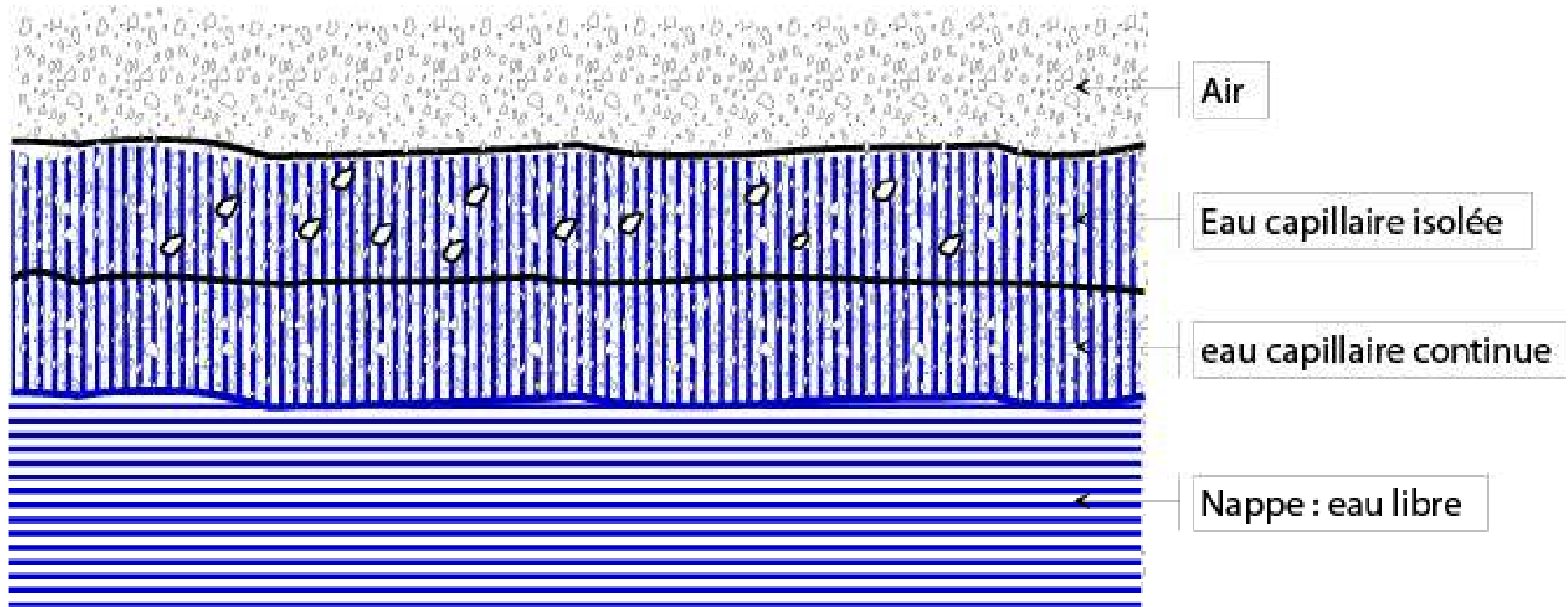


# L'EAU DANS LE SOL

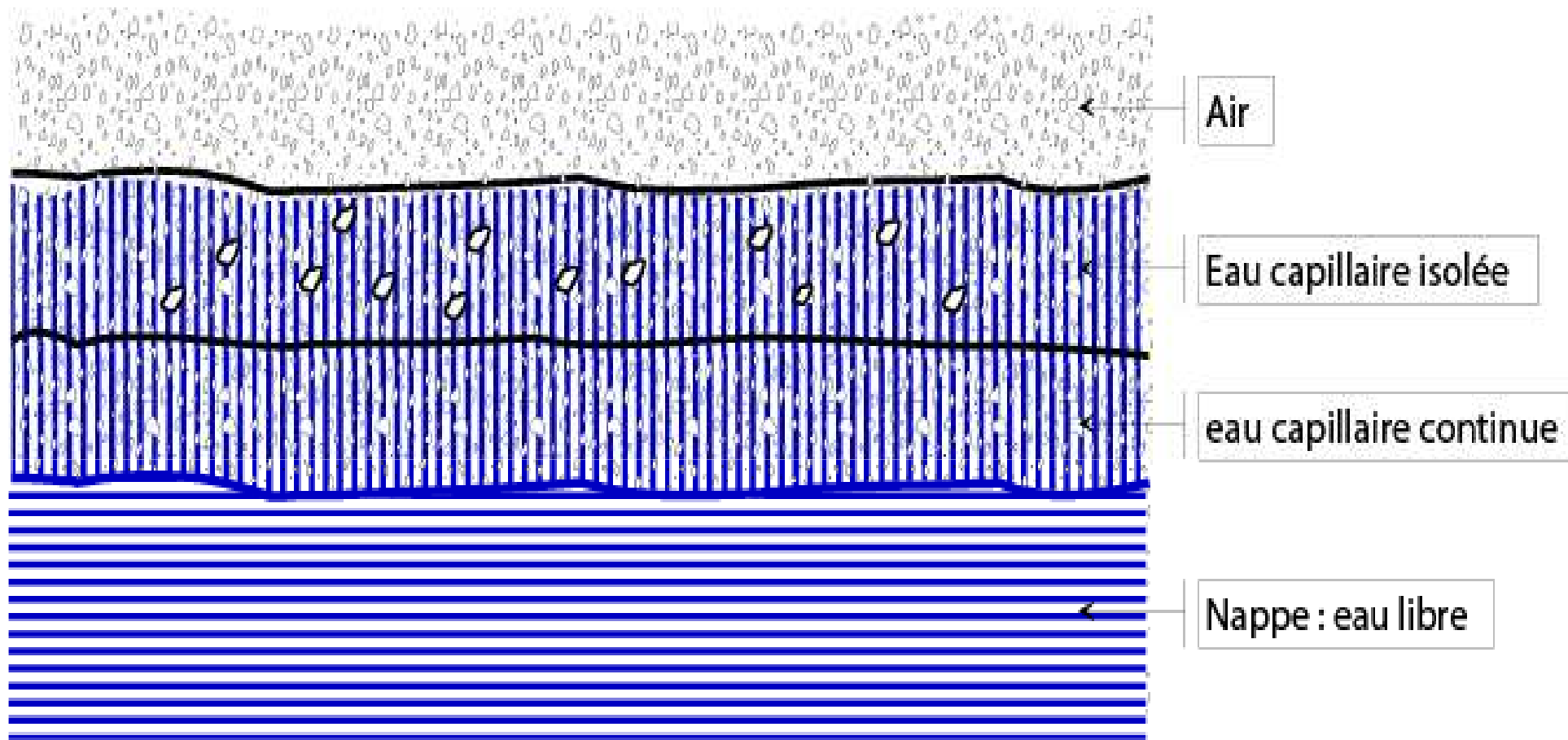
Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH

[www.GenieCivilPDF.com](http://www.GenieCivilPDF.com)

# Rappels



**Dans un sol, l'eau se présente sous trois formes**

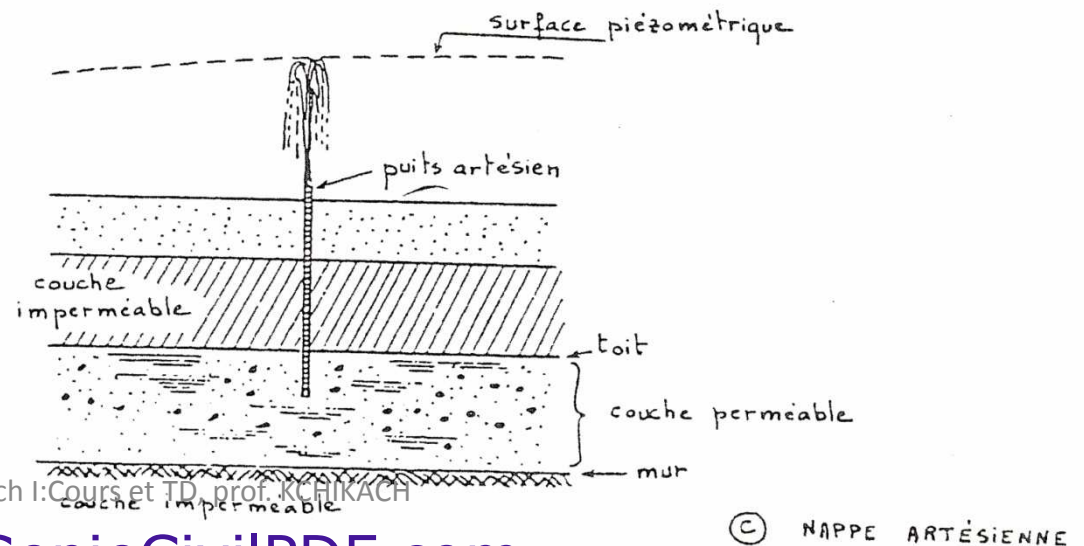
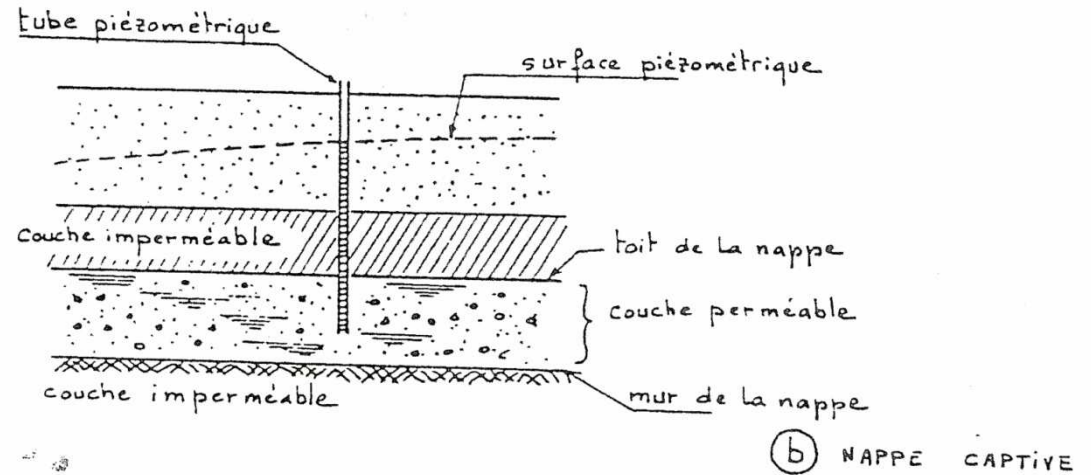
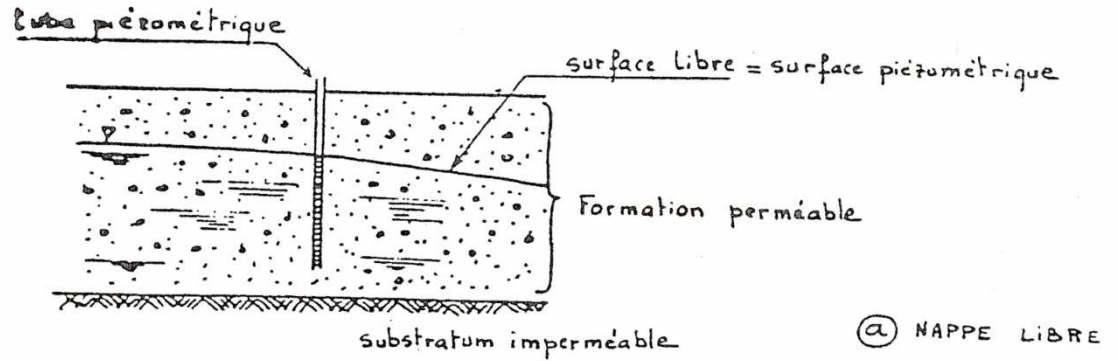


