au point de vue mécanique par sa résistance à la compression à 28 jours d'âge. ( $f_{c28}$ )

Cette résistance est mesurée sur des cylindres droits de révolution de 200 cm<sup>2</sup> de section ( $\phi = 16$  cm) et ayant une hauteur double de leur diamètre ( $h = 32$ cm)

Ex :  $f_{c28} = 30$  MPa



### b) Résistance caractéristique à la traction à j jours :

La résistance caractéristique à la traction du béton à j jours est déduite de celle à la compression par la relation :

$$f_{tj} = 0.6 + 0.06 f_{cj}$$

Ex :  $f_{c28} = 30$  MPa

( $f_{tj}$  et  $f_{cj}$  exprimées en MPa)

$f_{t28} = 0.6 + 0.06 (30) = 2.4$  Mpa

### Résistances caractéristiques habituelles des bétons.

$f_{c28}$ (MPa)	$f_{t28}$ (MPa)	conditions courantes de fabrication		Auto-contrôle surveillé	
		dosage en kg/m <sup>3</sup> pour classes ciment		Dosage en kg/m <sup>3</sup> pour classes	
		45 et 45 R	55 et 55 R	45 et 45 R	55 et 55 R
16	1.56	300			
20	1.8	350	325	325	300
25	2.1	*	375	400	350
30	2.4		*	*	*
* Cas à justifier par une étude appropriée .					

## II. Les aciers :

Contrairement au béton, l'acier possède un comportement identique en traction et en compression.

Les aciers utilisés en armatures de béton armé sont désignés par :

- Leur forme (barre lisse, barre haute adhérence)
- Leur nuance (doux, mi-dur, dur) correspondant au pourcentage de carbone contenu dans l'acier entre 0.2 et 0.5% de carbone.
- Leur limite élastique exprimée en MPa (symbole E )

Ex : Fe E235

Fe : acier (et non fer )

E : limite élastique ( fe )

235 : 235 MPa

**On distingue :**

- **Ronds lisses de nuances :**

Fe E215 limite élastique  $f_e = 215$  MPa

Fe E235 limite élastique  $f_e = 235$  MPa

- **Les barres à haute adhérence, de nuances :**

Fe E400 limite élastique  $f_e = 400$  MPa

Fe E500 limite élastique  $f_e = 500$  MPa

- **Treillis soudés :** formés par assemblage des barres de fils lisses ou à haute adhérence .

Les aciers sont livrés en barres de 12 m et 15 m dans les diamètres dits nominaux suivants :

**5 – 6 – 8 – 10 – 12 – 14 – 16 – 20 – 25 – 32 – 40 – 50 ( en mm )**

### aciers en barres :

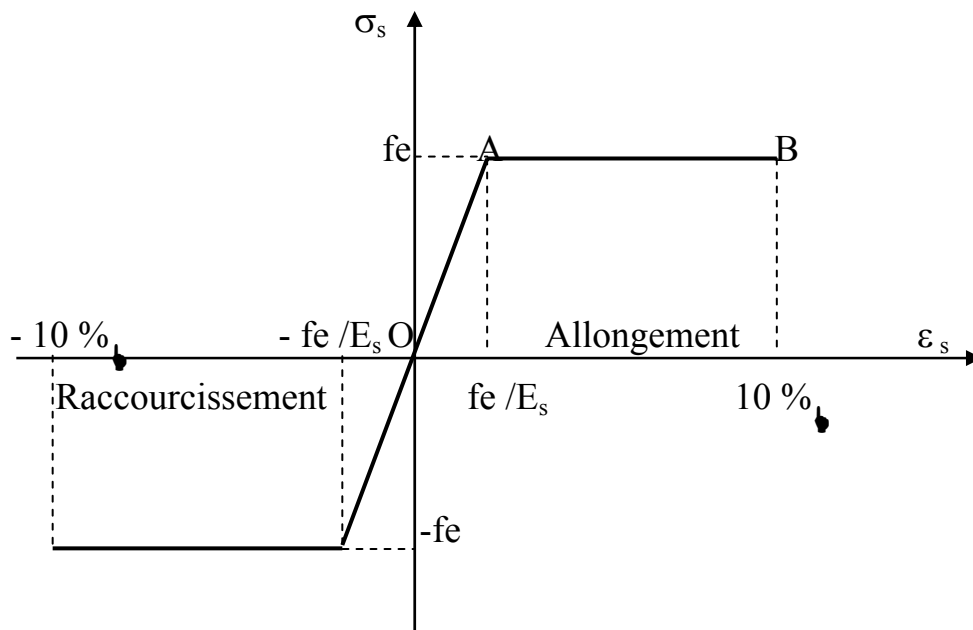
Types d'aciers ( $E_s = 200\,000$ MPa )				
caractéristiques	Doux et lisses, symbole & ( NF A 35- 015 )		A haute adhérence, symbole HA ( NF A 35 – 016 )	
	Dénomination	fe E215	fe E235	fe E400
Limite élastique en MPa	$f_e = 215$	$f_e = 235$	$f_e = 400$	$f_e = 500$
Résistance à la rupture $\sigma_R$ en MPa	$\sigma_R / 330$	$\sigma_R \leq 410$	$\sigma_R / 480$	$\sigma_R \leq 550$
Allongement à la rupture	22%		14%	12%
Coefficient de scellement, symbole $X_s$	1		1.5	
Coefficient de fissuration, symbole $\eta$	1		1.6	
Diamètres courants en mm	6 – 8 – 10 – 12		6– 8– 10– 12– 14– 16– 20– 25– 32– 40	

**Treillis soudés :**

Types de treillis (NF A 35-022)		
caractéristiques	Lisses, symbole T.S.L	A haute adhérence, symbole T.S.H.A
Limite élastique en MPa	$f_e = 500$ (tous diamètres)	$f_e = 500$ (tous diamètres)
Résistance à la rupture $\sigma_R$ en MPa	$\sigma_R = 550$	$\sigma_R = 550$
Allongement à la rupture	8%	8%
Coefficient de scellement, symbole $X_s$	1	1.5
Coefficient de fissuration, symbole $\eta$	1	1.3 pour $\leq 6$ mm 1.6 pour $> 6$ mm
Diamètres courants en mm	3.5 mm à 9 mm avec un pas de 0.5 mm	- 3.5 à 12 mm avec un pas de 0.5 mm - 14 à 16 mm sur commande

**-Caractères mécaniques :**

- Le caractère mécanique qui sert de base aux justifications dans le cadre des états limites, est la limite d'élasticité ( $f_e$ ).
- Le module d'élasticité longitudinale  
 $E_s = 200\,000$  MPa.
- Diagramme déformations – contraintes.

❖ Cas de traction :

- ✓ Droite OA (domaine élastique)  
 $\varepsilon_s = f_e / E_s$
- ✓ AB d'ordonnée  $\sigma_s = f_e$  (domaine plastique)
- ✓ B correspond à un allongement  
 $\varepsilon_s = 10\text{‰}$

❖ Cas de la compression :

Diag symétrique à celui de la traction par rapport à l'origine O.

# DEFORMATIONS ET CONTRAINTES DE CALCUL

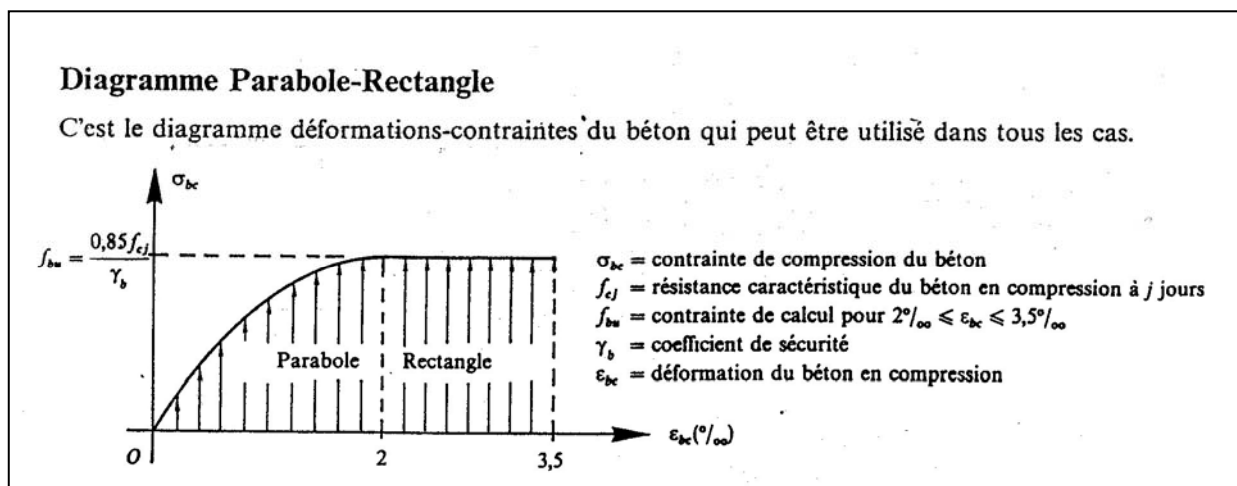
## I. Etat limite de résistance :

### 1) Hypothèse de calcul :

- Hypothèse de Navier Bernoulli : les sections planes, normales à la fibre moyenne avant déformation restent planes après déformation.
- Non-glissement relatif entre armatures et béton en raison de l'association béton-acier par adhérence mutuelle.
- Le béton tendu est négligé dans les calculs.
- Le raccourcissement du béton est limité à 3.5‰ en flexion simple et à 2‰ en compression simple .
- L'allongement unitaire de l'acier est limité à 10‰.

### 2) Diagrammes déformations - contraintes du béton :

Pour le béton, le règlement considère pour l'état limite ultime le diagramme de calcul appelé diagramme « parabole-rectangle » et, dans certain cas, par mesure de simplification, un diag rectangulaire .



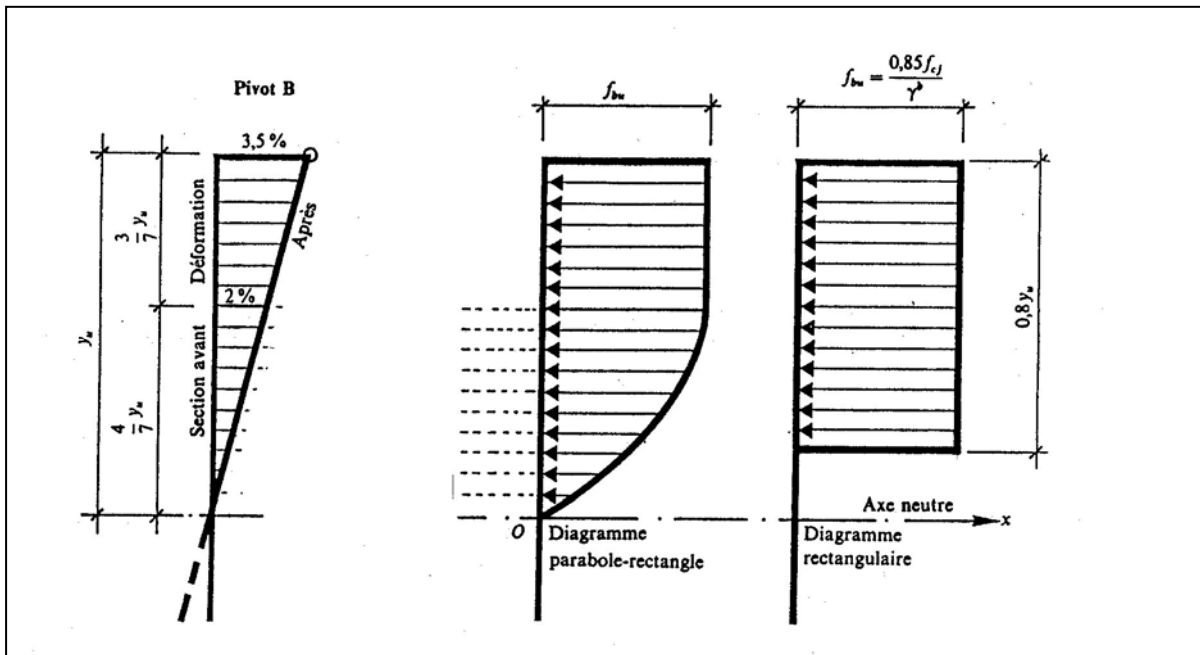


Diagramme rectangulaire.	
Distance à partir de l'axe neutre	Contrainte de calcul
$0 \leq y \leq 0.20 y_u$	Contrainte nulle
$0.20 y_u \leq y \leq y_u$	$f_{bu} = \frac{0.85 f_{c28}}{\gamma_b}$ valeur constante pour $\varepsilon_{bc} \leq 3.5 \text{ ‰}$

**Contraintes de calcul du béton :**

- Pour les sections dont la largeur est constante ou croissante vers la fibre la plus comprimée (ex : section rectangulaire ou en T )

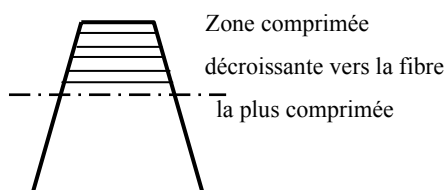
$$f_{bc} = \frac{0.85 f_{c_j}}{\theta \gamma_b}$$

- $f_{bc}$  : contrainte de calcul .
- $f_{c28}$  : résistance caractéristique à 28 jours
- $\gamma_b$  : coefficient de sécurité
- $\left\{ \begin{array}{l} \gamma_b = 1.5 \text{ en général} \\ \gamma_b = 1.15 \text{ dans le cas de combinaisons accidentelles} \end{array} \right.$
- $\theta$  : coefficient d'application d'actions.

$\theta$	Durée d'application
1	>24h
0.9	1 ≤ durée ≤ 24h
0.85	si durée < 1h

- Pour les sections dont la largeur est décroissante vers la fibre la plus comprimée ( ex : section circulaire )

$$f_{bc} = \frac{0.8 f_{cj}}{\theta \gamma_b}$$



**Tableau des contraintes de calcul :**

- Les contraintes de calcul du béton sont données ci-dessous en fonction des résistances caractéristiques du béton à 28 jours d'âge (ex : section rectangulaire ou en **T** ).

Résistances caractéristiques du béton		Contraintes De calcul
En compression $f_{c28}$ (MPa)	En traction $f_{t28}$ (MPa)	En compression $f_{bc}$ (MPa) avec $\nu = 1$
16	1.56	9.07
18	1.68	10.20
20	1.80	11.33
22	1.92	12.47
25	2.10	14.17
27	2.22	15.30
30	2.40	17.00
35	2.70	19.83
40	3.00	22.67
45	3.3	25.50
50	3.6	28.33
55	3.9	31.17
60	4.2	34.00



### 3) Diagramme déformations - contraintes de l'acier :

Le diagramme de calcul se déduit du diagramme conventionnel par une affinité parallèle à la droite de Hooke et de rapport  $1/\gamma_s$ . tous ces diagrammes ont la même pente à l'origine.

$$E_s = 200\,000 \text{ MPa}$$

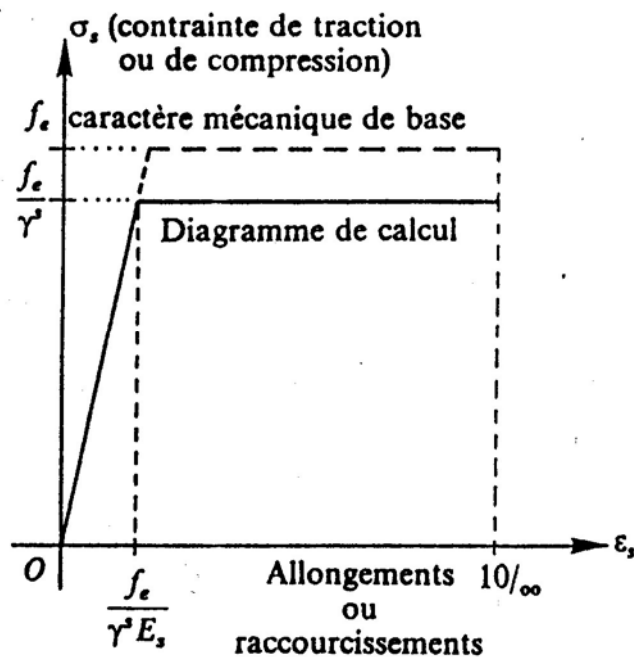
Contrainte de calcul :

$$f_{su} = f_e / \gamma_s$$

$\gamma_s$  : coefficient de sécurité

#### Coefficient de sécurité $\gamma_s$ de l'acier en fonction des combinaisons

Coefficient de sécurité	Combinaisons fondamentales	Combinaisons accidentelles
$\gamma_s$	1.15	1.00



## II. Etat limite de service :

### 1) Hypothèse de calcul :

Sous l'effet des sollicitations :

- Hypothèse de Navier Bernoulli : les sections planes, normales à la fibre moyenne avant déformation restent planes après déformation.
- Pas de glissement relatif entre le béton et l'acier.
- Le béton tendu est négligé dans les calculs.
- Les contraintes sont proportionnelles aux déformations
- Le rapport « n » du module d'élasticité longitudinale de l'acier à celui du béton, appelé : « coefficient d'équivalence » a pour valeur :

$$n = \frac{E_s}{E_b} = 15$$

### 2) Etat limite de compression du béton à l' E.L.S :

La contrainte de compression du béton  $\sigma_{bc}$  est limitée à :

$$\bar{\sigma}_{bc} = 0.6 f_{c_j}$$

Résistance caractéristique $f_{c28}$ (MPa)	18	20	22	25	27	30	35	40	45	50	55	60
Contrainte limite $\bar{\sigma}_{bc}$ (MPa)	10.8	12	13.2	15	16.2	18	21	24	27	30	33	36

### 3) Etat limite d'ouverture des fissures :

On est amené en outre à effectuer une vérification des contraintes de traction de l'acier dans le but de limiter l'ouverture des fissures, les risques de corrosion et la déformation de la pièce.

On distinguera ainsi trois catégories d'ouvrages :

- ✓ Les ouvrages où **la fissuration est peu nuisible** ou (peu préjudiciable) ce qui peut correspondre aux locaux clos et couverts non soumis à des condensations.
- ✓ Les ouvrages où **la fissuration est préjudiciable** lorsque les éléments en cause sont exposés aux intempéries, à des condensations ou peuvent être alternativement noyés et émergés en eau douce.
- ✓ Les ouvrages où **la fissuration est très préjudiciable** lorsque les éléments en cause sont exposés à un milieu agressif (eau de mer, atmosphère marine telle qu'embruns et

brouillards salins, gaz ou sols corrosifs) ou lorsque les éléments doivent assurer une étanchéité.

**Contraintes limites de traction des aciers**

Cas	Conditions particulières	Contraintes limites de traction (en MPa)
Fissuration peu préjudiciable	Locaux couverts et clos non soumis à condensations	$\sigma_{st} \leq f_e$
Fissuration préjudiciable	Coefficient de fissuration (symbole) : $\eta$ $\eta = 1$ pour ronds lisses $\eta = 1,6$ pour aciers HA diamètre $\geq 6$ mm $\eta = 1,3$ pour aciers HA si diamètre $< 6$ mm (*)	$\bar{\sigma}_{st} = \inf \left( \frac{2}{3} f_e; 110 \sqrt{\eta f_{tj}} \right)$
Fissuration très préjudiciable	Diamètres des aciers $> 8$ mm (**)	$\bar{\sigma}_{st} = \inf \left( 0,5 f_e; 90 \sqrt{\eta f_{tj}} \right)$

*N.B. Aciers de peau à prévoir dans les poutres de grande hauteur (hauteur totale  $> 60$  cm).  
(\*)  $3 \text{ cm}^2$  par mètre de longueur de parement dans le cas de fissuration préjudiciable.  
(\*\*)  $5 \text{ cm}^2$  par mètre de longueur de parement dans le cas de fissuration très préjudiciable.*

# CALCUL DES POTEAUX

## En compression simple

Les règles B.A.E.L n'imposent aucune condition à l'état limite de service pour les pièces soumises en compression centrée. Par conséquent, le dimensionnement et la détermination des armatures doivent se justifier uniquement vis à vis de l'état limite ultime.

### I – Evaluation des sollicitations :

Le calcul de la sollicitation normale s'obtient par l'application de la combinaison d'actions de base suivante :

$$N_u = 1.35 G + 1.5 Q$$

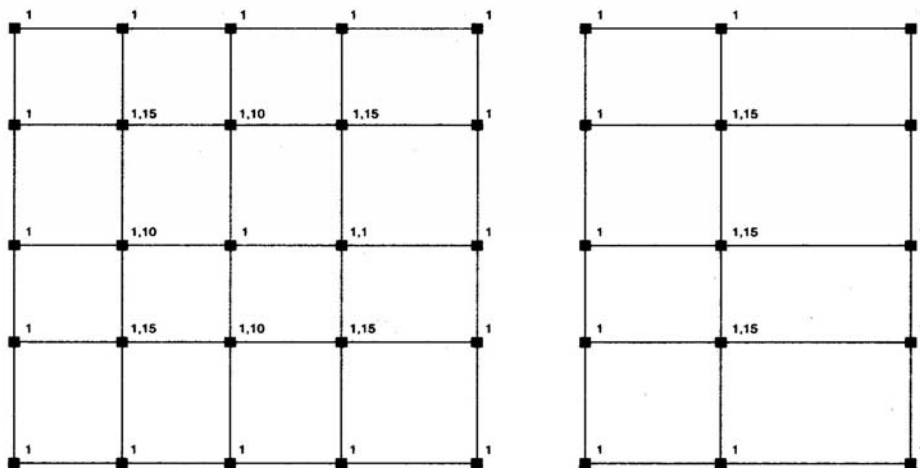
Avec: G: charge permanente.

Q: charge variable.

Dans les bâtiments comportant des travées solidaires, il convient de majorer les charges comme suit :

Si le bâtiment comporte des portiques suivant les deux directions, les majorations sont

- de 15 % si le poteau est plus d'une fois voisin d'un poteau de rive,
- de 10 % si le poteau est une fois voisin d'un poteau de rive.



## II – Calcul de l'armature longitudinale :

Section du poteau imposée

### 1. Vérifier la condition du non flambement :

$$\lambda = l_f / i \leq 70$$

avec  $l_f$ : longueur de flambement

$i$  : rayon de giration minimum

**Longueur de flambement**

**Batiment**

Cas	$l_f$
$I_2 > I_0$ $I_1 > I_0$	$0,7 l_0$
Autres	$l_0$

**Cas général**

Longueur de flambement  $l_f$  suivant liaisons

Liaison	$l_f$
(a) encastrement	$2 l_0$
(b) articulation	$l_0$
(c) encastrement et déplacement possible par translation	$l_0$
Autres liaisons	$0,707 l_0$
Autres liaisons	$0,707 l_0$
Autres liaisons	$l_0/2$

Légende:  
(a) encastrement, (b) articulation, (c) encastrement et déplacement possible par translation.

Notations  
Schéma de principe

- Hauteur de plancher à plancher :  $l_0$
- Longueur de flambement :  $l_f$
- Moment quadratique :  $I_{min}$
- Section de béton :  $B$
- Rayon de giration :  $i = \sqrt{\frac{I_{min}}{B}}$
- Élancement :  $\lambda = l_f / i$

Longueur de flambement en fonction des liaisons d'extrémités

Section type	$B$	$I_{min}$	$i$	$\lambda$
	$ab$	$\frac{ba^3}{12}$	$\frac{a}{2\sqrt{3}}$	$2\sqrt{3} \frac{l_f}{a}$
	$\frac{\pi D^2}{4}$	$\frac{\pi D^4}{64}$	$\frac{D}{4}$	$4 \frac{l_f}{D}$

### 2. Calculer la section d'acier minimale

$$A_{min} \geq \max \left( 4u ; \frac{0.2B}{100} \right)$$

Avec  $u$  : périmètre du poteau en m

$B$  : section du poteau en  $cm^2$

$4cm^2 / m$  de périmètre

### 3. Calculer la section d'acier en fonction de l'effort normal $N_u$

La section du béton et la section d'acier doivent pouvoir équilibrer l'effort

normal ultime Nu

$$Nu \leq \alpha \left[ \frac{Br f_{c28}}{0.9 \gamma_b} + A_{th} \frac{f_e}{\gamma_s} \right]$$

$$A_{th} \geq \left[ \frac{Nu}{\alpha} - \frac{Br f_{c28}}{0.9 \gamma_b} \right] \frac{\gamma_s}{f_e}$$

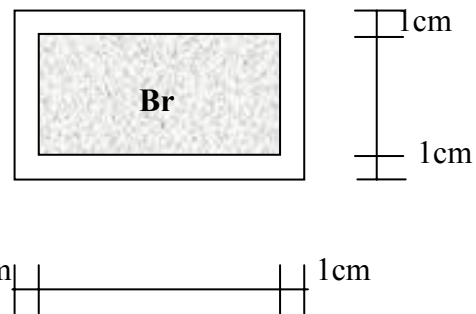
Nu : Effort normal ultime en MN

Br : section réduite de béton en m<sup>2</sup>

α : Coefficient de flambage

A<sub>th</sub> : section d'acier en m<sup>2</sup>

f<sub>c28</sub> et f<sub>e</sub> : en MPa



#### Valeurs du coefficient de flambage

Si  $\lambda \leq 50$   $\alpha = \frac{0.85}{1+0.2 (\lambda/35)^2}$

Si  $50 < \lambda \leq 70$   $\alpha = 0.6 (50/\lambda)^2$

De plus :

- Si plus de la moitié des charges est appliquée après 90 jours  $\Rightarrow \alpha = \alpha$
- Si plus de la moitié des charges est appliquée avant 90 jours  $\Rightarrow \alpha = \alpha / 1.10$
- Si la majeure partie des charges est appliquée à un âge  $j < 28$  jours  $\Rightarrow \alpha = \alpha / 1.20$  et on remplace f<sub>c28</sub> par f<sub>cj</sub>

#### 4. Calculer la section d'acier maximale

$$A_{max} \leq 5.B/100$$

avec  $\left\{ \begin{array}{l} B : \text{section de béton en cm}^2 \\ A : \text{section d'acier en cm}^2 \end{array} \right.$

**5. Vérifier que :**

La section d'acier finale :  $A_{sc} = \max ( A_{th} ; A_{min} )$

Et que  $: 0.2B/100 \leq A_{sc} \leq A_{max}$

**III - Armatures transversales :**

Le rôle principal des armatures transversales est d'empêcher le flambage des aciers longitudinaux.

- ✓ Leur diamètre est tel que :  
 $\phi_t = \phi_{l \max} / 3$
- ✓ Valeurs de leur espacement  
 $t \leq \min( 40 \text{ cm} ; a + 10 \text{ cm} ; 15\phi_{l \min} )$
- ✓ Nombre de cours d'acier transversaux à disposer sur la longueur de recouvrement doit être au minimum 3

**IV - Prédimensionnement de la section de béton**

1. Se fixer un élanement  $\lambda \leq 35$
2. Déterminer le coefficient de flambage ( $\lambda = 35 \Rightarrow \alpha = 0.708$ )
3. Calculer la section réduite de béton avec  $A_{th} = 0$  à partir de la relation qui permet de calculer l'effort normal.

$$Nu \leq \alpha \left[ \frac{Br f_{c28}}{0.9 \gamma_b} + A_{th} \frac{f_e}{\gamma_s} \right]$$

On tire :

$$Br \geq 0.9 \gamma_b Nu / \alpha f_{c28}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} Br \text{ en m}^2 \\ Nu \text{ en MN} \\ f_{c28} \text{ en MPa} \end{array} \right.$$

Avec  $\alpha = 0.708$  et  $\gamma_b = 1.5$  on a :  $Br = 1.907 \frac{Nu}{\alpha f_{c28}}$

4. Calculer les dimensions du poteau.

- Si la section est carrée :  $l_f \cdot \sqrt{3} / 17.5 \leq a \leq 0.02 + \sqrt{Br}$
- Si la section est rectangulaire :

$$a \geq l_f \cdot \sqrt{3} / 17.5$$

$$b \leq \frac{Br}{(a - 0.02)} + 0.02 \quad \text{si } b < a \Rightarrow b = a \text{ (poteau carré)}$$

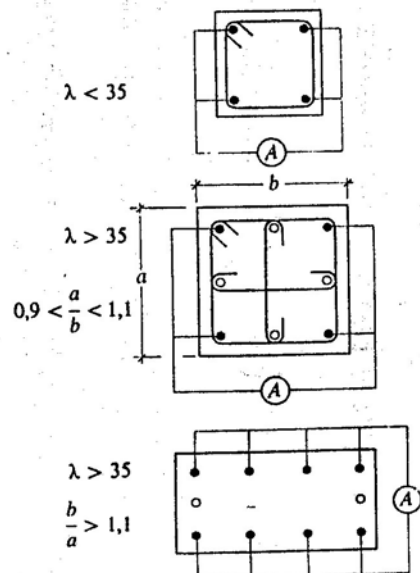
Br en m<sup>2</sup>

l<sub>f</sub> en m

a et b en m

### Prise en compte des armatures longitudinales

- Si  $\lambda \leq 35$  toutes les barres longitudinales disposées dans la section sont prises en compte .
- Si  $\lambda > 35$  Seules sont prises en compte les armatures qui augmentent la rigidité du poteau dans le plan de flambement.