**Eau adsorbée: résulte de l'attraction entre les grains du sol (chargé négativement) et les cations  $H^+$  de l'eau. Il s'agit d'eau liée.**

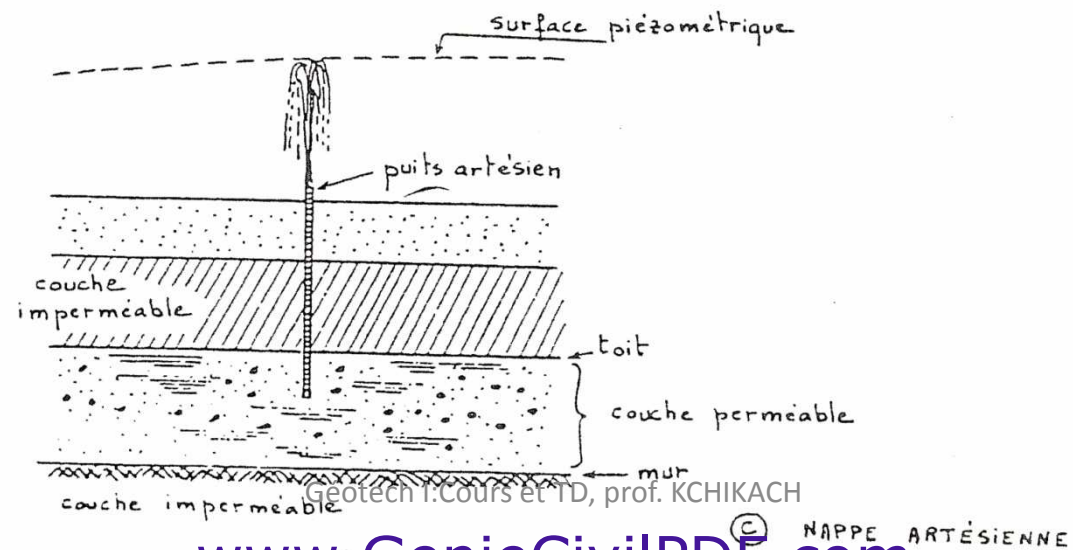
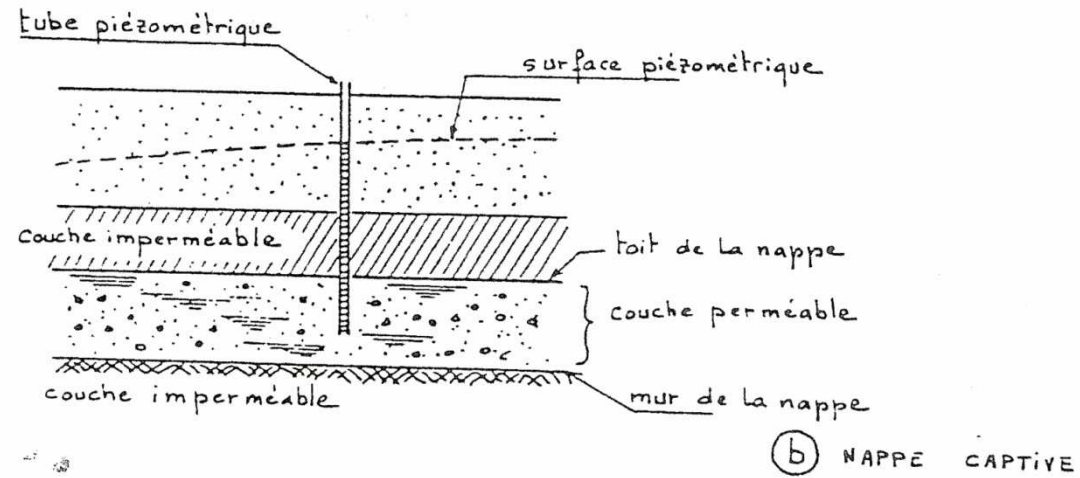
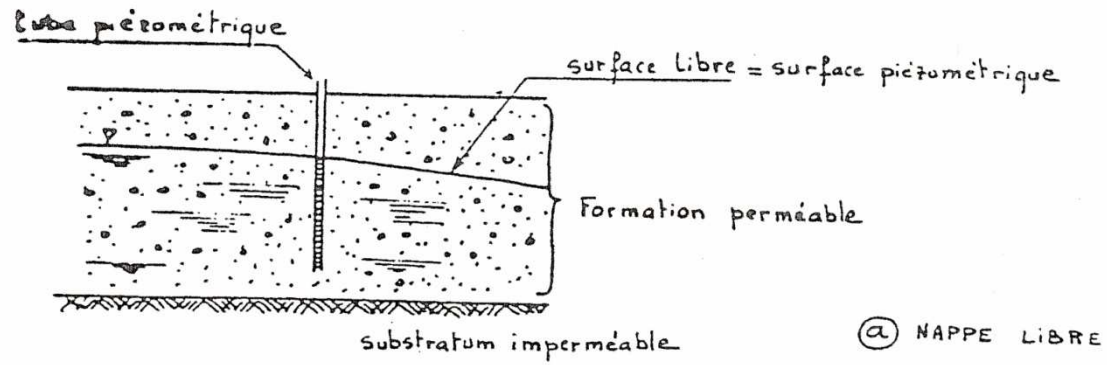
**Eau capillaire: en équilibre sous l'action de la pesanteur d'une part et les forces de tension qui se développent à l'interface eau/air.**

**Eau libre: eau soumise aux lois des écoulements hydrauliques: nappe deau souterraine.**

# On distingue trois types de nappes:



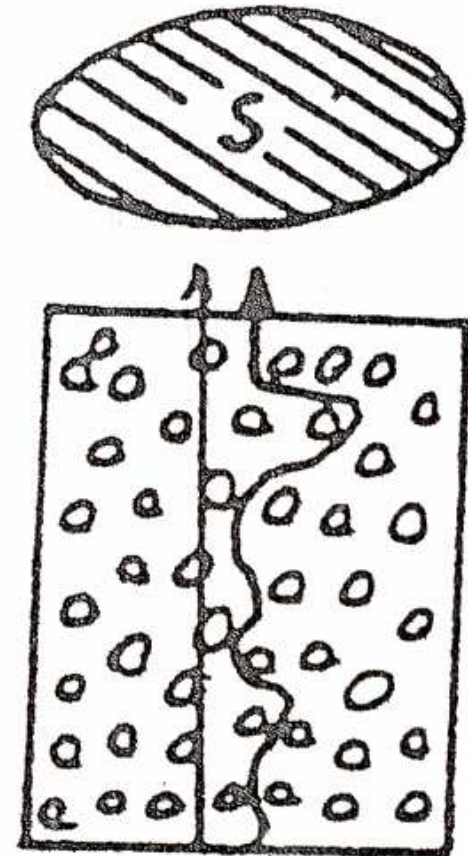
Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH



**Vitesse de l'eau dans le sol: considérons un échantillon de sol sous forme de cylindre de section  $S$  traversé par un débit  $Q$**