## POTEAUX

### Compression centrée

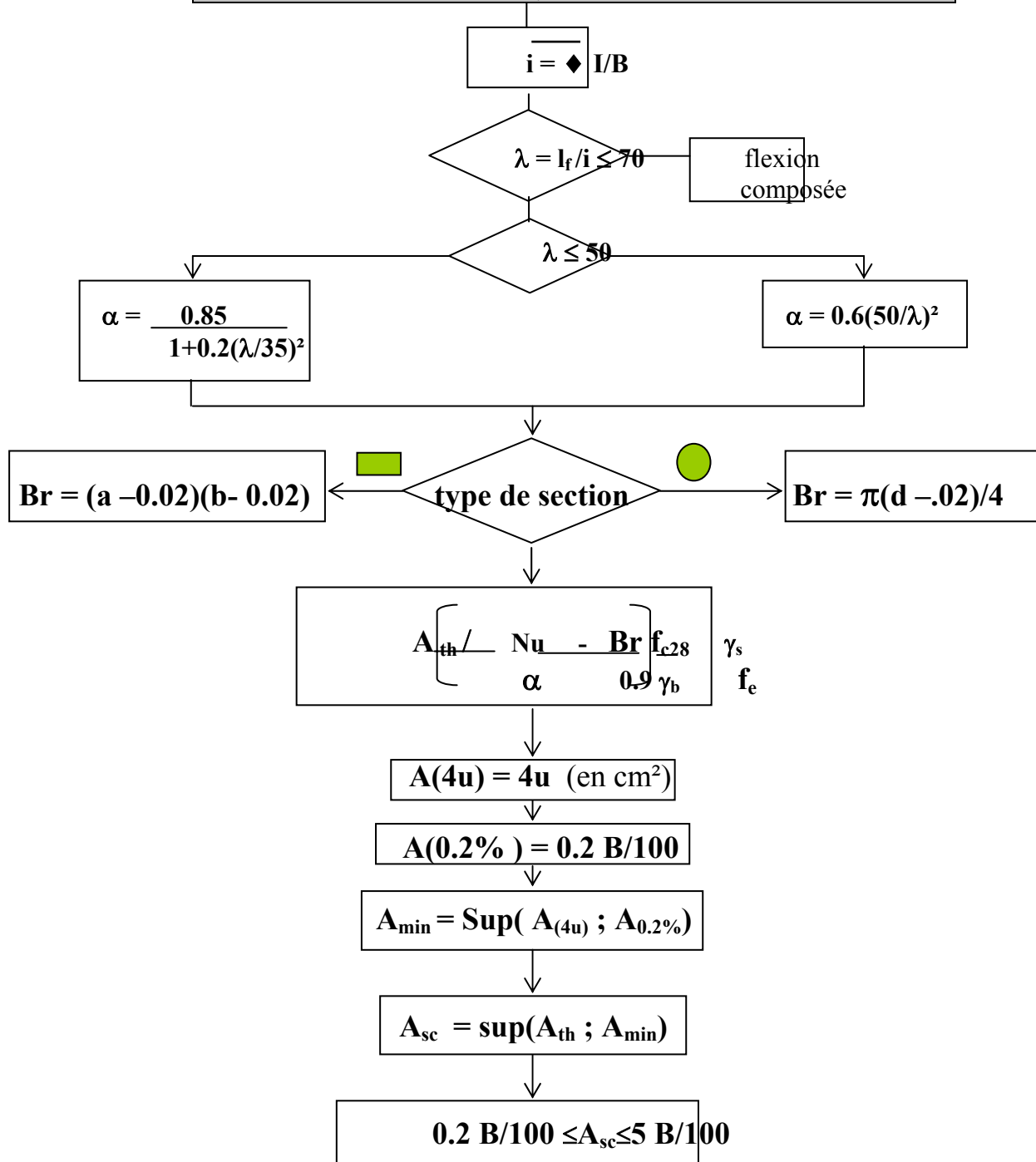
#### Données :

Combinaison de base :  $N_u = 1.35G + 1.5Q$

Longueur de flambement :  $l_f$

Section du poteau :  $a, b$  ou  $d$

Matériaux :  $f_{c28}, f_e$



## Armatures transversales

$$\Phi \leq \Phi_{l_{\max}} / 3$$

## Espacement des cadres

$$t \leq \inf(15 \Phi_{l_{\min}} ; 40 \text{ cm} ; a+10\text{cm})$$

## CALCUL DES POTEAUX

**EXERCICES**

## En compression simple

## EXERCICE I

Soit à déterminer les armatures d'un poteau à section rectangulaire de 40x30 cm soumis à un effort normal centré  $N_u=1800 \text{ KN}$ .

Ce poteau fait partie de l'ossature d'un bâtiment à étages multiples, sa longueur de flambement a pour valeur  $l_f=3\text{m}$ . Les armatures longitudinales sont en acier FeE400.

Le béton a pour résistance à la compression à 28j  $f_{c28}=25 \text{ Mpa}$ .

La majorité des charges n'est appliquée qu'après 90 jours.

Déterminer la section des armatures longitudinales et transversales ainsi que leur espacement. Faites le choix des aciers et le schéma de ferrailage de la section transversale.

## SOLUTION

**1. Armatures longitudinales**

$$\lambda = 2(3)^{1/2} \cdot 300/30 = 34.64 < 50$$

$$\alpha = 0.85 / [1 + 0.2(34.6/35)^2] = 0.71$$

$$A_{th} / (1.8/0.71 - 0.1064325/1.35) \cdot 1.15/400 = 1.623 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$A_{th} = 16.23 \text{ cm}^2 \text{ soit } 4 \text{ T } 20 + 2 \text{ T } 16 (16.58 \text{ cm}^2)$$

$$A_{\min} = \max(4u, 0.2B/100)$$

$$4u = 4(0.4 + 0.3) \cdot 32 = 5.6 \text{ cm}^2$$

$$0.2B/100 = 0.23(40 \cdot 30)/100 = 2.4 \text{ cm}^2$$

$$A_{\min} = 5.6 \text{ cm}^2 \text{ d'ou } \underline{A_{sc} = 16.23 \text{ cm}^2}$$

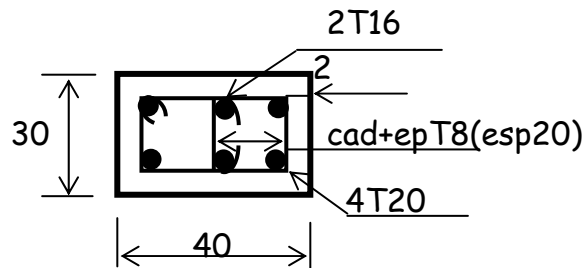
**2. Armatures transversales**

$$\phi t \geq \phi l_{\max} / 3 = 20/3 = 6.66 \text{ mm on prend } \phi t = 8 \text{ mm}$$

$$t = \min \{ 0.4 ; a+0.1 ; 15 \phi l_{\min} \}$$

$$t = \min \{ 40 \text{ cm} ; 40 \text{ cm} ; 15 \times 1.6 = 24 \text{ cm} \} \text{ on prend } t = 20 \text{ cm}$$

$$c / \phi l_{\max} = 20 \text{ mm} \Rightarrow c = 2 \text{ cm}$$



## EXERCICE II

Un poteau isolé de bâtiment industriel supporte un effort normal ultime de compression  $N_u = 1.8 \text{ MN}$ . Sa longueur libre est  $l_0 = 4.00 \text{ m}$ . Ce poteau est encastré en pied dans sa fondation et supposé articuler en tête.

Caractéristiques des matériaux :

Béton  $f_{c28} = 25 \text{ Mpa}$

Acier FeE400

En supposant que l'élançement du poteau est voisin de  $\lambda = 35$  et que la section du poteau est circulaire.

- Déterminer les dimensions de la section.
- Calculer le ferrailage complet du poteau et représenter la section transversale du poteau.

## SOLUTION

### 1. Armatures longitudinales

$$L_f = l_0 / \phi = 2.83 \text{ m}$$

$$\lambda = 4 L_f / D_1 \Rightarrow D_1 = 4 \times 2.83 / 35 = 0.32 \text{ m}$$

$$\alpha = 0.85 / [1 + 0.2 (35/35)^2] = 0.708$$

$$B_r / 0.9 \gamma_b N_u / \alpha \cdot f_{c28} \Rightarrow B_r / 0.9 \times 1.53 \times 1.8 / 0.708 \times 25$$

$$\underline{B_r / 0.137 \text{ m}^2} \Rightarrow D_2 = \sqrt{4 \cdot B_r / \pi} + 0.02$$

$$D_2 = 0.437 = 0.44 \text{ m} \Rightarrow D = \min(D_1, D_2) = \min(0.32, 0.44)$$

Donc , on prend  $D=35$  cm.

$$\text{Calculons } Br. = \pi(D-0.02)^2 / 4 = 0.085 \text{ m}^2$$

$$A_{th} / (Nu/\alpha - Br \cdot 3 f_{c28} / 0.9 \gamma_b) \gamma_s / f_e$$

$$A_{th} / (1.8/0.708 - 0.085 \cdot 25 / 1.35) \cdot 1.15 / 400 = 2.784 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$\underline{A_{th} = 27.84 \text{ cm}^2}$$

$$A_{min} = \max(4u, 0.2B/100)$$

$$4u = 4\pi \cdot 30 \cdot 35 = 4.39 \text{ cm}^2 ; \quad 0.2B/100 = 0.23(\pi \cdot 35^2 / 4) / 100 = 1.92 \text{ cm}^2$$

$$\underline{A_{min} = 4.4 \text{ cm}^2} \quad \text{d'ou} \quad \underline{A_{sc} = 27.84 \text{ cm}^2} \quad \text{Soit } 9H.A 20 (28.27 \text{ cm}^2)$$

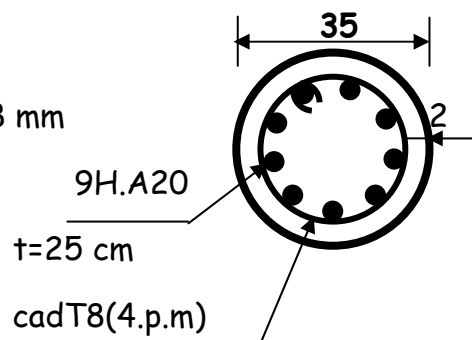
## 2. Armatures transversales

$$\emptyset t \ni \emptyset l_{max} / 3 = 20 / 3 = 6.66 \text{ mm on prend } \emptyset t = 8 \text{ mm}$$

$$t = \min \{ 0.4 ; a + 0.1 ; 15 \emptyset l_{min} \}$$

$$t = \min \{ 40 \text{ cm} ; 45 \text{ cm} ; 15 \cdot 2 = 30 \text{ cm} \} \text{ on prend } t = 25 \text{ cm}$$

$$c / \emptyset l_{max} = 20 \text{ mm} \Rightarrow c = 2 \text{ cm}$$



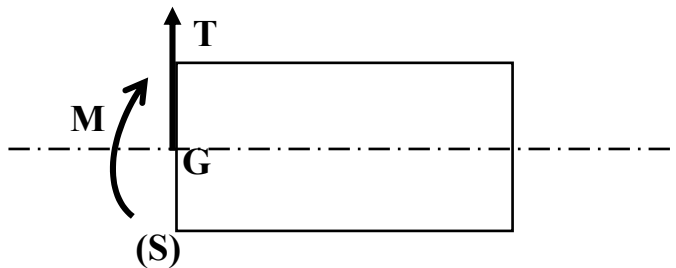
B- Déterminer la section des armatures des éléments sollicités en flexion simple (poutre et dalle)

FLEXION SIMPLE [E E.L].U

## I – GENERALITES

Une poutre à plan moyen est sollicitée en FLEXION PLANE SIMPLE lorsque l'ensemble des forces ou couples appliqués à gauche d'une section droite est réductible, au centre de gravité G de ( S ) à :

- Un couple de moment M (moment fléchissant)
- Une force T située dans le plan de S (effort tranchant)



Les moments fléchissants sont donnés en valeur algébrique; dans les calculs, nous ne considérons que la valeur absolue sachant que :

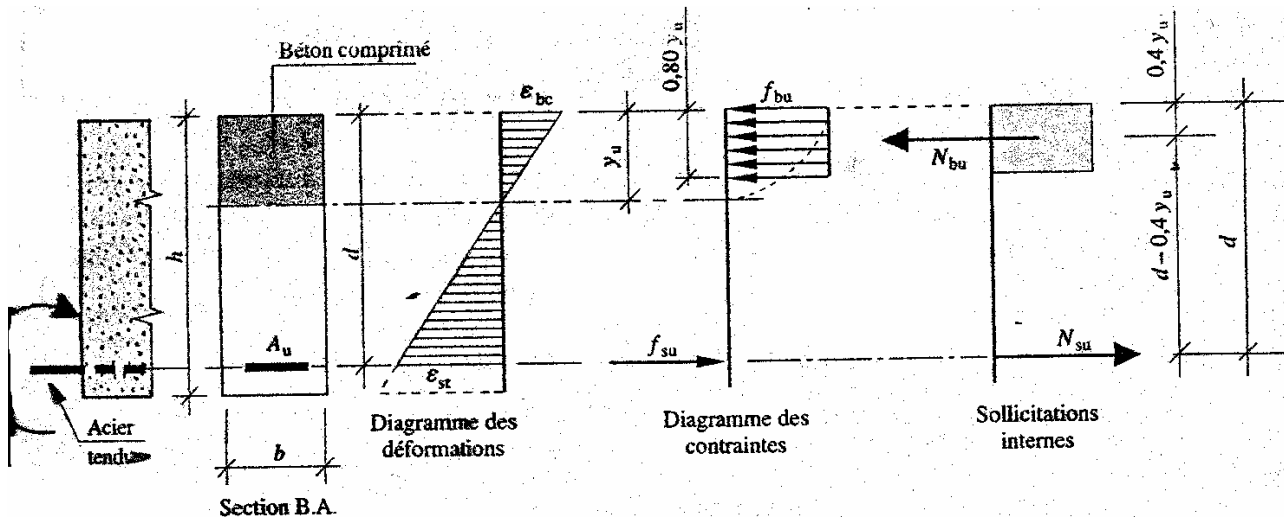
- $M > 0$  compression en haut, traction en bas.
- $M < 0$  compression en bas, traction en haut.

Les formules et méthodes de calcul des moments fléchissants et efforts tranchants sont enseignées dans le cours de résistance des matériaux.

## II – SECTION RECTANGULAIRE SANS ACIERS COMPRIMES

Considérons la section rectangulaire représentée sur la figure, cette section est soumise à un moment ultime de flexion simple  $M_u$  ( $M_u > 0$ ).

Sous l'effet du moment  $M_u$  correspond un diagramme des déformations et un diagramme des contraintes.



## 1. Moment ultime réduit $\mu_u$

Nous appellerons moment ultime réduit  $\mu_u$  la quantité suivante :

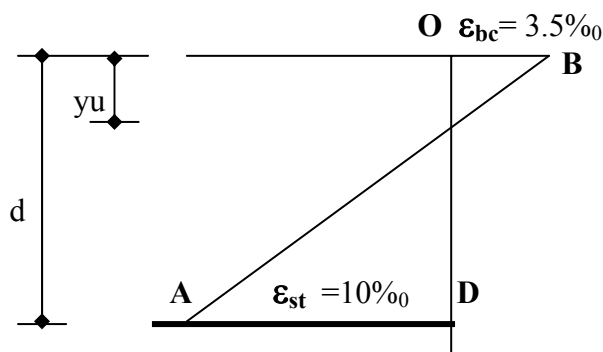
$$\mu_u = \frac{M_u}{b d^2 f_{bu}}$$

**Le diagramme idéal** pour une poutre en flexion est celui pour lequel les limites mécaniques des matériaux sont atteintes.

- Raccourcissement unitaire maximum de béton de 3.5‰
- Allongement unitaire maximum de l'acier de 10‰

**OD** l'image de la section avant déformation

**AB** l'image de la section après déformation



Dans cette situation idéale : les déformations des matériaux étant connues, les paramètres  $\alpha$  et  $\mu_u$  sont connus :

$$\frac{\varepsilon_{bc}}{\varepsilon_{bc} + \varepsilon_{st}} = \frac{3.5}{13.5} = \frac{y_u}{d} = \alpha_u = 0.259$$

$$\alpha_u = 0.259$$

$$\mu_u \text{ est aussi égal à : } \mu_u = 0.8 \alpha_u (1 - 0.4 \alpha_u)$$

En remplaçant  $\alpha_u$  par sa valeur :

$$\mu_u = 0.8 \alpha_u (1 - 0.4 \alpha_u) = 0.186$$

$$\mu_u = 0.186$$

$\mu_u$  s'exprime également par une équation du second degré en  $\alpha$ , qui une fois résolue nous donne :

$$\alpha_u = 1.25 ( 1 - \sqrt{1 - 2 \mu_u} )$$

## 2. Vérification de la valeur du moment ultime réduit $\mu_u$

Selon la valeur du moment ultime réduit  $\mu_u$ , la section sera armée soit uniquement par **des armatures tendues**, soit par **des armatures tendues et comprimées**.

On a donc 3 cas qui se présentent :

### a) 1<sup>er</sup> cas

$\mu_u \leq 0.186$  ( section armée par **des armatures tendues**)

$$\varepsilon_{st} = 10\text{‰}$$

$$\varepsilon_{bc} = 3.5\text{‰}$$

- Calculer  $\alpha$  :  $\alpha = 1.25 ( 1 - \sqrt{1 - 2 \mu} )$
- Calculer  $Z$  :  $Z = d ( 1 - 0.4 \alpha )$
- Calculer  $A_S$  :

$$A_S = \frac{M_u \cdot \gamma_s}{Z \cdot f_e}$$

$A_S$  en  $m^2$   
 $M_u$  en MN.m  
 $Z$  en m  
 $f_e$  en Mpa



- Vérifier la condition de non fragilité :

$$A_s \geq 0.23 \frac{f_{t28}}{f_e} b.d$$

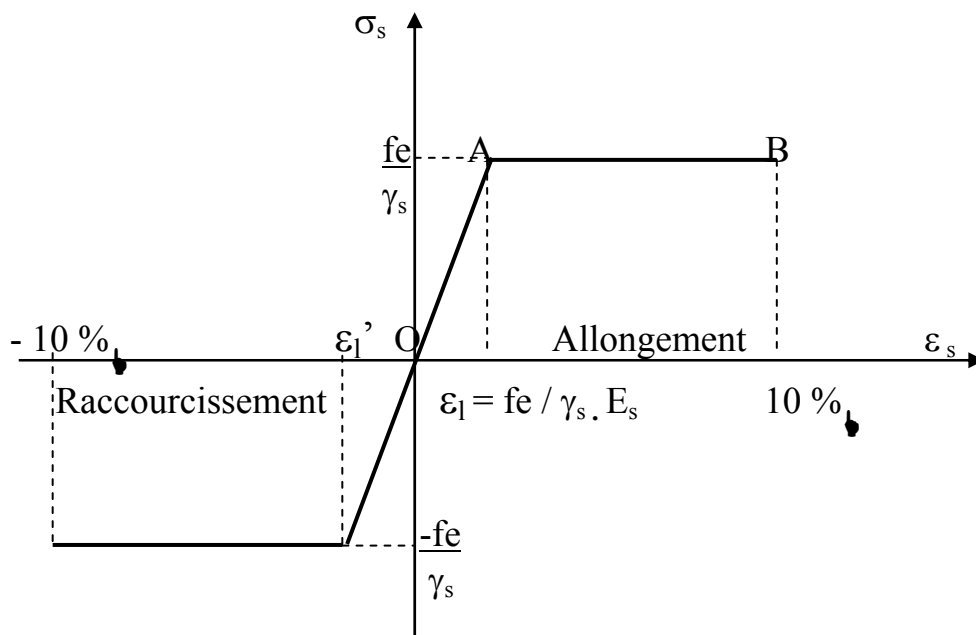
b) 2<sup>ème</sup> cas

$$0.186 < \mu_u \leq \mu_l \quad (\text{section armée par des armatures tendues})$$

$$\varepsilon_{bc} = 3.5\text{‰}$$

$$\varepsilon_l \leq \varepsilon_{st} < 10\text{‰}$$

Au point de vue économique  $\varepsilon_{st}$  ne doit pas être inférieur à une certaine **valeur limite** que nous désignerons par  $\varepsilon_l$



A cette valeur  $\varepsilon_l$  correspond des valeurs limites  $\alpha_l$  et  $\mu_l$

$$\alpha_l = \frac{3.5}{3.5 + 1000 \varepsilon_{sl}}$$

$$\mu_l = 0.8 \alpha_l (1 - 0.4 \alpha_l)$$

**Exemple 1** : calculons les valeurs de  $\varepsilon_1$ ,  $\alpha_1$ ,  $\mu_1$  pour l'acier FeE400 type 1, 3, 4

$$1000 \varepsilon_1 = f_e / 200 \gamma_s = 400 / 200 \times 1.15 = 1.739$$

$$\alpha_1 = \frac{3.5}{3.5 + 1000 \varepsilon_1} = \frac{3.5}{3.5 + 1000 \varepsilon_1} = 0.668$$

$$\mu_1 = 0.8 \alpha_1 (1 - 0.4 \alpha_1) = 0.8 \times 0.668 (1 - 0.4 \times 0.668) = 0.392$$

$$\mu_1 = 0.392$$

**Exemple 2** : Acier écroui FeE400 de type 2

$$\varepsilon_{st} = \sigma_s / E_s + 0.823 (1.15 \sigma_s / f_e - 0.7)^5$$

$$\varepsilon_1 = 3.8 \text{ ‰}$$

$$\alpha_1 = \frac{\varepsilon_{bc}}{\varepsilon_{bc} + \varepsilon_1} = 0.48$$

$$\mu_1 = 0.8 \alpha_1 (1 - 0.4 \alpha_1) = 0.31$$

$$\mu_1 = 0.31$$

Il faut remarquer, que les grandeurs  $\varepsilon_1$ ,  $\mu_1$ ,  $\alpha_1$  seront définies entièrement par le type et la nuance d'acier choisi.

Donc si  $\mu_u \leq \mu_1$  **la section sera armée uniquement par des armatures tendues** et la section d'aciers sera déterminée comme précédemment.

- Calculer  $\alpha$  :  $\alpha = 1.25 (1 - \sqrt{1 - 2 \mu})$
- Calculer  $Z$  :  $Z = d(1 - 0.4\alpha)$
- Calculer  $A_s$  :

$$A_s = \frac{M_u \cdot \gamma_s}{Z \cdot f_e}$$

- Vérifier la condition de non fragilité:

$$A_s \geq 0.23 \frac{f_{t28}}{f_c} b.d$$

c) 3<sup>ème</sup> cas

$\mu_u > \mu_l$  ( la section sera armée par des armatures comprimées.)

$$\varepsilon_{bc} = 3.5\text{‰}$$

$$\varepsilon_{st} = \varepsilon_l$$

## II – SECTION RECTANGULAIRE AVEC ACIERS COMPRIMES

Lorsqu'une section rectangulaire, dont les dimensions sont imposées est soumise à un moment  $M_u$ , supérieur à celui que peut équilibrer la section ne comportant que des armatures tendues, la partie comprimée de cette section sera renforcée en y disposant des armatures qui seront évidemment comprimées.

$\mu_u > \mu_l$  (Armatures doubles)

$$\varepsilon_{bc} = 3.5\text{‰}$$

$$\varepsilon_{st} = \varepsilon_l$$

$$\alpha = 1.25 ( 1 - \sqrt{1 - 2 \mu} )$$

$$Z = d (1 - 0.4\alpha)$$

$$\varepsilon_{sc} = (3.5 \cdot 10^{-3} + \varepsilon_l) \left( \frac{d - d'}{d} \right) - \varepsilon_l$$

### 1. Moment résistant du béton

Le moment résistant du béton, est le moment ultime qui peut équilibrer la section sans lui adjoindre des armatures comprimées.

$$M_R = \mu_l \cdot b \cdot d^2 \cdot f_{bu}$$

## 2. Moment résiduel

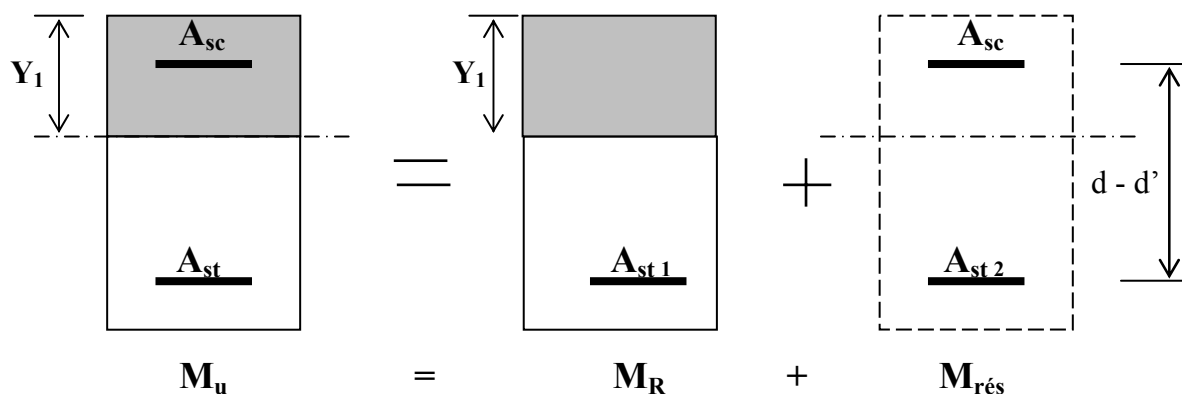
Le moment résiduel, est la différence entre le moment ultime sollicitant la section et le moment résistant du béton.

$$M_{rés} = M_u - M_R$$

Ce moment de flexion équilibré par les armatures comprimées doit être inférieur à 40% du moment total :

$$M_{rés} \leq 0.4 M_u$$

Si  $M_{rés} > 0.4 M_u$  (redimensionner la poutre)



### Pour équilibrer $M_R$

$$Z = d(1 - 0.4\alpha)$$

$$\sigma_{st} = f_e / 1.15$$

La section d'acier :

$$A_{St1} = \frac{M_R}{Z \cdot \sigma_{st}}$$

Section d'acier tendu

**Pour équilibrer  $M_{rés}$** 

- Bras de levier du couple interne ( $d - d'$ )
- La contrainte de travail des armatures tendues  $\sigma_{st} = f_e / 1.15$
- La contrainte de travail des armatures comprimées  $\sigma_{sc}$  est celle correspondant au raccourcissement unitaire  $\varepsilon_{sc}$

$$A_{St 2} = \frac{M_{rés}}{(d - d') \cdot \sigma_{st}}$$

Section d'acier tendu

$$A_{SC} = \frac{M_{rés}}{(d - d') \cdot \sigma_{sc}}$$

Section d'acier comprimé

La section totale d'acier tendu sera :

$$A_{st} = A_{st 1} + A_{st 2}$$

Vérifier la condition de non fragilité :

$$A_{st} \geq A_{min} = 0.23 \frac{f_{t 28}}{f_e} b.d$$

# EFFORT TRANCHANT

## JUSTIFICATIONS ET DISPOSITIONS CONSTRUCTIVES

### III. Sollicitation de calcul

La sollicitation d'effort tranchant  $V_u$  est toujours déterminée à l'état limite ultime (E.L.U).  
La combinaison de base dans les cas courants pour calculer  $V_u$  est :

$$1.35G + 1.5Q$$

### IV. Contrainte tangentielle conventionnelle

Pour calculer la contrainte de cisaillement ou contrainte tangente, on applique l'expression suivante :

$$\tau_u = V_u / b.d$$

$V_u$  : effort tranchant en MN

$\tau_u$  : contrainte tangentielle en Mpa

$b, d$  : en m

La contrainte tangentielle conventionnelle doit satisfaire aux états limites suivants :

- Armatures droites (  $\alpha = \pi/2$  )
  - fissuration peu nuisible  $\tau_u \leq \overline{\tau_u} = \min \left( \frac{0.20f_{c28}}{\gamma_b} ; 5 \text{ Mpa} \right)$
  - Fissuration préjudiciable }  $\tau_u \leq \overline{\tau_u} = \min \left( \frac{0.15f_{c28}}{\gamma_b} ; 4 \text{ Mpa} \right)$   
ou très préjudiciable }
- Armatures inclinées à (  $\alpha = \pi/4$  )

$$\tau_u \leq \overline{\tau_u} = \min \left( \frac{0.27f_{c28}}{\gamma_b} ; 7 \text{ Mpa} \right)$$

Si cette condition n'est pas vérifiée, il convient de revoir les dimensions de la poutre et notamment sa largeur.