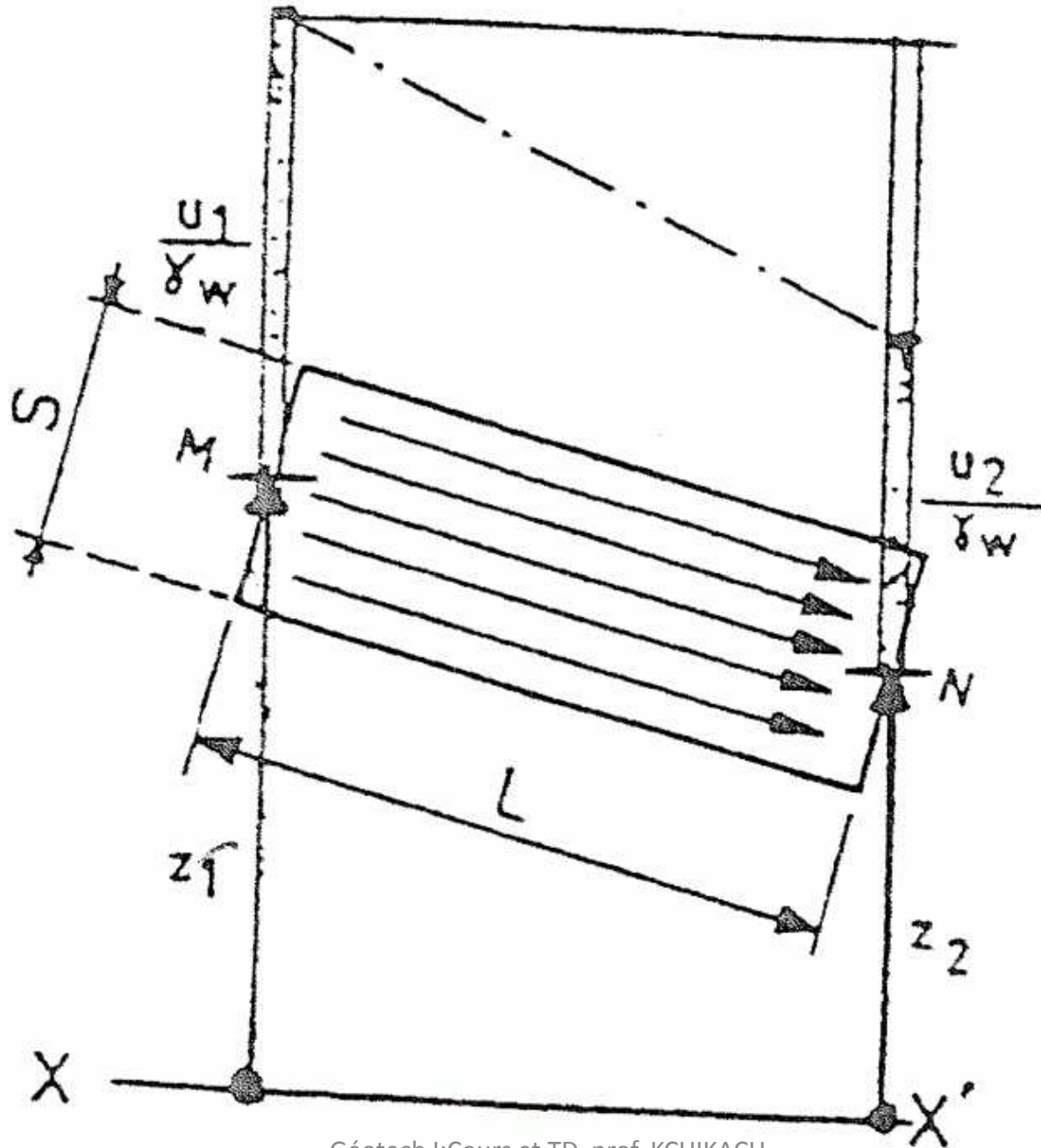
$$V = \frac{Q}{S}$$

**L'eau ne circule qu'à travers les pores, la section réelle  $S$  est en fait  $nS$ ;  
 $n$ : porosité**

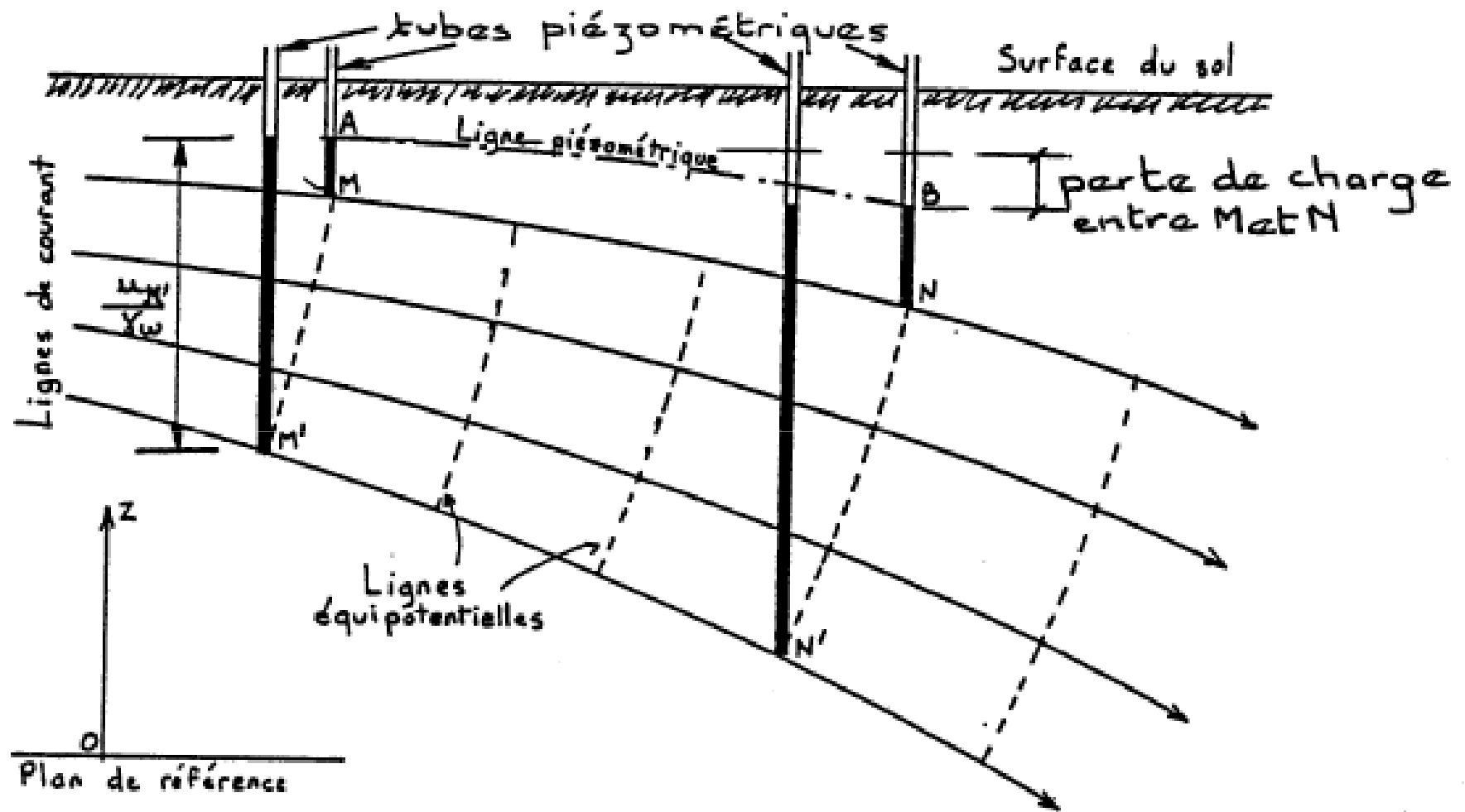








Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH



**On appelle charge hydraulique en un point M**

$$h_1 = \frac{v^2}{2g} + \frac{U_1}{\gamma_w} + z_1$$

**$h_1$ : exprimé en mètre d'eau**

**$Z_1$ : côte de M**

**$U_1$ : pression de l'eau interstitielle en M**

**V: vitesse**

**$V^2/2g$ : négligeable car avec  $v=10\text{cm/s}$  on trouve  $0.5\text{mm}$**

**La charge hydraulique décroît le long d'un filet liquide:  $h_1 > h_2$  . Le mouvement dissipe donc de l'énergie (perte de charge) soit dans l'eau elle-même soit au contact avec les grains.**

**La charge hydraulique est mesurée en un point donné par l'altitude du niveau atteint par l'eau dans un tube piézométrique placé au point considéré.**

Geotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

**Gradient hydraulique: rapport de la perte de charge à la longueur de la conduite.**

$$i = \frac{\Delta h}{L} = \frac{h_1 - h_2}{L}$$

**L: distance MN, longueur de la conduite**

## Rappel: Loi de Darcy:

$$v = ki$$

**V: vitesse de décharge, c'est la charge par la section**

**K: coefficient de perméabilité (cm/s)**

**On retient pour ordre de grandeur:  
10<sup>-6</sup> cm/s représente environ 30cm/an**

<b>SOL</b>	<b>K(cm/s)</b>
<b>Graviers</b>	<b><math>10^{-1} &lt; k &lt; 10^2</math></b>
<b>Sables</b>	<b><math>10^{-3} &lt; k &lt; 10^{-1}</math></b>
<b>Limons</b>	<b><math>10^{-7} &lt; k &lt; 10^{-3}</math></b>
<b>Argile</b>	<b><math>10^{-11} &lt; k &lt; 10^{-7}</math></b>
<b>Roche non fissurée</b>	<b><math>10^{-10} &lt; k &lt; 10^{-8}</math></b>

**Dans la pratique on applique souvent:**

**sable à granulométrie serrée:**

$$k(\text{cm/s}) = 100 d_{10}^2$$

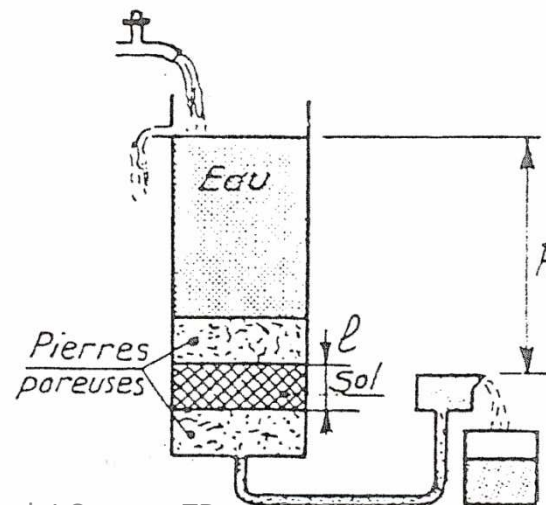
**sable à granulométrie moyennement étalée:**

$$k(\text{cm/s}) = 125 d_{10}^2$$

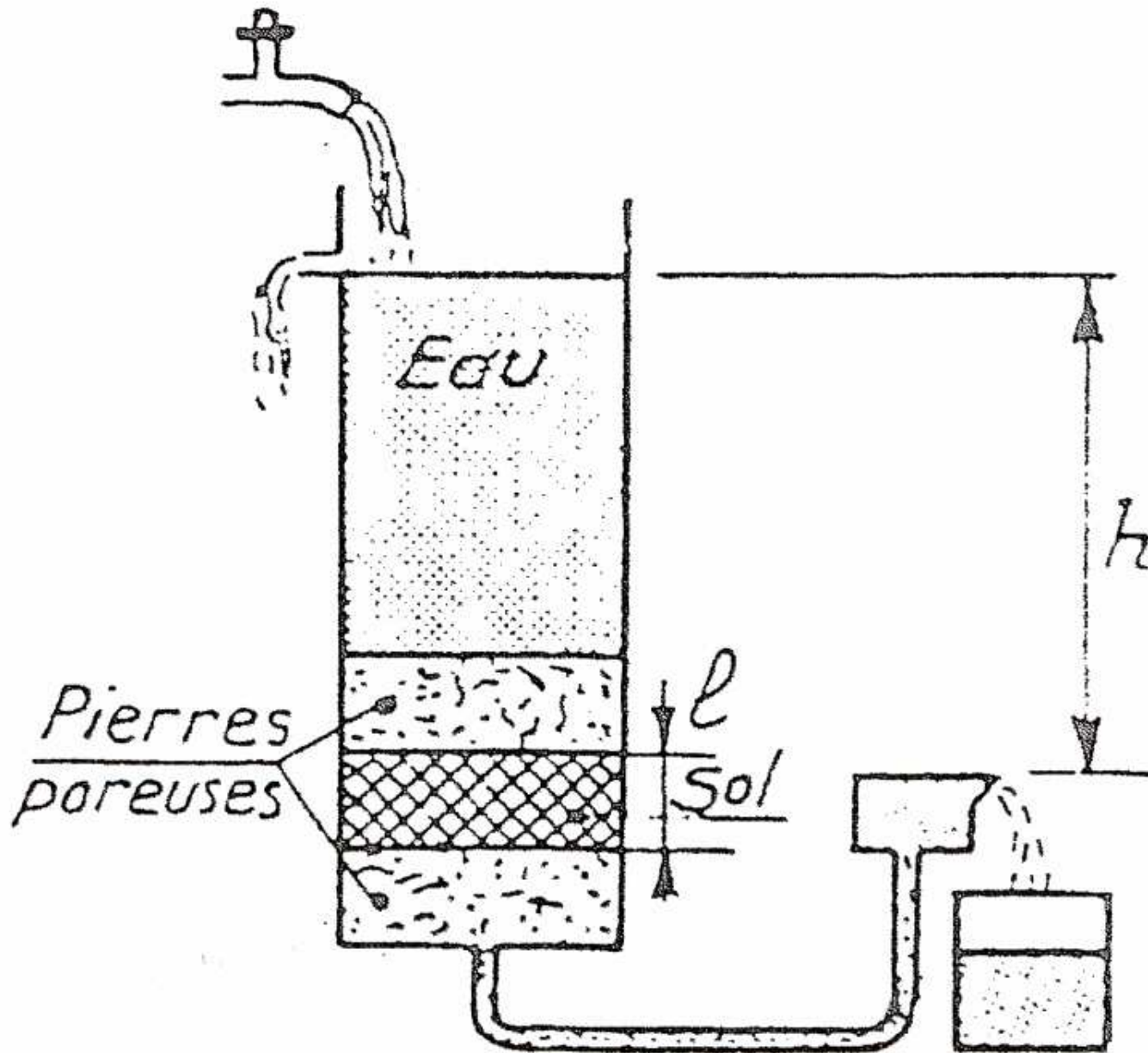


**Ex: un échantillon de sable grossier a 15cm de hauteur et 5.5 cm de diamètre. Il est placé dans un perméamètre à niveau constant. L'eau percole à travers l'échantillon sous une charge de 40cm. En 6s, on recueille 40g d'eau. Quelle la valeur de K?**