### V. Dimension des armatures transversales

Choisir le diamètre de l'armature transversale

$$\phi_t \leq \min ( h/35 ; \phi_{l \min} ; b/10 )$$

$\phi_t$ : diamètre des armatures transversales

$\phi_{l \min}$ : diamètre minimal des armatures longitudinales

h : hauteur totale de la poutre.

b : largeur de la poutre.

## VI. Espacement maximum des cours d'armatures

$$St_{\max} \leq \min \left( 0.9d ; 0.40m ; \frac{A_t \cdot f_e}{0.4 b} \right)$$

$A_t$ : section d'un cours d'armatures transversale en m<sup>2</sup>

$f_e$ : en MPa

b, d : en m

## VII. Espacement des armatures transversales

$$St \leq \frac{0.9 \cdot A_t \cdot f_e}{\gamma_s \cdot b (\tau_u - 0.3f_{t28k})}$$

$$A_t = n A_i \begin{cases} A_i : \text{section d'une branche verticale en cm}^2 \\ n : \text{nombre de branches verticales} \\ A_t : \text{section totale d'un cours d'armatures transversales en m}^2 \end{cases}$$

$f_e$  ;  $f_{c28}$  ;  $\tau_u$  en MPa avec  $f_{t28}$  plafonnée à **3.3 MPa**.

b ; St en m.

$$\text{Avec } \begin{cases} k = 0 & \text{si } \begin{cases} - \text{ Reprise de bétonnage} \\ - \text{ fissuration très préjudiciable} \end{cases} \\ k = 1 & \text{si } \begin{cases} - \text{ cas de flexion simple} \\ - \text{ sans reprise de bétonnage} \\ - \text{ ou reprise avec indentation / 5 mm} \end{cases} \end{cases}$$

## VIII. Répartition des armatures transversales

Deux cas peuvent se présenter :

### 1) $St > St_{max}$

- placer le 1<sup>er</sup> cours d'armature transversale à une distance du nu de l'appui égale à  $St_{max}/2$ .
- disposer les autres cours d'armature à une distance **constante** égale à  $St_{max}$ .

### 2) $St < St_{max}$

- placer le 1<sup>er</sup> cours d'armature transversale à une distance du nu de l'appui égale à  $St/2$ .
- effectuer la répartition des cours en appliquant la progression de **CAQUOT** définie par les valeurs :  
**7 – 8 – 9 – 10 – 11 – 13 – 16 – 20 – 25 – 30 – 35 – 40 .**
- Répéter chacune des valeurs de la progression autant de fois qu'il y a de mètres dans la demi-portée.

**N.B :** Retenir toujours les valeurs minimales de  $St$ .

La répartition des cours d'armatures transversales s'effectue en partant des appuis vers le milieu de la poutre. L'espace restant entre les deux derniers cours doit être inférieur ou au plus égal à  $St_{max}$ .

Cet espace n'est généralement pas coté sur les plans.



# FLEXION SIMPLE E.L.S

Les éléments de structure en béton armé, soumis à un moment de flexion simple sont généralement calculés à l'état limite de service dans les cas suivants :

- Fissuration préjudiciable.
- Fissuration très préjudiciable.

Les vérifications à effectuer concernant les états limites de service vis à vis de la durabilité de la structure conduit à s'assurer du non-dépassement des contraintes limites de calcul à l'E.L.S :

- Compression du béton
- Traction des aciers suivant le cas de fissuration envisagé ( état limite d'ouverture des fissures).

## 1. Contraintes de calcul (à l'E.L.S)

- **Contrainte de compression du béton limitée à :**

$$\bar{\sigma}_{bc} = 0.6 f_{cj}$$

- **Contrainte de traction des aciers limitée suivant les cas de fissuration :**

- fissuration préjudiciable :

$$\bar{\sigma}_{st} = \inf ( 2/3 f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot ftj} )$$

- fissuration très préjudiciable :

$$\bar{\sigma}_{st} = \inf ( 1/2 f_e ; 90 \sqrt{\eta \cdot ftj} )$$

où  $\eta$ : coefficient de fissuration de l'acier utilisé

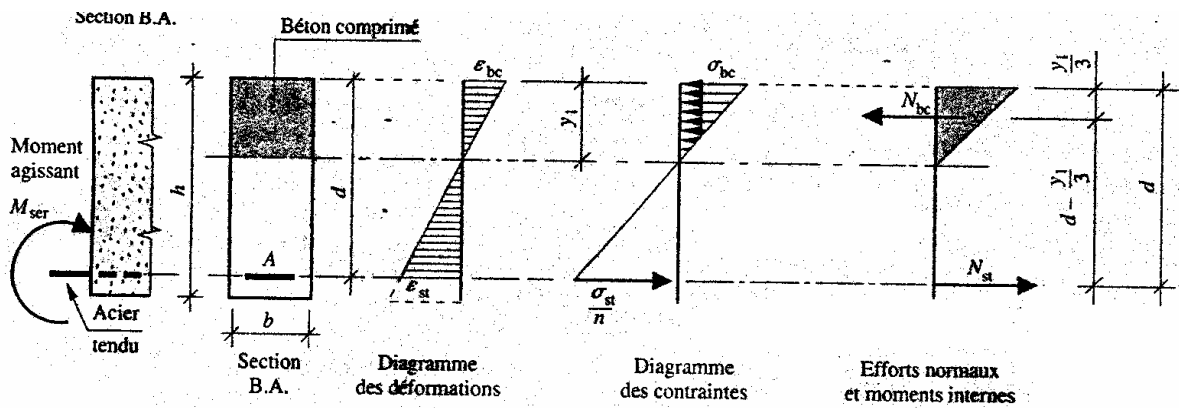
$\eta = 1$  pour aciers ronds lisses

$\eta = 1.6$  pour aciers haute-adhérence  $\geq 6$  mm.

## 2. Détermination des armatures

### a) Section rectangulaire sans armatures comprimées

On considère une section rectangulaire courante d'une poutre soumise à un moment de flexion simple .

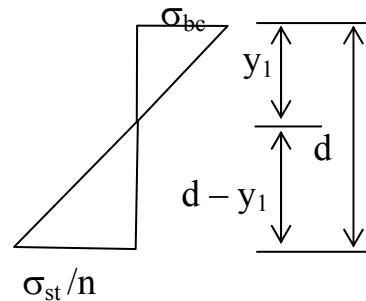


a.1) Moment résistant du béton :  $M_{rsb}$

C'est le moment de service maximum que peut équilibrer une section sans lui adjoindre des armatures comprimées. Les matériaux ont alors atteint leurs contraintes admissibles.

$$\alpha = y_1 / d$$

$$\frac{\sigma_{bc}}{\frac{\sigma_{st}}{n}} = \frac{y_1}{d - y_1}$$



d'où 
$$\alpha = \frac{n\sigma_{bc}}{n\sigma_{bc} + \sigma_{st}}$$

**Remarque :** Lorsque l'E.L.S est atteint. Les contraintes sont alors égales à leurs valeurs admissibles.

$$\sigma_{bc} = \overline{\sigma_{bc}} \quad \text{et} \quad \sigma_{st} = \overline{\sigma_{st}}$$

Dans ce cas nous pouvons calculer :

$$\alpha = \frac{n \overline{\sigma_{bc}}}{n \overline{\sigma_{bc}} + \overline{\sigma_{st}}}$$

$$n \overline{\sigma}_{bc} + \overline{\sigma}_{st}$$

- La position de la fibre neutre  $y = \overline{\alpha} \cdot d$
- Le bras de levier  $Z = d - y_1 / 3 = d (1 - \overline{\alpha} / 3)$

D' où  $M_{rsb} = \frac{1}{2} b y_1 \overline{\sigma}_{bc} \cdot Z$

La comparaison de ce moment résistant avec le moment de service doit nous permettre de choisir entre un système **d'armature simple**, ou **d'armatures doubles**.

**a.2)  $M_{ser} \leq M_{rsb}$  : armature simple**

Dans ce cas nous pouvons nous fixer :  $\alpha = \overline{\alpha}$   
nous obtenons des résultats approchés satisfaisants.

$$Z = d (1 - \overline{\alpha} / 3)$$

D' où

$$A_{ser} = \frac{M_{ser}}{Z \cdot \overline{\sigma}_{st}}$$

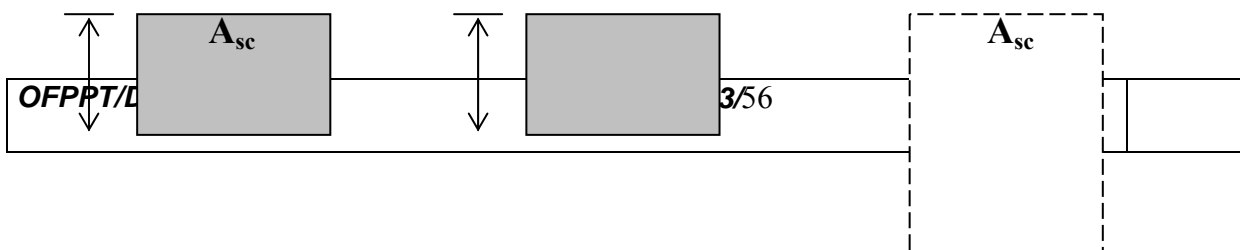
**N.B:** S'assurer du respect de la condition de non fragilité :

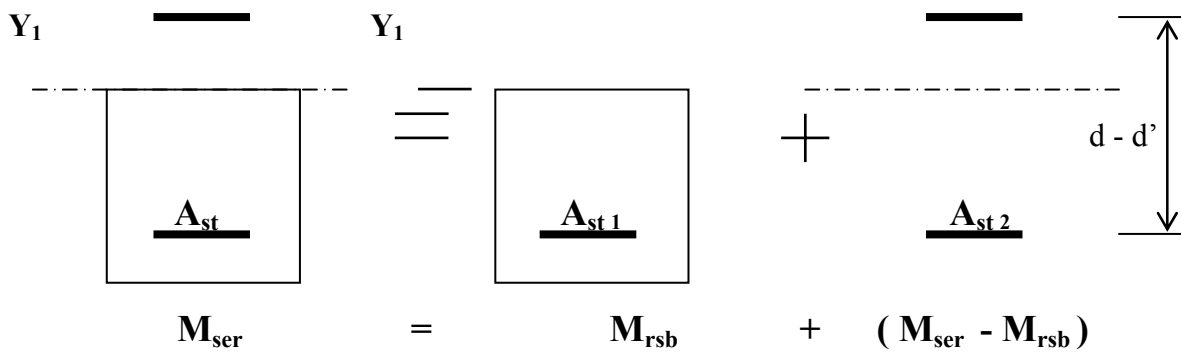
$$A_{ser} \geq A_{min}$$

**b) Section rectangulaire avec armatures comprimées**

**b.1)  $M_{ser} > M_{rsb}$  : armature double**

Dans ce cas nous déterminons une section d'acier tendu  $A_{st1}$  capable d'équilibrer le moment résistant du béton, puis une section d'acier tendu  $A_{st2}$  et une section d'acier comprimé  $A_{sc}$  capables d'équilibrer le complément de moment pour atteindre  $M_{ser}$ .





**b.2) Section d'acier tendu**

$$A_{st1} = \frac{M_{rsb}}{Z \cdot \bar{\sigma}_{st}}$$

Nous connaissons :

$$\bar{\alpha} = \frac{n \bar{\sigma}_{bc}}{n \bar{\sigma}_{bc} + \bar{\sigma}_{st}} \quad ; \quad y_1 = \bar{\alpha} \cdot d$$

et

$$Z = d (1 - \bar{\alpha} / 3)$$

$A_{st2}$  doit équilibrer un moment  $(M_{ser} - M_{rsb})$  dans cette section le bras de levier est  $(d - d')$

$$A_{st2} = \frac{M_{ser} - M_{rsb}}{(d - d') \cdot \bar{\sigma}_{st}}$$

$$d'o\grave{u} \quad A_{st} = \frac{1}{\bar{\sigma}_{st}} \left[ \frac{M_{rsb}}{Z} + \frac{M_{ser} - M_{rsb}}{(d - d')} \right]$$

### b.3) Section d'acier comprimé

$A_{sc}$  doit équilibrer un moment ( $M_{ser} - M_{rsb}$ ) le bras de levier est ( $d - d'$ )

$$D'o\grave{u} \quad A_{sc} = \frac{M_{ser} - M_{rsb}}{(d - d') \cdot \sigma_{sc}}$$

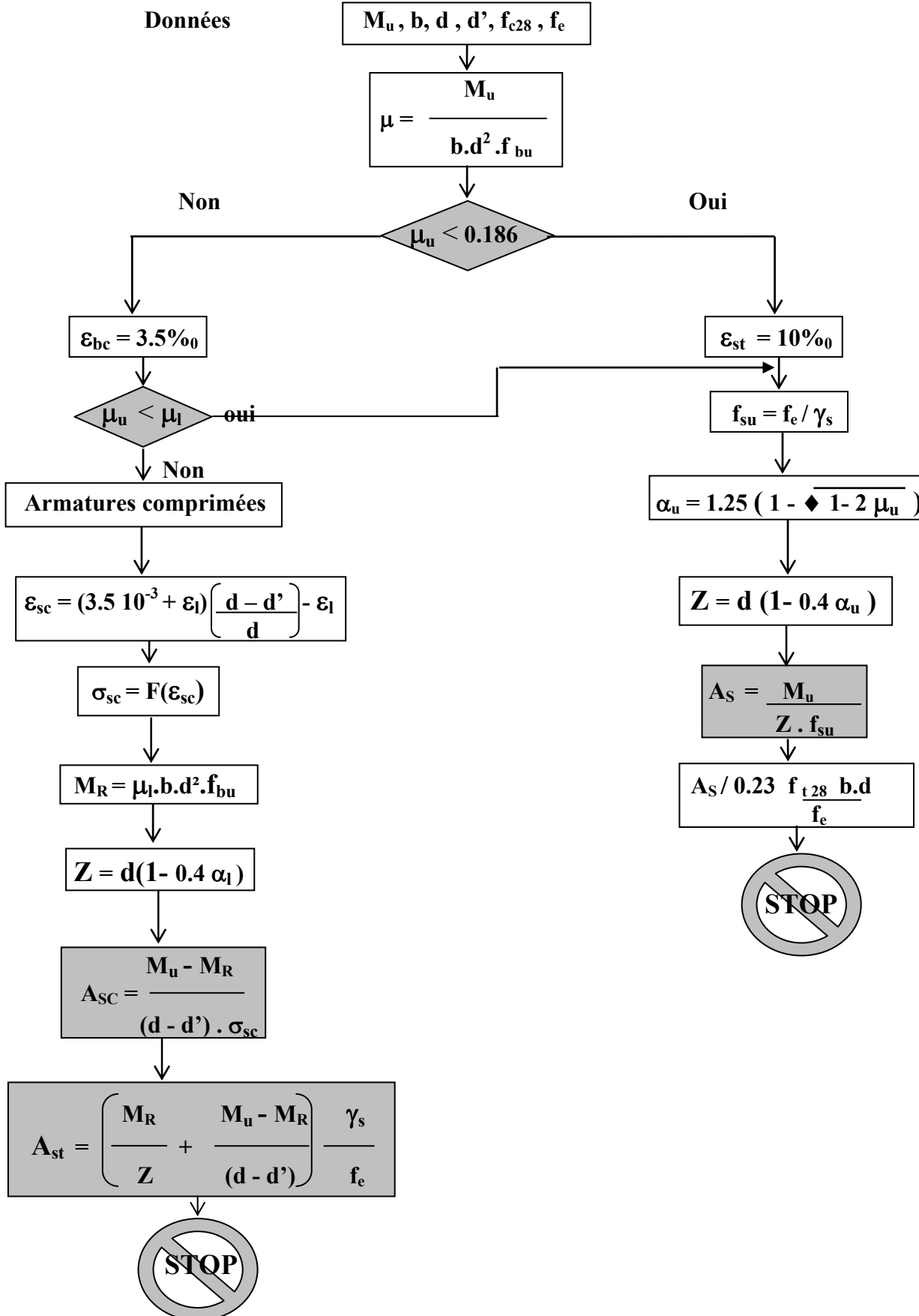
$\sigma_{sc}$  est la contrainte de travail de la section d'acier comprimé.  
Elle dépend de la position des armatures dans la section.