**Rép.**



Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH

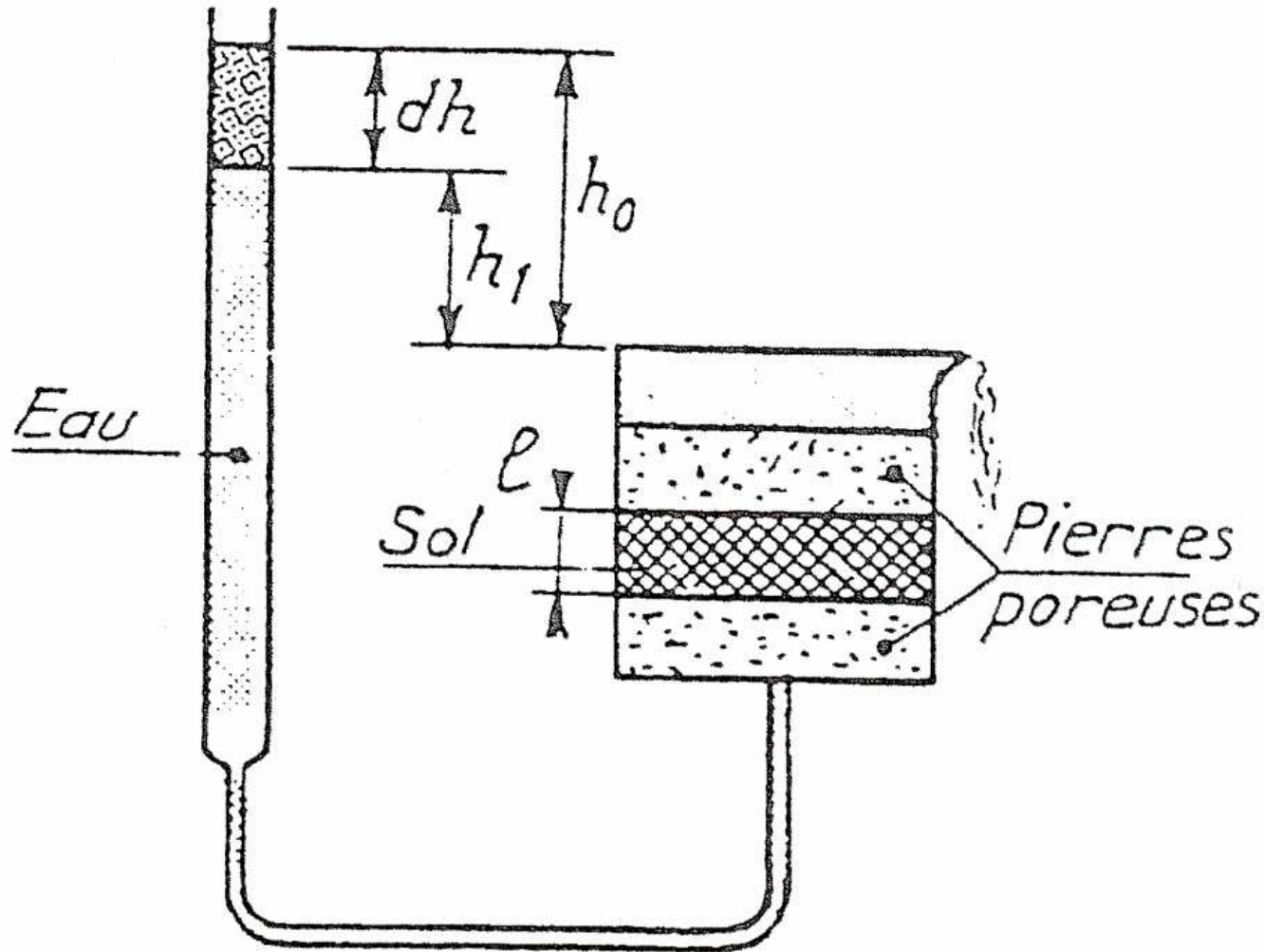


## **Perméamètre à charge constante: (sol perméable: sables et graviers)**

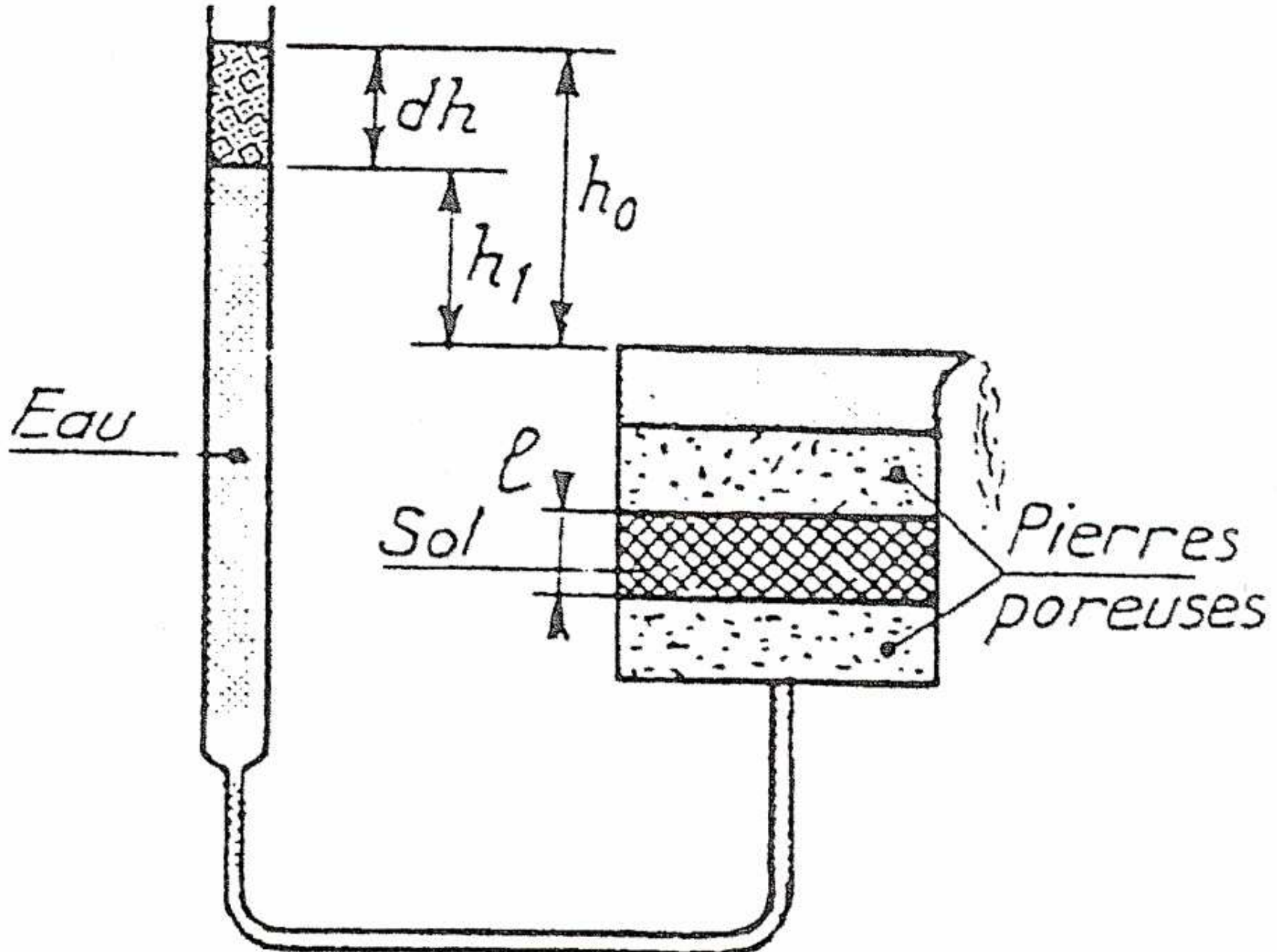
**On s'arrange, grâce à un système de trop-pleins, pour avoir une charge constante  $h$ . on mesure la quantité d'eau recueillie à la sortie pendant un temps donné et on en déduit  $k$ .**

$$V=ki \text{ ou } k=v/i$$

# Perméamètre à charge variable: (sol peu perméable: limons et argiles)



Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH



**L'éprouvette d'essai est en communication avec une autre éprouvette graduée.**

**à  $t_0$  on a  $h_0$**

**$t_1$  on a  $h_1$  : correspondant au passage par perméabilité d'une quantité d'eau  $dQ$  à travers le sol.**

**Soit  $s$ : section de l'éprouvette graduée,  $dQ$  est donc:**

$$dQ = s(h_0 - h_1) = s dh$$

Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

**Or d'après la loi de Darcy:  $dQ = v S dt$**

**S: section de l'éprouvette d'essai**

$$dQ = k (h/L) S (t_1 - t_0)$$

$$s dh = k (h/L) S dt$$

$$\frac{dh}{h} = k \frac{S}{sL} dt$$

Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

**La résolution de l'équation donne:**

$$\mathbf{k} = \frac{2.3 \mathbf{s L}}{S (t_1 - t_0)} \log \frac{\mathbf{h}_0}{\mathbf{h}_1}$$



**Ex: on procède à un essai de perméabilité à charge variable sur un sable graveleux et on obtient:**

$$s=625\text{mm}^2$$

$$A=1073\text{mm}^2$$

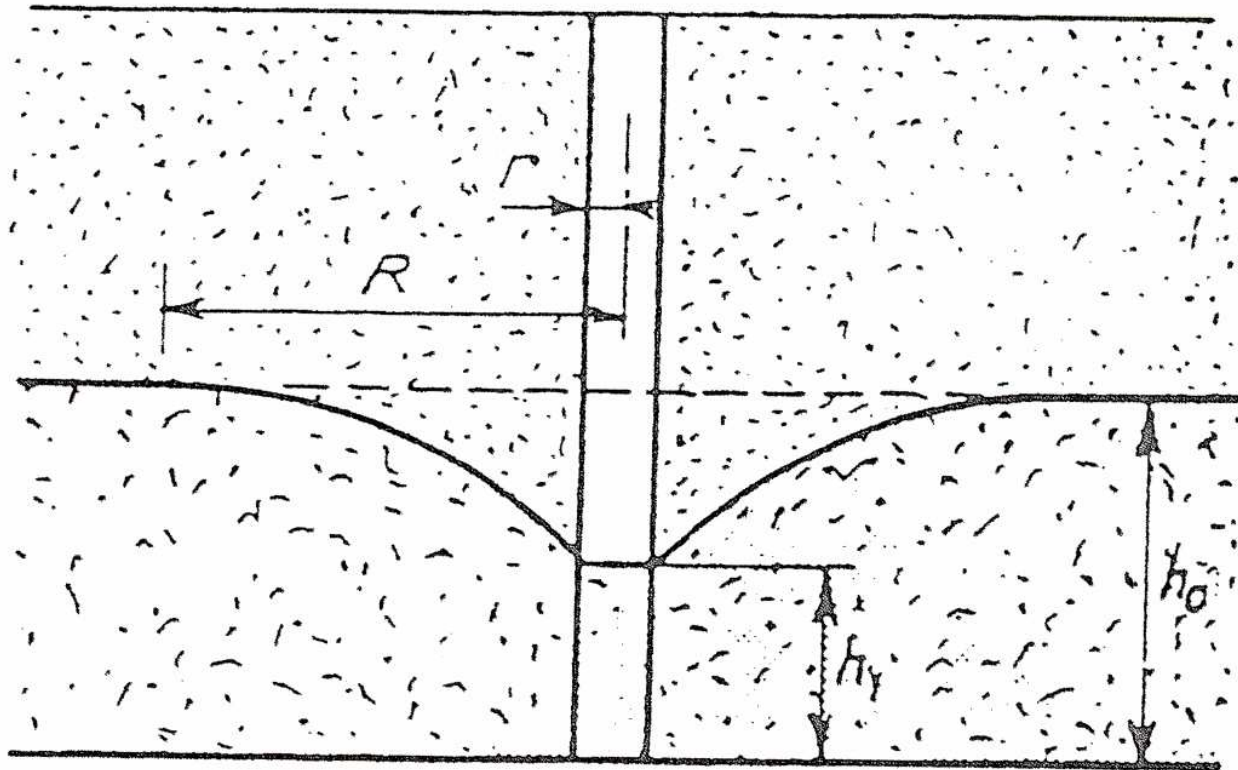
$$L=162.8\text{mm}$$

$$h_1=1602\text{mm}$$

$$h_2=801\text{mm}$$

$$\Delta t=90\text{s}$$

# Détermination de $k$ in-situ: essai de Dupuit



## Essai de Dupuit

**Les mesures au labo ne sont jamais représentatifs à 100% de la réalité du terrain. L'échantillon pris est petit et souvent remanié.**

Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

[www.GenieCivilPDF.com](http://www.GenieCivilPDF.com)

**Dans la pratique, on fore un trou dans la nappe. On y introduit un tube crépiné et on pompe l'eau jusqu'à créer un régime permanent caractérisé par un débit  $Q$  d'eau et un abaissement de la nappe de  $\Delta h = h_0 - h_1$**

**On montre que:**

$$\mathbf{k} = \frac{\ln \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{r}}}{\pi(\mathbf{h}_0^2 - \mathbf{h}_1^2)} \mathbf{Q}$$

**R: déterminé par l'implantation de plusieurs piézomètres. L'expérience montre que  $100r < R < 300r$**

**Ex: niveau piézo = 13m par rapport au mur de la nappe,  $r=15\text{cm}$ . On pompe pendant 24, l'écoulement devient permanent et le débit se stabilise à  $5.4\text{ m}^3/\text{heure}$ . Le rabattement de la nappe est de 4m. Déterminer  $k$ ? on considérant  $R=100r$**

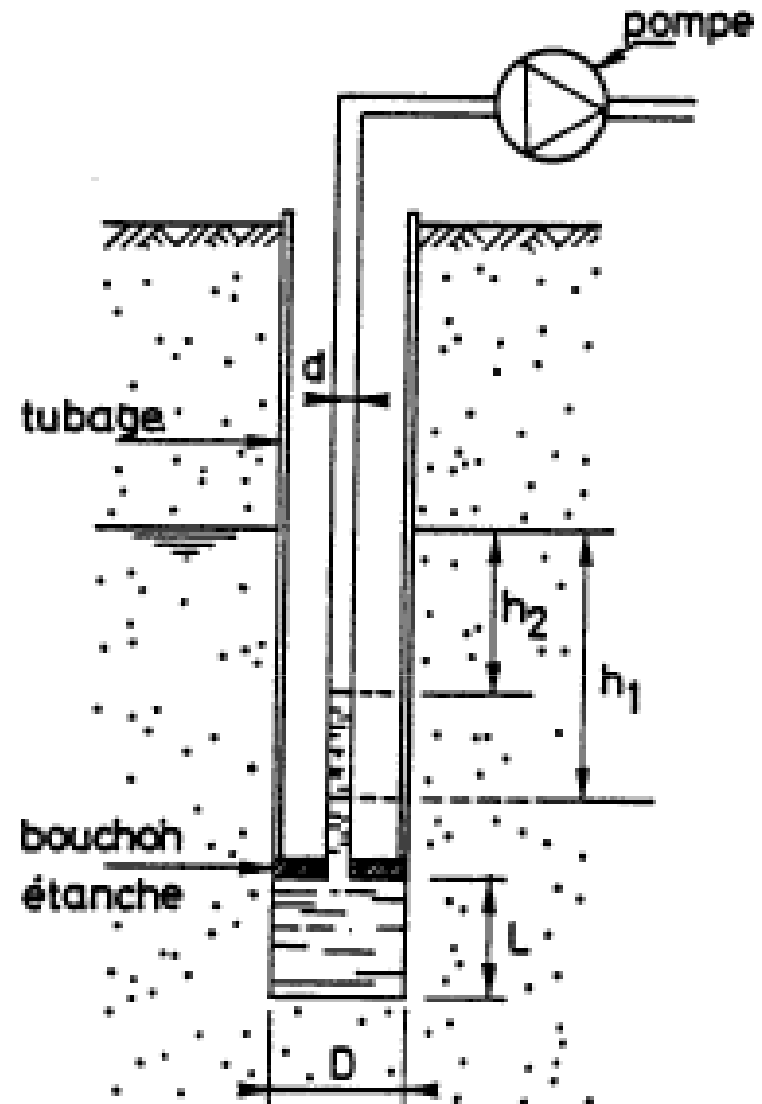
# Essai Lefranc:

- Dans les terrains relativement perméables ( $k > 10^{-5} \text{ m/s}$ ) on pompe dans la cavité à débit constant  $q$  sous charge constante  $h$ :

$$q = C \cdot k \cdot h$$

$$k_L = \frac{q}{C \cdot h}$$

$$C = \frac{2 \pi L}{\ln \frac{2L}{D}}$$



Essai Lefranc

**. Dans les terrains moins perméables ( $k < 10^{-5}$  m/s), on procède à charge variable du fait des faibles débits mis en jeu (régime transitoire).**

**Après avoir pompé l'eau dans la cavité, on arrête le pompage et on observe la remontée de l'eau dans le tube central. Soient  $h_1$  et  $h_2$  les deux mesures de la charge effectuées aux temps  $t_1$  et  $t_2$  .**

$$\ln \frac{h_1}{h_2} = \frac{4 C \cdot k}{\pi \cdot d^2} (t_2 - t_1)$$

$$k = \frac{\pi \cdot d^2}{4 C} \cdot \frac{\ln \frac{h_1}{h_2}}{t_2 - t_1}$$

**k est aussi fonction de la forme des grains et de e. Casagrande a établi la formule empirique suivante:**

$$K=1.4k_{0.85} e^2$$

**$k_{0.85}$ : représente le coefficient de perméabilité du matériau lorsque son  $e=0.85$**

**Ex: un échantillon de sable à granulométrie étalée et à grains arrondis a un indice des vides de 0.62 et un k de  $2.5 \times 10^{-2}$  cm/s. Estimer k pour ce matériau si  $e=0.73$**

$$k_{0.85} = \frac{k}{1.4e^2} = \frac{2.5 \times 10^{-2}}{1.4(0.62)^2} = 4.64 \times 10^{-2} \text{ cm/s}$$



**donc pour  $e=0.73$**

$$\mathbf{K=1.4k_{0.85}(0.73)^2}$$

$$\mathbf{K= 1.4 (4.64 \times 10^{-2}) \times (0.73)^2 = 3.5 \times 10^{-2} \text{ cm/s}}$$

# Sur le terrain, le sol est stratifié, il faut donc calculer $k$ équivalent

Soient:

$K_1, k_2, \dots, k_n$ : perméabilité des différentes couches

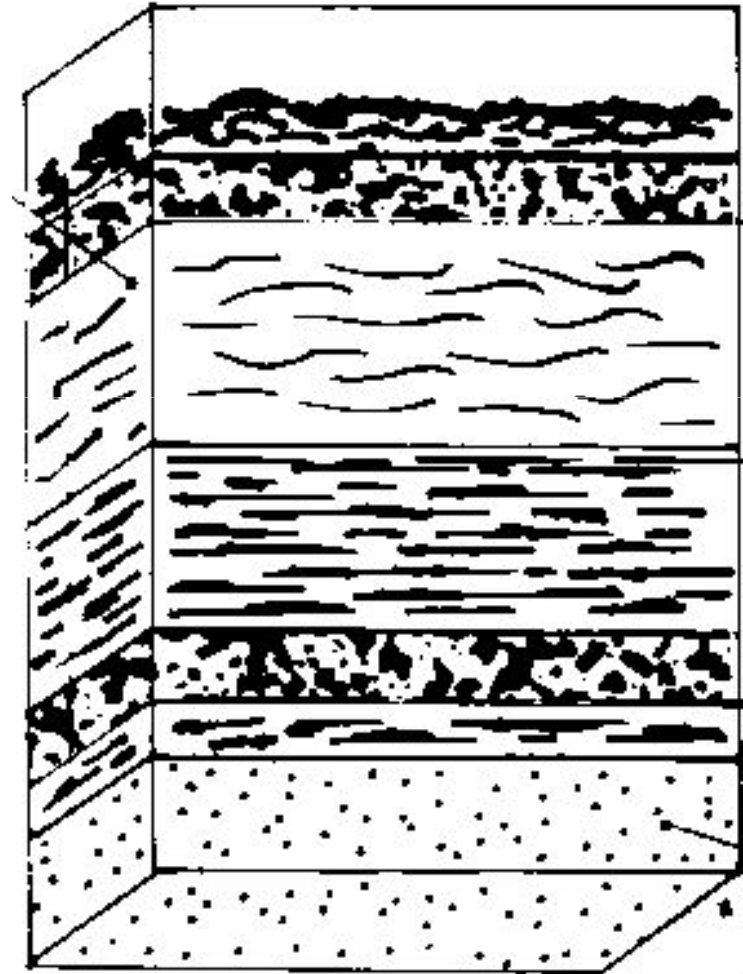
$H_1, H_2, \dots, H_n$ : leurs épaisseurs