$$\sigma_{sc} = \frac{n \bar{\sigma}_{bc} (y_1 - d')}{y_1}$$

$d'$  : enrobage supérieur  
avec  $y_1 = \bar{\alpha} \cdot d$

## FLEXION SIMPLE ( E.L.U)

**SECTION RECTANGULAIRE**



## FLEXION SIMPLE ( E.L.S)

### SECTION RECTANGULAIRE

Données

$$M_{ser}, b, d, d', f_{c28}, f_e$$

$$\bar{\alpha} = \frac{n\bar{\sigma}_{bc}}{n\bar{\sigma}_{bc} + \bar{\sigma}_{st}}$$

$$y_1 = \bar{\alpha} \cdot d$$

$$Z = d \left( 1 - \frac{\bar{\alpha}}{3} \right)$$

$$M_{rsb} = \frac{1}{2} b y_1 \bar{\sigma}_{bc} \cdot Z$$

$M_{ser} > M_{rsb}$

Non

Oui

$$\sigma_{sc} = \frac{n\bar{\sigma}_{bc} (y_1 - d')}{y_1}$$

$$A_{sc} = \frac{M_{ser} - M_{rsb}}{(d - d') \cdot \sigma_{sc}}$$

$$A_{st} = \left( \frac{M_{rsb}}{Z} + \frac{M_{ser} - M_{rsb}}{(d - d')} \right) \frac{1}{\bar{\sigma}_{st}}$$



$$A_{ser} = \frac{M_{ser}}{Z \cdot \bar{\sigma}_{st}}$$

$$A_s / 0.23 \frac{f_{t28} \cdot b \cdot d}{f_e}$$



## EXERCICES

### Exercice I :

Soit à déterminer les sections d'armatures à placer dans la section rectangulaire ci-contre réalisée en béton armé de résistance à la compression à 28 jours  $f_{c28}=25$  Mpa, armée par des aciers HA feE500 et soumise successivement aux

0.193 ; 0.284 et 0.530 MNm.

### Paramètres de calcul

$b=0.3\text{m}$  ;  $h=0.6\text{m}$  ;  $d=0.55\text{m}$  ;  $d'=0.05\text{m}$   
 $f_{c28}=25\text{Mpa}$  ;  $f_{bu}=14.2\text{MPa}$  ;  $f_e=500\text{MPa}$

$\mu_l = ?$

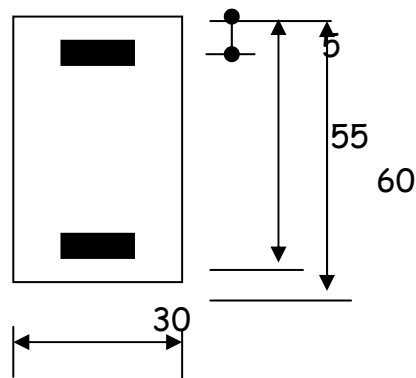
$$\epsilon_l = 500/200 \times 1.15 = 2.174$$

$$\alpha_l = 3.5 / (3.5 + 2.174) = 0.6168$$

$$\mu_l = 0.8 \times 0.6168 (1 - 0.4 \times 0.6168) = 0.371$$

$$\underline{\mu_l = 0.371}$$

$$\sigma_{sc} = f_e / 1.15 = 500 / 1.15 = 435 \text{ Mpa}$$



### SOLUTION

	N°1	N°2	N°3
$M_u(\text{MNm})$	0.193	0.284	0.530
$\mu = M_u / b \cdot d^2 \cdot f_{bc}$	0.150	0.220	0.411
Cas	$\mu < 0.186$ pivot A	$0.186 < \mu < \mu_l$ pivot B sans Asc	$\mu > \mu_l$ pivot B avec Asc
$\alpha$	0.2	0.314	$\alpha_l = 0.617$
Z	0.506m	0.48	0.414
$A_{st}$	8.8 cm <sup>2</sup>	13.58 cm <sup>2</sup>	28.94 cm <sup>2</sup>
Asc			2.39 cm <sup>2</sup>



**ExerciceII**

Considérons une poutre de section 30x60 l'enrobage est de 5 cm. Elle est soumise à un moment  $M_{ser} = 0.2 \text{ m.MN}$ . Le béton a une résistance caractéristique  $f_{c28} = 20 \text{ MPa}$ . L'acier a une limite élastique  $f_e = 400 \text{ MPa}$ . La fissuration est préjudiciable. Calculer les armatures.

**\* Contraintes admissibles**

$$\bar{\sigma}_{bc} = 0.6 f_{c28} = 12 \text{ MPa}$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \inf ( 2/3 f_e ; 110 \star \overline{\eta.ftj} )$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \inf ( 2/3(400) ; 110 \star \overline{1.6(1.8)} )$$

$$\bar{\sigma}_{st} = \inf ( 266.67 ; 186.67 )$$

d'où  $\bar{\sigma}_{st} = 186.67 \text{ Mpa} \cong 187 \text{ Mpa}$

**\* Moment résistant du béton**

$$\bar{\alpha} = \frac{n\bar{\sigma}_{bc}}{n\bar{\sigma}_{bc} + \bar{\sigma}_{st}} = \frac{15 \times 12}{(15 \times 12) + 187} = 0.49$$

$$Z = d ( 1 - \bar{\alpha} / 3 ) = 0.55 ( 1 - 0.49 / 3 ) = 0.46 \text{ m}$$

$$\text{et } y_1 = \bar{\alpha} \cdot d = 0.49 \times 0.55 = 0.27 \text{ m}$$

$$\text{d'où } M_{rsb} = \frac{1}{2} b y_1 \bar{\sigma}_{bc} \cdot Z = \frac{1}{2} (0.3 \times 0.27 \times 12 \times 0.46) = 0.223 \text{ m.MN}$$

$$M_{ser} = 0.2 \text{ m.MN}$$

$M_{ser} < M_{rsb} \Rightarrow$  Armatures simples

**\* Section d'acier**

$$\bar{\alpha} = 0.49 \quad Z = 0.46 \text{ m}$$

$$\text{D'où } A_{ser} = \frac{M_{ser}}{Z \cdot \bar{\sigma}_{st}} = \frac{0.2}{0.46 \times 187} = 2.325 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$$

$$A_{ser} = 23.25 \text{ cm}^2$$

$$A_{min} / 0.23 \frac{f_{t28}}{f_e} b \cdot d = 1.7 \text{ cm}^2$$

$$A_{ser} > A_{min} \text{ donc c'est bon}$$

**ExerciceIII**

La section précédente est cette fois soumise à un moment de service

$$M_{\text{ser}} = 0.3 \text{ m.MN.}$$

Déterminer les armatures. On donne  $d' = 5 \text{ cm}$ .

\* **Moment résistant du béton**

$$M_{\text{rsb}} = 0.223 \text{ m.MN} \quad \text{donc} \quad M_{\text{ser}} > M_{\text{rsb}} \Rightarrow \text{Armatures doubles}$$

\* **Section d'acier comprimé**

$$\sigma_{\text{sc}} = \frac{\overline{n\sigma_{\text{bc}}}(y_1 - d')}{y_1} = \frac{15 \times 12(0.27 - 0.05)}{0.27} = 146.67$$

$$\sigma_{\text{sc}} = 147 \text{ MPa}$$

$$D' \text{ où } A_{\text{sc}} = \frac{M_{\text{ser}} - M_{\text{rsb}}}{(d - d') \cdot \sigma_{\text{sc}}} = \frac{0.3 - 0.223}{(0.55 - 0.05) \cdot 147} = 1.05 \cdot 10^{-3}$$

$$A_{\text{sc}} = 10.5 \text{ cm}^2$$

\* **Section d'acier tendu**

$$A_{\text{st}} = \left( \frac{M_{\text{rsb}}}{Z} + \frac{M_{\text{ser}} - M_{\text{rsb}}}{(d - d')} \right) \frac{1}{\overline{\sigma_{\text{st}}}} = \left( \frac{0.223}{0.46} + \frac{0.3 - 0.223}{(0.55 - 0.05)} \right) \frac{1}{187} = 34.15 \text{ cm}^2$$

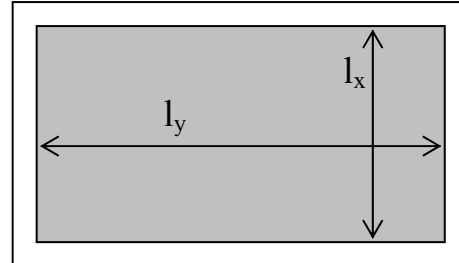
$$A_{\text{st}} = 34.15 \text{ cm}^2$$

# CALCUL DES DALLES

## 1. Calculer : $\rho = l_x / l_y$

- Si  $\rho < 0.40 \Rightarrow$  la dalle porte dans un seul sens : le sens de  $l_x$

- Si  $0.4 \leq \rho \leq 1 \Rightarrow$  la dalle porte dans deux sens : le sens de  $l_x$  et de  $l_y$



## 2. Déterminer l'épaisseur de la dalle

$$\frac{h}{l_x} \geq \begin{cases} 1/20 \text{ dalle sur appuis simples} \\ 1/30 \text{ dalle continue avec } \rho < 0.40 \\ 1/40 \text{ dalle continue avec } 0.4 \leq \rho \leq 1 \end{cases}$$

### A- dalle portant dans un seul sens : $\rho < 0.40$

#### 3. Calculer les charges au m<sup>2</sup>

- Charges permanentes : G
- Charges d'exploitation : Q

#### 4. Calculer les combinaisons d'actions

- à l'E.L.U  $\Rightarrow p_u = 1.35G + 1.50Q$
- à l'E.L.S  $\Rightarrow p_{ser} = G + Q$

#### 5. Calculer les sollicitations

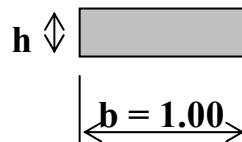
- à l'E.L.U  $\Rightarrow M_u = \frac{p_u l^2}{8}$  ;  $V_u = \frac{p_u l}{2}$
- à l'E.L.S  $\Rightarrow M_{ser} = \frac{p_{ser} l^2}{8}$

#### 6. Calculer l'armature de la dalle

a. évaluer d ( hauteur utile) :  $d = h - 3$  à 6 cm (suivant l'enrobage)

b. Calculer  $\mu$  :

$$\mu = \frac{M_u}{bd^2 f_{bu}}$$



$M_u$  en MN.m /m

B et d en m

$f_{bu}$  en MPa

c. Calculer  $\alpha$  :

$$\text{Si } \mu < 0.392 \Rightarrow \alpha = 1.25(1 - \sqrt{1 - 2\mu})$$

d. Calculer Z :

$$Z = d(1 - 0.4\alpha)$$

e. Calculer  $A_s$

$$A_s = \frac{M_u}{Zf_{su}}$$

$A_s$  : en m<sup>2</sup>/m

$M_u$  en MN.m /m

Z en m

$F_{su}$  en MPa

f. Vérifier la condition de non fragilité

$$A_s \geq 0.23 \frac{f_{t28}}{f_e} bd$$

g. Calculer la section des aciers de répartition

$$A_{sr} = \frac{A_s}{4} \quad \text{pour une dalle portant dans un seul sens}$$

h. Vérifier la section d'acier vis-à-vis du pourcentage minimal

$$\left. \begin{array}{l} A_s \geq \\ A_{sr} \geq \end{array} \right\} A_{s \min} = \frac{0.8}{1000} bd \quad \text{pour acier } f_c E400$$

i. Ecartement des barres

♣ Cas de fissuration peu nuisible

- Sens porteur

$$S_t \leq \min(3h ; 33 \text{ cm})$$

- Sens de répartition ou le moins porteur

$$S_t \leq \min(4h ; 45 \text{ cm})$$

♣ Cas de fissuration préjudiciable

$$S_t \leq \min(2h ; 25 \text{ cm}) \text{ dans les deux sens}$$

♣ Cas de fissuration très préjudiciable

$$S_t \leq \min ( 1.5h ; 20 \text{ cm} ) \text{ dans les deux sens}$$

**B- dalle portant dans les deux sens :  $0.4 \leq \rho \leq 1$**

1°- 2°- 3°- 4° sont les mêmes que pour une dalle portant dans un seul sens

**5. Calculer les sollicitations :**

$$\text{- à l'E.L.U (v = 0) } \Rightarrow \begin{cases} M_{ux} = \mu_x p_u l_x^2 \\ M_{uy} = \mu_y \cdot M_{ux} \end{cases}$$

$$\text{- à l'E.L.S (v = 0.20) } \Rightarrow \begin{cases} M_{ser x} = \mu_x p_{ser} l_x^2 \\ M_{ser y} = \mu_y \cdot M_{ser x} \end{cases}$$