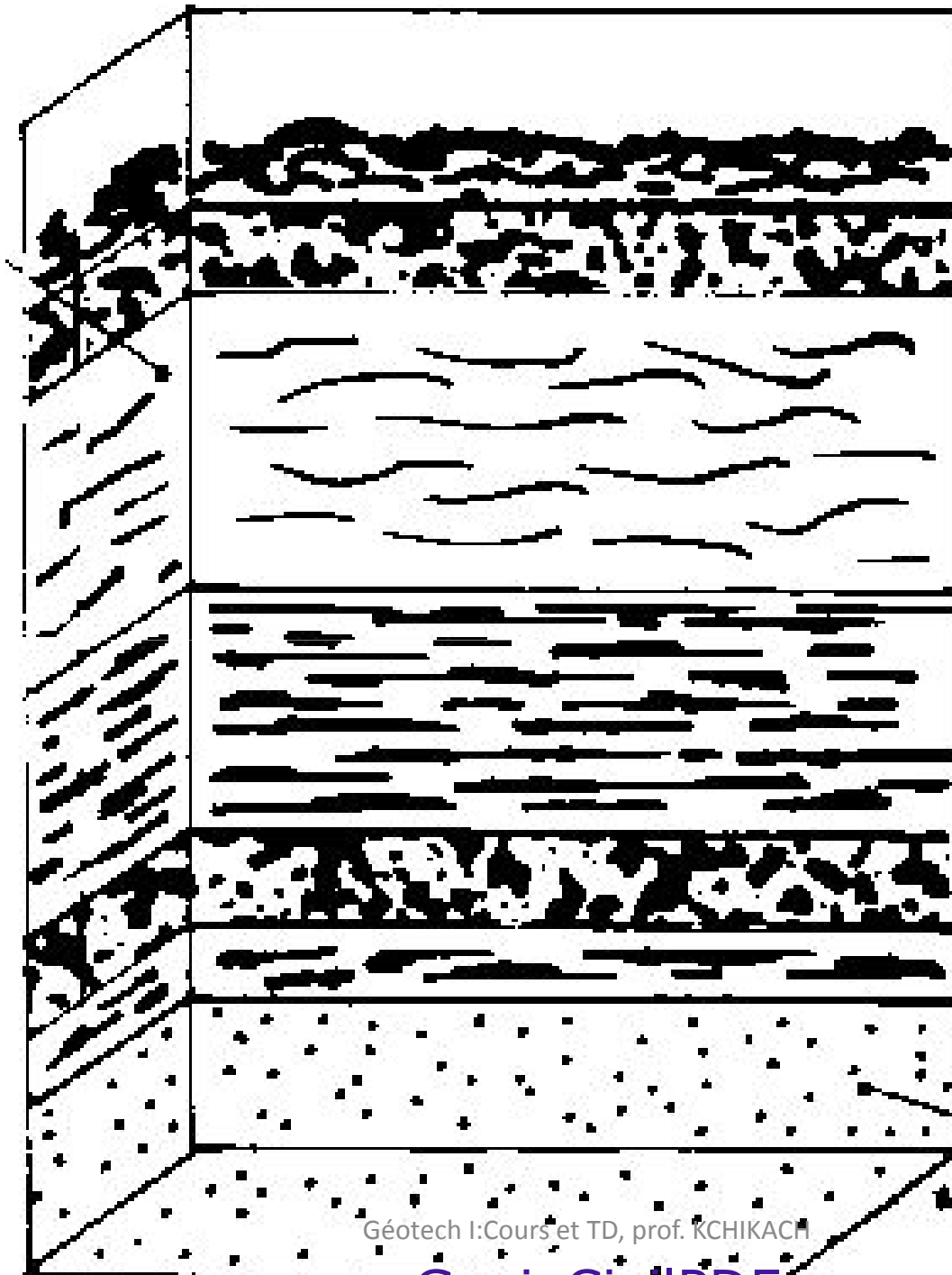
$H = H_1 + H_2 + \dots + H_n$ : épaisseur totale

$h$ : charge totale

$K_v$ : perméabilité moyenne perpendiculairement à la stratification

$k_H$ : perméabilité moyenne parallèlement à la stratification





Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

[www.GenieCivilPDF.com](http://www.GenieCivilPDF.com)

# Écoulement perpendiculaire à la strati.

On peut écrire que le débit et donc la vitesse de décharge est la même pour chaque couche

$$v = \frac{h}{H} k_v = k_1 i_1 = k_2 i_2 = \dots = k_n i_n$$

$$h = H_1 i_1 + H_2 i_2 + \dots + H_n i_n$$

$$\text{car } h = h_1 + h_2 + \dots + h_n$$

**de la première équation on tire:**

$$\mathbf{i}_1 = \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_1}; \mathbf{i}_2 = \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_2}; \dots; \mathbf{i}_n = \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_n}$$

**On porte dans la deuxième équation et on a:**

$$\mathbf{h} = \mathbf{H}_1 \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_1} + \mathbf{H}_2 \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_2} + \dots + \mathbf{H}_n \frac{\mathbf{h} \mathbf{k}_v}{\mathbf{H} \mathbf{k}_n}$$

$$\mathbf{h} = \frac{\mathbf{hk}_v}{\mathbf{H}} \left( \frac{\mathbf{H}_1}{\mathbf{k}_1} + \frac{\mathbf{H}_2}{\mathbf{k}_2} + \dots + \frac{\mathbf{H}_n}{\mathbf{k}_n} \right)$$

**donc**

$$\mathbf{k}_v = \frac{\mathbf{H}}{\frac{\mathbf{H}_1}{\mathbf{k}_1} + \frac{\mathbf{H}_2}{\mathbf{k}_2} + \dots + \frac{\mathbf{H}_n}{\mathbf{k}_n}} = \frac{\mathbf{H}}{\sum \frac{\mathbf{H}_i}{\mathbf{k}_i}}$$

## Écoulement parallèle à la strati.

On peut écrire que le débit totale sera la somme du débit dans chaque couche pour une tranche d'épaisseur unité et un gradient  $i$

$$Q = Q_1 + Q_2 + \dots + Q_n$$

$$\text{or } Q = v.H.1 = v.H = k_H .H.i$$

$$k_H .H.i = k_1 H i + k_2 H i + \dots + k_n H i$$

$$k_H = \frac{k_{H1} + k_{H2} + \dots + k_{Hn}}{H}$$

$$k_H = \frac{\sum k_{Hi}}{H}$$



**Ex: un terrain comprend trois couches horizontales d'égales épaisseurs. Le coefficient de perméabilité des deux couches extrêmes est de  $10^{-3}$  cm/s. celui de la couche intermédiaire est de  $10^{-2}$  cm/s. on demande  $K_H$ ,  $k_v$  et le rapport.**

**Rép.  $H_1 = H_2 = H_3 = H/3$**

$$**H = H_1 + H_2 + H_3**$$

$$\mathbf{k}_1 = \mathbf{k}_3 = 10^{-3} \text{ cm / s}$$

$$\mathbf{k}_2 = 10^{-2} \text{ cm / s}$$

$$\mathbf{k}_H = \frac{\sum \mathbf{k}_i H_i}{H} = \frac{\frac{H}{3} (\mathbf{k}_1 + \mathbf{k}_2 + \mathbf{k}_3)}{H} = 0.4 10^{-2} \text{ cm / s}$$

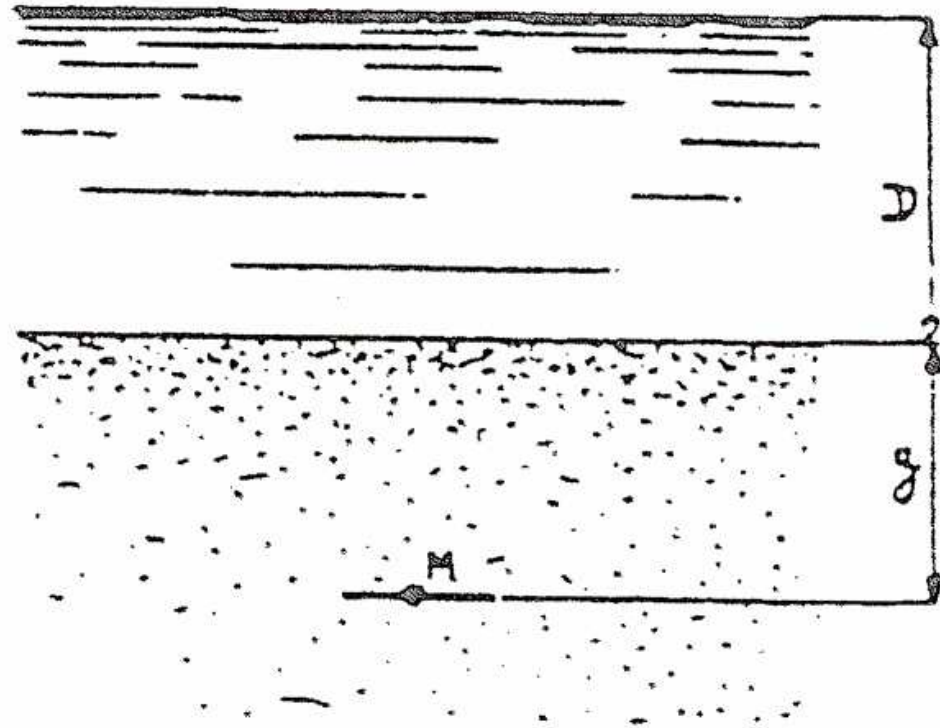
$$k_v = \frac{H}{\sum \frac{H_i}{k_i}} = 1.4 \cdot 10^{-3} \text{ cm/s}$$

$$\frac{k_H}{k_v} = 2.9$$

# Effet de l'eau sur la contrainte effective: postulat de Terzaghi

**Les efforts se transmettent dans le sol à travers les grains et l'eau interstitielle.**

**Soit la figure**



$\sigma$  Et  $\tau$  composantes normale et tangentielle de la contrainte totale s'exerçant au point M. les composantes  $\sigma'$  et  $\tau'$  de la contrainte effective au même point sont données par:

$$\sigma' = \sigma - u$$

postulat de Terzaghi

$$\tau' = \tau$$

**u: pression du fluide**

**Au point M on:**

$$\sigma = \gamma_w \cdot D + \gamma \cdot z$$

**et**

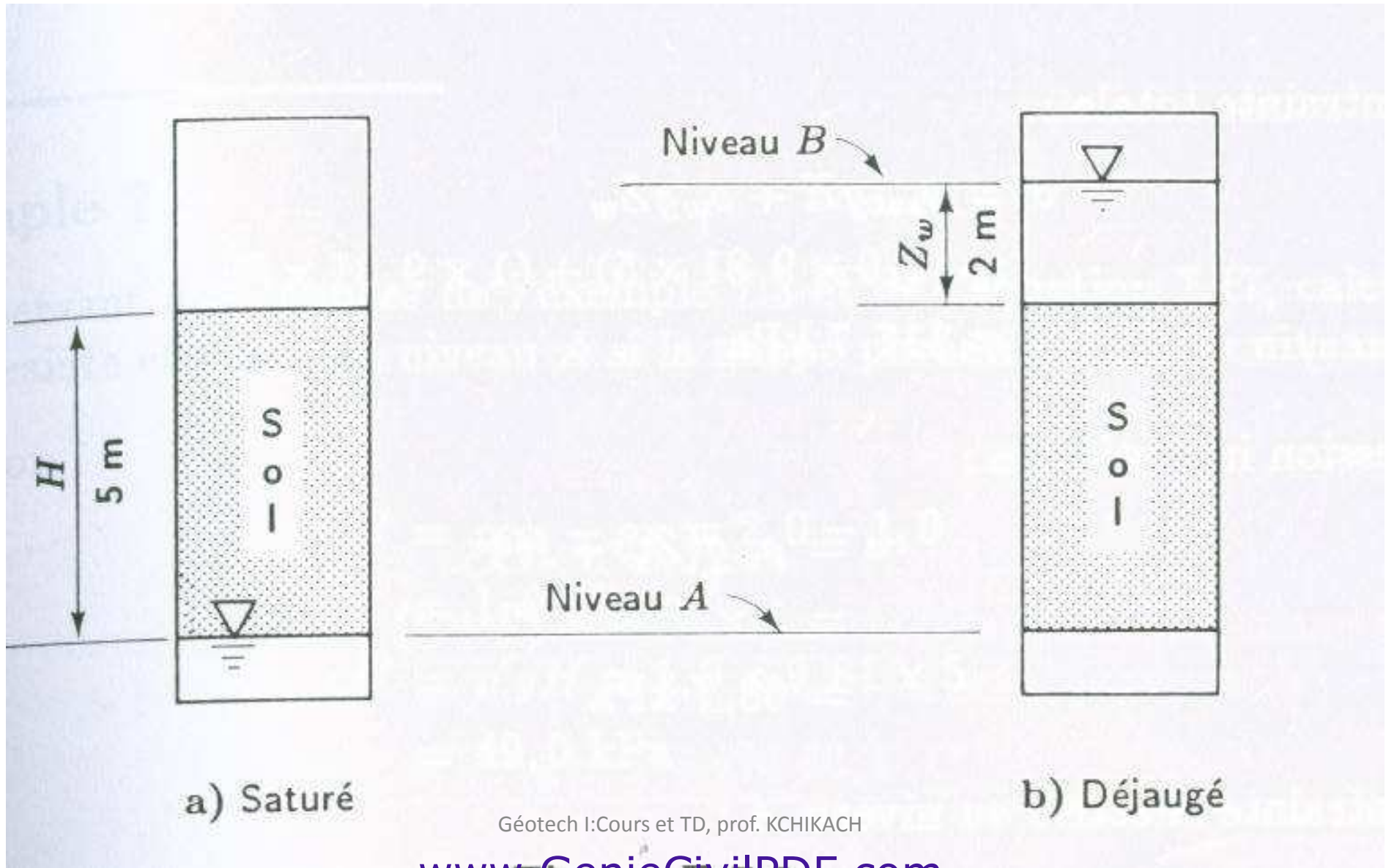
$$u = \gamma_w(D+z)$$

$$\text{donc } \sigma' = \sigma - u = (\gamma - \gamma_w)z = \gamma'z$$

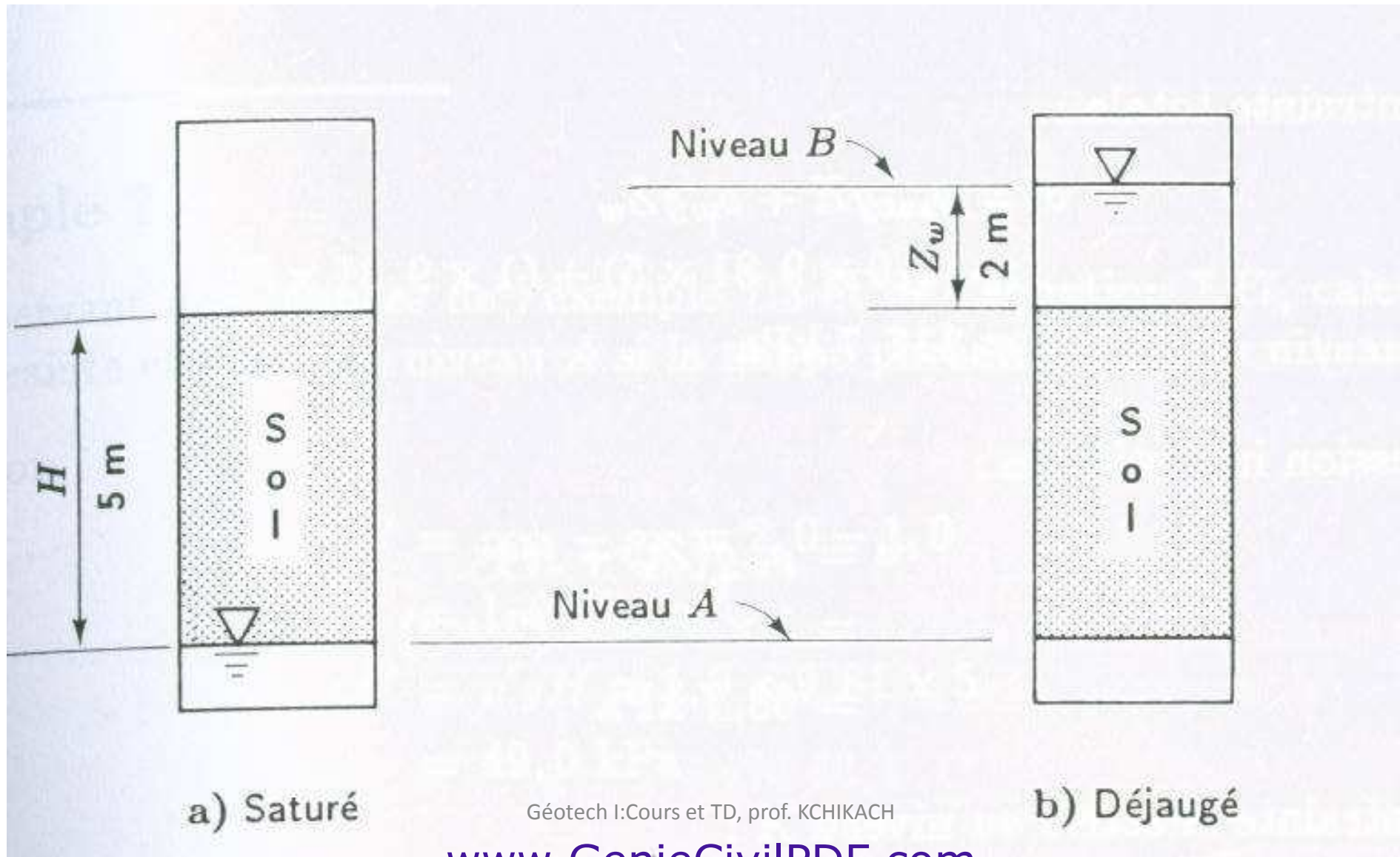
**Du point de vue des contraintes effectives, tout se passe comme s'il n'y avait pas d'eau à condition de remplacer  $\gamma$  par  $\gamma'$  (poids volumique déjaugée)**

**Exercice: le niveau d'eau dans un dépôt de sable fin est à 1.2m au dessous de la surface topo.  $\gamma$  de ce sable est 2.03t/m<sup>3</sup>. quelle est la pression verticale effective sur un plan horizontal situé à 3.60m sous la surface du sol.**

# Exercice: soit le sol de la figure







**La masse volumique du sol saturé est  $2 \text{ Mg/m}^3$ . calculer les contraintes totales et les contraintes effectives ainsi que la pression interstitielle au niveau A lorsque la nappe est au niveau A et lorsque la nappe est au niveau B.**