**N.B** :  $\mu_x$  et  $\mu_y$  sont donnés dans un tableau en fonction de  $\rho$  et de  $v$

**6. Calculer l'armature de la dalle**

**a. Evaluer d :**

$$d = h - 3 \text{ à } 6 \text{ cm}$$

**b. Calculer  $\mu$**

$$\mu_x = \frac{M_{ux}}{bd^2 f_{bu}} \quad ; \quad \mu_y = \mu_x \frac{M_{uy}}{M_{ux}}$$

**c. Calculer  $\alpha$**

$$\alpha_x = 1.25( 1 - \sqrt{1 - 2\mu_x} ) \quad ; \quad \alpha_y = 1.25( 1 - \sqrt{1 - 2\mu_y} )$$

**d. Calculer Z :**

$$Z_x = d ( 1 - 0.4 \alpha_x ) \quad ; \quad Z_y = d ( 1 - 0.4 \alpha_y )$$

**e. Calculer  $A_s$ :**

$$A_{sx} = \frac{M_{ux}}{Z f_{su}}$$

;

$$A_{sy} = \frac{M_{uy}}{Z f_{su}}$$

**Armatures parallèles à x**

**armatures parallèles à y**

f. Vérifier la condition de non fragilité :

$$\left. \begin{array}{l} A_{sx} \geq \\ A_{sy} \geq \end{array} \right\} 0.23 \frac{f_{t28}}{f_e} bd$$

C- Calcul des aciers supérieurs (armatures de chapeaux)

1. Calculer le moment sur appui

$$M_u A_x = 0.15 M_{ux}$$

$$M_u A_y = 0.15 M_{uy}$$

2. Evaluer d :

$$d = h - 3 \text{ à } 6 \text{ cm}$$

3. Calculer  $\mu$

$$\mu = \frac{M_u A}{bd^2 f_{bu}}$$

Calculer  $\alpha$

$$\alpha = 1.25 (1 - \sqrt{1 - 2\mu})$$

Calculer Z :

$$Z = d (1 - 0.4 \alpha)$$

4. Calculer  $A_s$  :

$$A_s = \frac{M}{Z f_{su}}$$

Ou bien faire

$$\begin{array}{l} A_s f_x = 0.15 A_{sx} \\ A_s f_y = 0.15 A_{sy} \end{array}$$



## C- Dimensionner et armer les fondations



# CALCUL DES SEMELLES DE FONDATIONS

Les fondations répartissent les charges d'un ouvrage sur le sol de façon à ce que la charge totale sur le sol soit inférieure ou égale à son taux de travail maximum.

$$\sigma_{\text{sol}} \leq \bar{\sigma}_{\text{sol}}$$

Le choix à faire entre les différents types de fondations dépend essentiellement de la contrainte admissible sur le sol.

## Tableau indicatif des contraintes admises pur le sol

NATURE DU SOL	$\bar{\sigma}_{\text{sol}}$ (MPa)
Roches peu fissurée saines	0.75 à 4.5
Terrains non cohérents à bonne compacité	0.35 à 0.75
Terrains non cohérent à compacité moyenne	0.20 à 0.40
Argiles	0.10 à 0.30

### 1. Hypothèses de calcul

Les fondations superficielles sont calculées à l'état limite de service pour leurs dimensions extérieures et à l'état limite ultime de résistance ou à l'état limite de service pour leurs armatures selon les conditions de fissuration.

### 2. Dimensionnement d'une semelle sous un mur

- Seule la largeur est à déterminer, la longueur étant celle du mur à supporter.
- Les charges à l'état limite ultime de résistance et de service à la base du mur sont calculées par mètre linéaire de mur.
- La contrainte du sol est supposée uniformément répartie et doit vérifier la condition de résistance suivante :

$$\sigma_{\text{sol}} = \frac{Q_{\text{ser}}}{A} \leq \bar{\sigma}_{\text{sol}} \quad \text{d'où} \quad A \geq Q_{\text{ser}} / \bar{\sigma}_{\text{sol}}$$

Avec  $\left\{ \begin{array}{l} Q_{ser} : \text{charge de service en MN / ml} \\ A : \text{largeur de la semelle en m} \\ \overline{\sigma}_{sol} : \text{contrainte admissible du sol en Mpa} \end{array} \right.$

- La hauteur utile «  $d$  » doit vérifier la condition suivante :

$$d > \frac{A - a}{4}$$

- La hauteur  $h$  de la semelle est égale à :  
 $h = d + 5 \text{ cm}$
- La section d'acier à disposer transversalement et à répartir par mètre de semelle est :

Aux ELU :  $As / ml \geq \frac{Q_u(A-a)}{8 d f_e / \gamma_s}$

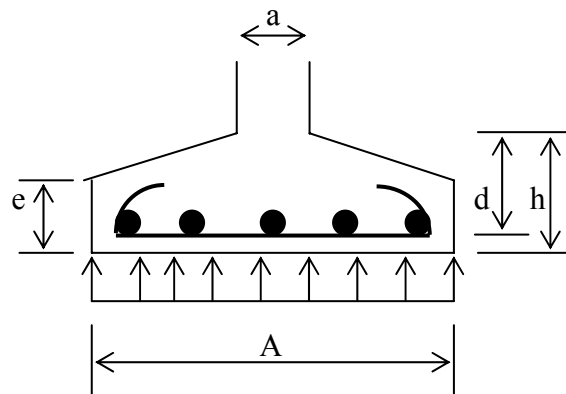
Aux ELS :  $As / ml \geq \frac{Q_{ser}(A-a)}{8 d \overline{\sigma}_{st}}$

$Q_u$  ou  $Q_{ser}$  en MN

$A, a, d$  en m

$F_e, \overline{\sigma}_{st}$  (contrainte de traction de l'acier) en Mpa

$A_s$  : section d'acier en  $cm^2/ml$



**Contraintes limites de traction des aciers**

Cas	Conditions particulières	Contraintes limites de traction (en MPa)
Fissuration peu préjudiciable	Locaux couverts et clos non soumis à condensations	$\sigma_{st} \leq f_t$
Fissuration préjudiciable	Coefficient de fissuration (symbole) : $\eta$ $\eta = 1$ pour ronds lisses $\eta = 1,6$ pour aciers HA diamètre $\geq 6$ mm $\eta = 1,3$ pour aciers HA si diamètre $< 6$ mm (*)	$\bar{\sigma}_{st} = \inf \left( \frac{2}{3} f_t; 110 \sqrt{\eta f_{tj}} \right)$
Fissuration très préjudiciable	Diamètres des aciers $> 8$ mm (**)	$\bar{\sigma}_{st} = \inf \left( 0,5 f_t; 90 \sqrt{\eta f_{tj}} \right)$

*N.B. Aciers de peau à prévoir dans les poutres de grande hauteur (hauteur totale  $> 60$  cm).  
(\*)  $3 \text{ cm}^2$  par mètre de longueur de parement dans le cas de fissuration préjudiciable.  
(\*\*)  $5 \text{ cm}^2$  par mètre de longueur de parement dans le cas de fissuration très préjudiciable.*

Les armatures longitudinales disposées en partie supérieures et réparties sur la largeur de la semelle doivent représenter une section par mètre de largeur au moins égale à  $A_s/4$  avec un minimum de :

- ✓  $3 \text{ cm}^2/\text{ml}$  dans le cas d'acier lisse de classe FeE215 ou FeE235.
- ✓  $2 \text{ cm}^2/\text{ml}$  dans le cas d'acier à haute adhérence de classe FeE400 ou FeE500.

Si la largeur de la semelle est inférieure au mètre, les valeurs de  $3 \text{ cm}^2$  et  $2 \text{ cm}^2$  seront maintenues.

### 3. Dimensionnement d'une semelle isolée sous un poteau

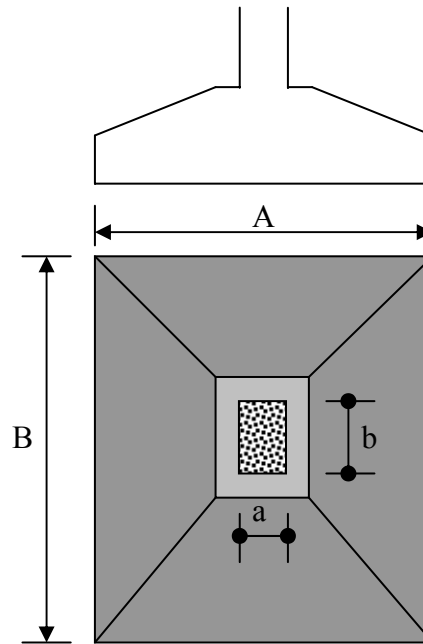
La longueur et la largeur de ces fondations sont à déterminer et doivent vérifier la condition de résistance suivante :

$$\sigma_{sol} = \frac{N_{ser}}{A \cdot B} \leq \bar{\sigma}_{sol} \quad \text{d'où} \quad A \cdot B \geq N_{ser} / \bar{\sigma}_{sol}$$

Avec  $\left\{ \begin{array}{l} N_{ser} : \text{charge de service en MN / ml} \\ A, B : \text{largeur et longueur de la semelle en m} \\ \bar{\sigma}_{sol} : \text{contrainte admissible du sol en MPa} \end{array} \right.$

$$A \cdot B \geq N_{ser} / \overline{\sigma}_{sol}$$

A et B peuvent être choisis de manière que la semelle ait des dimensions homothétiques au poteau  $\left(\frac{A}{B} = \frac{a}{b}\right)$



- La hauteur utile **d** doit vérifier les deux conditions suivantes :

$$d > \frac{A - a}{4} \quad \text{et} \quad d > \frac{B - b}{4}$$

- La hauteur **h** de la semelle est égale à :  
**h = d + 5 cm**
- Les armatures doivent être disposées dans les deux sens de manière que :
  - **Nappe supérieure // A**

Aux ELU :  $A_{s//A} \geq \frac{N_u(A-a)}{8 d f_e / \gamma_s}$

- **Nappe inférieure // B**

Aux ELU :  $A_{s//B} \geq \frac{N_u(B-b)}{8 d f_e / \gamma_s}$

$$\left\{ \begin{array}{l} N_u \text{ en MN} \\ A, B, a, b, d \text{ en m} \\ f_e \text{ en MPa} \\ A_{s//A}, A_{s//B} \text{ en cm}^2 \end{array} \right.$$

#### 4. Dispositions constructives

Ancrage et arrêt des aciers principaux :

On compare la longueur de scellement droit  $l_s$  à A et B.

- On peut prendre :
- $l_s = 40 \Phi$  pour F<sub>e</sub>E400 (H.A)
  - $l_s = 50 \Phi$  pour F<sub>e</sub>E215 et F<sub>e</sub>E235 (R.L)

### Arrêt des barres

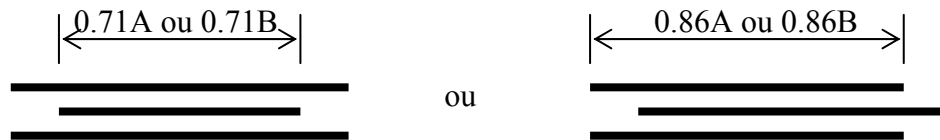
Si  $l_s > A/4$  les extrémités des barres doivent être munies d'ancrages par crochets normaux ou équivalents (120° ou 135°).



Si  $A/8 < l_s < A/4$  les armatures s'étendent jusqu'aux extrémités de la semelle et ne comportent pas de crochets.



Si  $l_s < A/8$  les armatures ne comportent pas de crochets et il est possible de disposer les barres de deux façons :

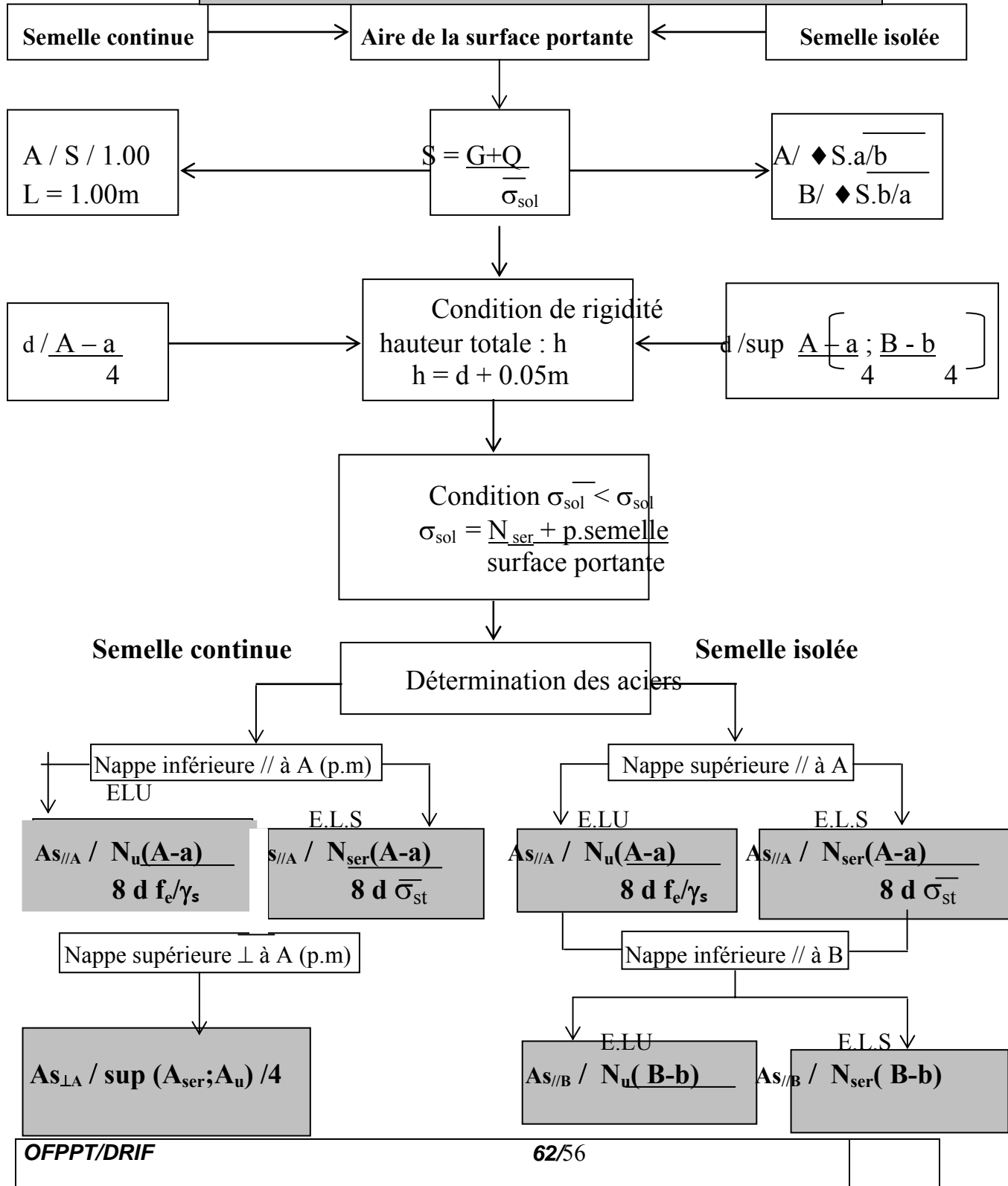


On opère de la même manière pour les armatures parallèles à B.

## SEMELLES DE FONDATION

**Données :**

Combinaison de base :  $N_{ser}; N_u$   
 Section de la semelle :  $A; B$   
 Section du poteau :  $a; b$   
 Matériaux :  $f_c; \bar{\sigma}_{sol}; \bar{\sigma}_{st}$



$$8 d f_e / \gamma_s$$

$$8 d \bar{\sigma}_{st}$$

## Exercice I

On considère une semelle de fondation continue sous un mur d'épaisseur  $b=20\text{cm}$ .

En supposant que la charge de compression est centrée et que les contraintes sont réparties uniformément sous la semelle.

1. Déterminer les dimensions en plan et en élévation de la semelle.  
( $A=1.00\text{m}$  longueur,  $B$ :largeur,  $h$ :hauteur totale,  $d$ :hauteur utile)
2. Calculer les armatures des deux nappes de la semelle .
3. Illustrer vos calculs par les dessins de ferrailage de la semelle , respecter les dispositions constructives.

On donne :

-Charges permanentes ..... $G=0.30$  Méga newton

-Charges d'exploitation.....  $Q=0.05$  Méga newton

-Caractéristiques des matériaux :

○ Béton..... $f_c=25$  Mpa

○ Acier ..... FeE400

-Caractéristique du sol :

*Contrainte admissible ..... $\bar{\sigma}_{sol}= 0.75$  MPa*

## Solution

### 1. Calcul des dimensions de la semelle

$$S=0.3+0.05/ 0.75 =0.47 \text{ m}^2 \Rightarrow B= S / 1\text{m} = 0.47/ 1 =0.47 \text{ m}$$

On prend :  **$B=0.50\text{m}$**

$$d=B-b / 4 \Rightarrow d =0.5 - 0.2/ 4=0.075\text{m} \quad \text{on prend } \mathbf{d=20\text{cm}} \text{ et } \mathbf{h= 25 \text{ cm}}$$

$$\sigma =(G +Q +p.p \text{ semelle})/ \text{aire surface portante}$$

$$\sigma =[ 0.3 +0.05 +(0.025 \times 0.5 \times 0.25) ]/ 0.5= 0.706 \text{ MPa}$$

$$\sigma < \bar{\sigma}_{sol}$$

### 2. Calcul des sections d' acier

$$N_u =1.35G+1.5Q =1.35 \times 0.3 +1.5 \times 0.05 =0.48 \text{ MN}$$

$$\mathbf{N_u = 0.48 \text{ MN}}$$

- **Nappe inférieure:**

$$A_{sx} = N_u (B-b) / 8d f_{su} = 0.48 (0.5-0.2) / 8 \times 0.20 \times 348 = 2.58 \cdot 10^{-4} \text{m}^2 = 2.58 \text{ cm}^2 \text{ par mètre}$$

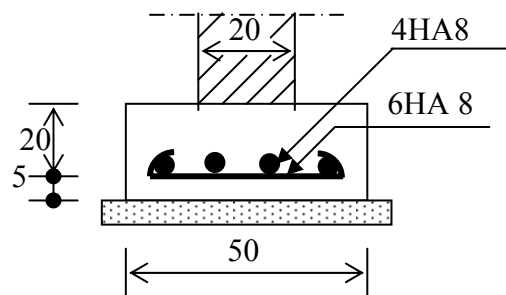
- **Nappe supérieure:**

$$A_{sy} = A_{sx} / 4 = 0.64 \text{ cm}^2 \text{ par mètre}$$

Choix des aciers :

**A<sub>sx</sub> : 6HA 8 ( 3.08 cm<sup>2</sup>)**

**A<sub>sy</sub> : section minimale d'aciers est 2cm<sup>2</sup> soit 4HA 8**



## Exercice II

On considère une semelle de fondation d'un pilier rectangulaire  $b=25\text{cm}$ ,  $a=20\text{cm}$  supportant une charge centrée de compression dans l'hypothèse d'une répartition uniforme des contraintes.

1. Déterminer les dimensions en plan et en élévation de la semelle.  
(A :largeur ,B:longueur, h:hauteur totale ,d:hauteur utile)
2. Calculer les armatures des deux nappes de la semelle .
3. Illustrer vos calculs par les dessins de ferrailage de la semelle , respecter les dispositions constructives.

On donne :

-Charges permanentes .....G=0.167 Méga newton

-Charges d'exploitation..... Q=0.383 Méga newton

-Caractéristiques des matériaux :

○ Béton.....f c28 =22 MPa

○ Acier ..... FeE400

-Caractéristique du sol :

*Contrainte admise sur le sol (argiles) .....  $\sigma_{sol} = 0.3 \text{ MPa}$*



## Solution

### 1. Calcul des dimensions de la semelle

$$S=0.167+0.383 / 0.3=1.833 \text{ m}^2 \Rightarrow A/\sqrt{Sx a/b} \Rightarrow A/\sqrt{1.833x20/25}$$

$$\Rightarrow A / 1.21 \text{ m} \text{ on prend } \mathbf{A= 1.25m}$$

$$B/\sqrt{Sx b/a} \Rightarrow B/\sqrt{1.833x25/20}$$

$$\Rightarrow B/ 1.51 \text{ m} \text{ on prend } \mathbf{B= 1.55m}$$

$$d/ \max (155-25/ 4 ; 125-20/ 4) \Rightarrow d/ \max (32.5 ; 26.25)$$

$$\text{on prend } \mathbf{d= 35 \text{ cm}} \text{ et } \mathbf{h=40 \text{ cm}}$$

$\sigma = (G + Q + p.p \text{ semelle}) / \text{aire surface portante}$

$$\sigma = [ 0.167 + 0.383 + (0.025x0.40x1.25x1.55) ] / 1.25x1.55 = 0.29\text{MPa}$$

$$\sigma < \bar{\sigma}_{\text{sol}}$$

### 2. Calcul des sections d' acier

$$Nu = 1.35G + 1.5Q = 1.35x0.167 + 1.5x0.383 = 0.80 \text{ MN}$$

$$\mathbf{Nu = 0.80 \text{ MN}}$$

- **Nappe inférieure:**

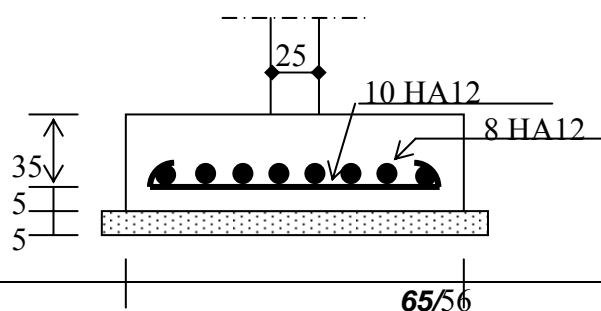
$$Asx = Nu (B-b) / 8d f_{su} = 0.80 (1.55-0.25) / 8x 0.35x 348 = 1.067.10^{-3} \text{ m}^2 = 10.67 \text{ cm}^2$$

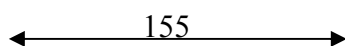
**Soit 10HA12** (11.31cm<sup>2</sup>)

- **Nappe supérieure:**

$$Asy = Nu (A-a) / 8d f_{su} = 0.80 (1.25-0.20) / 8x 0.35x348 = 8.62.10^{-4} \text{ m}^2 = 8.62 \text{ cm}^2$$

**Soit 8HA12** (9.05 cm<sup>2</sup>)





***Module :13 ETUDE DE COFFRAGE ET DE  
FERRAILLAGE DES ELEMENTS PORTEURS***

***GUIDE DES TRAVAUX PRATIQUES***

## I. TP 1 : intitulé du TP **Dimensionnement et ferrailage des poteaux**

### I.1. Objectif(s) visé(s) :

- **Déterminer la section extérieure des poteaux**
- **Déterminer la section des aciers longitudinaux et transversaux des poteaux**
- **Représenter la section avec armatures transversalement et longitudinalement.**

### I.2. Durée du TP:

2 heures

### I.3. Description du TP :

Un poteau fait partie de l'ossature d'un bâtiment à étages multiples pour lequel la distance entre planchers est 2.90 m .

Ce poteau de section rectangulaire supporte des Charges permanentes

$G= 45$  tf et des Charges d'exploitation  $Q= 25$  tf

- Béton..... $f_{c28}=22$  Mpa
- Acier .....FeE400
- Enrobage des armatures ..... $c=3$  cm
- Plus de la moitié des charges est appliquée avant 90 jours

Supposant que l'élançement du poteau est voisin de  $\lambda = 35$

### On demande de :

1. Déterminer les dimensions de la section du poteau.
2. Trouver le ferrailage complet du poteau.
3. Représenter la section transversale du poteau.

### I.4. Déroulement du TP

En classe

## II. TP 2 : intitulé du TP : **Ferrailage des poutres à l'état limite ultime et à l'état limite de service**

II.1. Objectif(s) visé(s) :

- Déterminer la section des armatures principales des poutres à l'E.L.U
- Déterminer la section des armatures principales des poutres à l'E.L.S
- Déterminer et répartir les armatures transversales.
- Représenter la section avec armatures transversalement et longitudinalement.

II.2. Durée du TP : 3 H

II.3. Description du TP :

Soit à déterminer les armatures longitudinales et transversales d'une poutre à section rectangulaire (voir figure), sollicitée par un moment ultime  $M_u = 545 \text{ KN.m}$  et un effort tranchant  $V_u = 330 \text{ KN}$

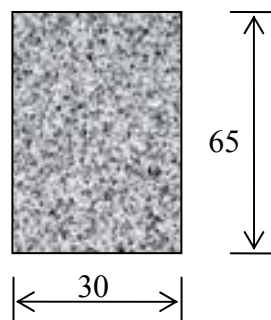
On donne :

- Béton..... $f_{c28}=22 \text{ Mpa}$
- Acier longitudinal.....FeE400 type1
- Acier transversal.....FeE235
- Fissuration peu nuisible
- Sans reprise de bétonnage
- La portée de la poutre est **6,60 m**
- Enrobages inférieur et supérieur = **5 cm**

$$\epsilon_l = \frac{f_e}{E_s \gamma_s}$$

$$\alpha_1 = \frac{3.5}{3.5 + 1000 \epsilon_l}$$

$$\mu_1 = 0.8 \alpha_1 (1 - 0.4 \alpha_1)$$



Faites la répartition des armatures transversales et représenter la poutre avec sa coupe transversale tout en respectant les dispositions constructives.

**N.B : Annexes autorisés**

II.4. Déroulement du TP : En classe

TP 3 : intitulé du TP : **Dimensionnement et ferrailage des semelles de  
fondation**

III.1. Objectif(s) visé(s) :

- **Déterminer les dimensions extérieures des semelles de fondation**
- **Déterminer la section des armatures longitudinales et transversales des semelles à l'E.L.U et à l'E.L.S**
- **Représenter la section avec armatures transversalement et longitudinalement.**

III.2. Durée du TP: **3H**

III.3. Description du TP :

On considère une semelle de fondation d'un pilier rectangulaire  $b=25\text{cm}, a=20\text{cm}$  supportant une charge centrée de compression dans l'hypothèse d'une répartition uniforme des contraintes.

1. Déterminer les dimensions en plan et en élévation de la semelle.

(A :largeur ,B:longueur, h:hauteur totale ,d:hauteur utile)

2. Calculer les armatures des deux nappes de la semelle .

On donne :

- Charges permanentes .....G=0.55 Méga newton
- Charges d'exploitation..... Q=0.24 Méga newton

**Caractéristiques des matériaux :**

- Béton..... $f_{c28}=22\text{ Mpa}$
- Acier ..... FeE500

**Caractéristique du sol :**

Contrainte admise sur le sol ..... $\bar{\sigma}_{\text{sol}}= 0.7\text{ MPa}$

III.4. Déroulement du TP : *En classe*

**Évaluation de fin de module :****Exercice I**

Un poteau fait partie de l'ossature d'un bâtiment à étages multiples pour lequel la distance entre planchers est 2.85 m .

Ce poteau de section rectangulaire supporte des Charges permanentes  $G= 42 \text{ tf}$  et des Charges d'exploitation  $Q= 20 \text{ tf}$

- Béton..... $f_{c28}=22 \text{ Mpa}$
- Acier .....FeE400
- Enrobage des armatures ..... $c=3 \text{ cm}$
- Plus de la moitié des charges est appliquée avant 90 jours

Supposant que l'élanement du poteau est voisin de  $\lambda = 29$

**On demande de :**

1. Déterminer les dimensions de la section du poteau.
2. Trouver le ferrailage complet du poteau.
3. Représenter la section transversale du poteau.

**Exercice II**

On considère une semelle de fondation continue sous un mur d'épaisseur  $b=20\text{cm}$ ..

En supposant que la charge de compression est centrée et que les contraintes sont réparties uniformément sous la semelle.

4. Déterminer les dimensions en plan et en élévation de la semelle.  
( $A=1.00\text{m}$  longueur , $B$ :largeur,  $h$ :hauteur totale , $d$ :hauteur utile)
5. Calculer les armatures des deux nappes de la semelle .
6. Illustrer vos calculs par les dessins de ferrailage de la semelle , respecter les dispositions constructives.

On donne :

- Charges permanentes ..... $G=0.30 \text{ Méga newton}$
- Charges d'exploitation.....  $Q=0.05 \text{ Méga newton}$
- Caractéristiques des matériaux :
  - Béton..... $f_{c28}=25 \text{ Mpa}$
  - Acier ..... FeE400
- Caractéristique du sol :  
Contrainte admissible ..... $\bar{\sigma}_{\text{sol}}= 0.75 \text{ MPa}$

*Liste des références bibliographiques.*

<i>Ouvrage</i>	<i>Auteur</i>	<i>Edition</i>
<i>Initiation au Béton armé : règles BAEL 83</i>	<i>Jean Marie Bouchart , GillesCibois Géorge de Haro</i>	<i>Edition Eyrolle</i>
<i>Calcul des ouvrages en Béton Armé suivant les règles du BAEL 83 Théorie et applications</i>	<i>Pierre Charron</i>	<i>Edition Eyrolle</i>