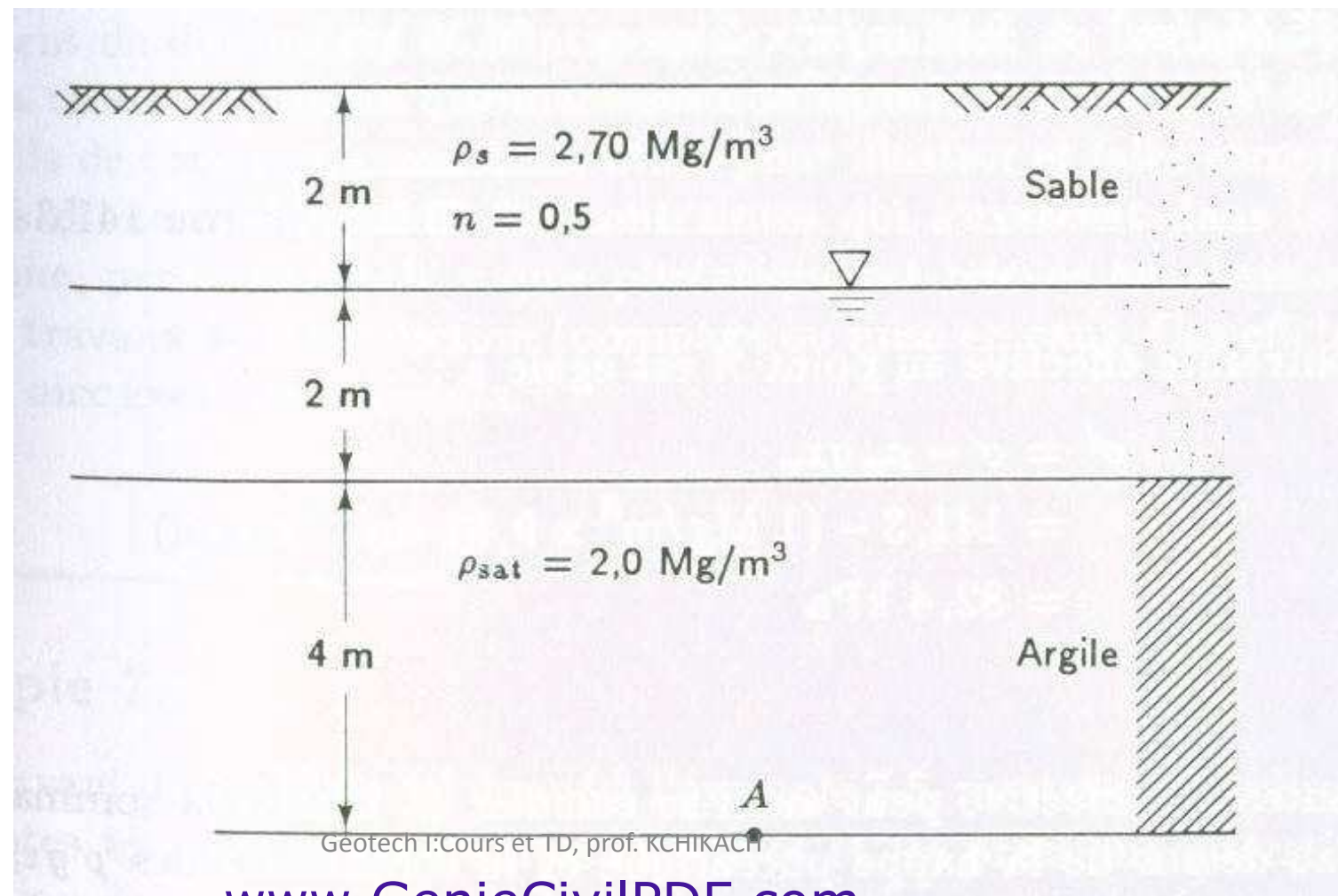
Grandeur	Unité	Symbole SI	Formule
accélération	mètre par seconde carrée	$m/s^2$	—
aire	mètre carré	$m^2$	—
aire	hectare*	ha	$hm^2 = 10^4 m^2$
masse volumique	kilogramme par mètre cube	$kg/m^3$	—
force	newton	N	$kg \cdot m/s^2$
fréquence	hertz	Hz	$1/s$
moment d'une force	newton-mètre	$N \cdot m$	$kg \cdot m^2/s^2$
puissance	watt	W	$J/s$
pression	pascal	Pa	$N/m^2$
contrainte	pascal	Pa	$N/m^2$
pois volumique	newton par mètre cube	$N/m^3$	$kg/s^2 \cdot m^2$
vitesse	mètre par seconde	$m/s$	—
potentiel électrique	volt	V	$W/A$
volume	mètre cube	$m^3$	—
volume	litre	L	$dm^3 = 10^{-3} m^3$
travail (énergie)	joule	J	$N \cdot m$

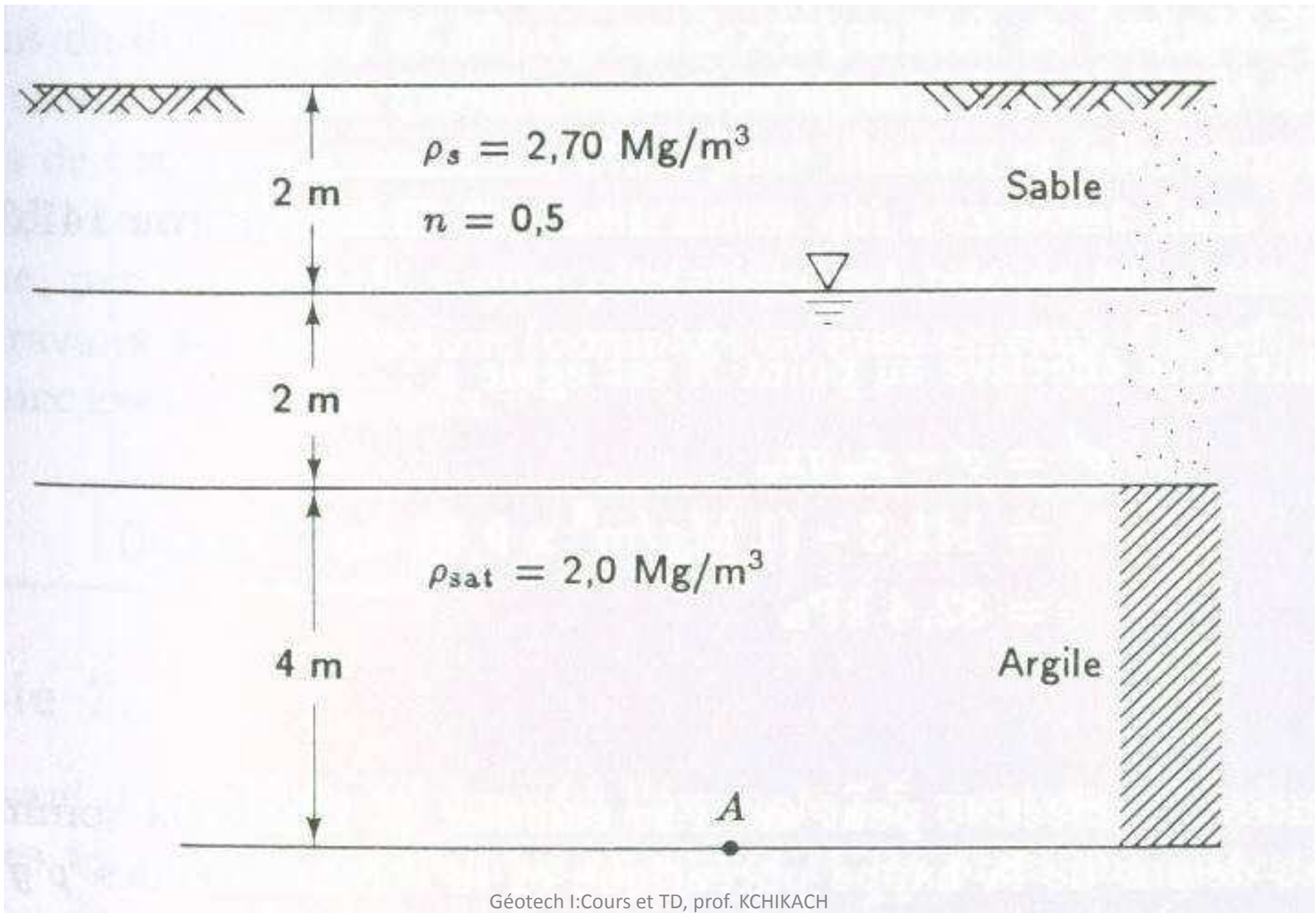
Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

**On voit bien que le fait d'abaisser la nappe du niveau B au niveau A entraîne une multiplication par 2 de  $\sigma'$ . Donc si on pompe par exemple l'eau pour l'AEP, ceci va engendrer forcément un tassement et causer des dommages substantielles aux rues, aux édifices, aux conduites, etc.**

## Exercice:

Soit le sol ci-dessous. Calculer la contrainte totale  $\sigma$  et effective  $\sigma'$  au point A.

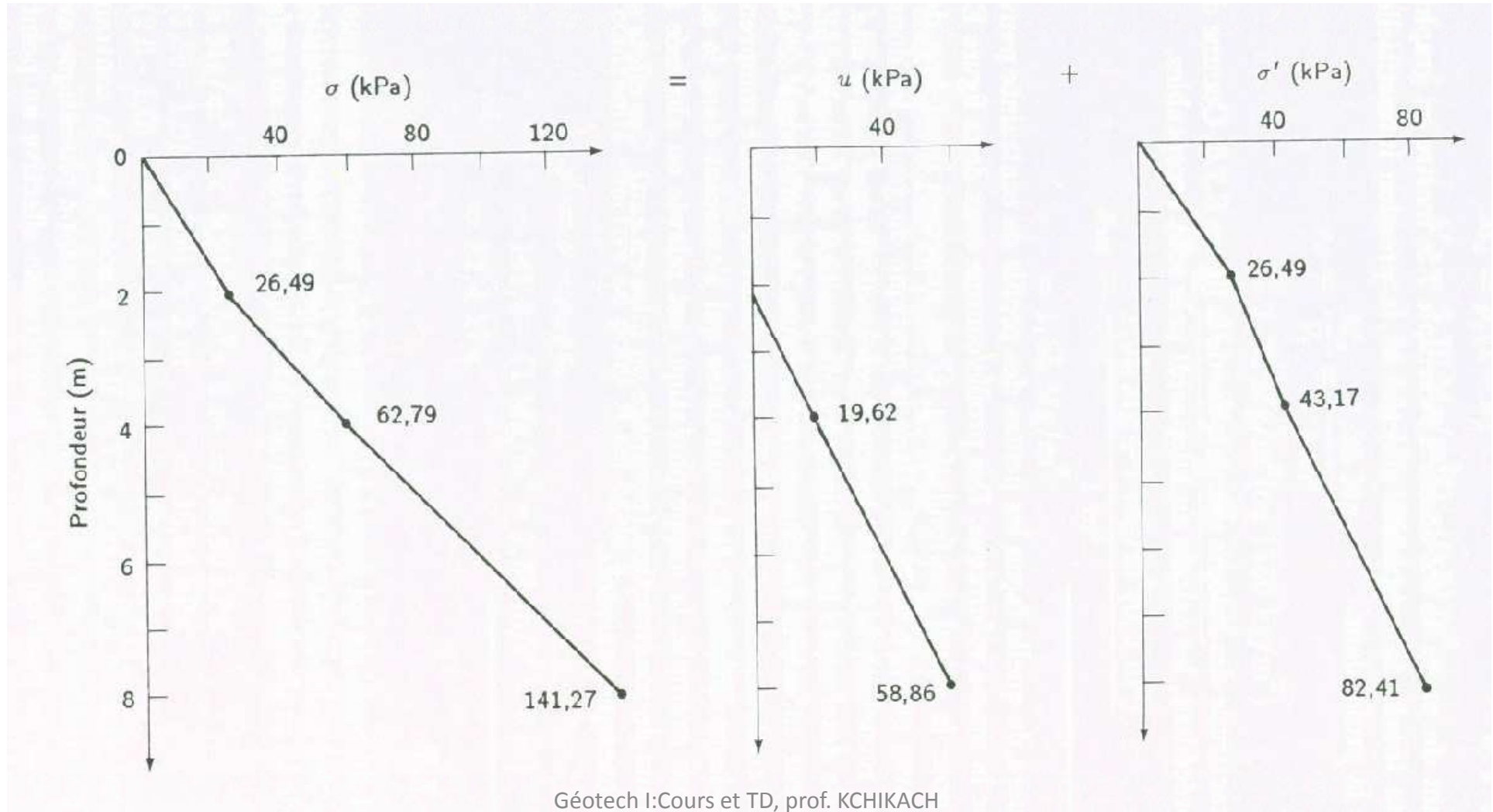




# Représentation graphique de $\sigma$ , $u$ et $\sigma'$

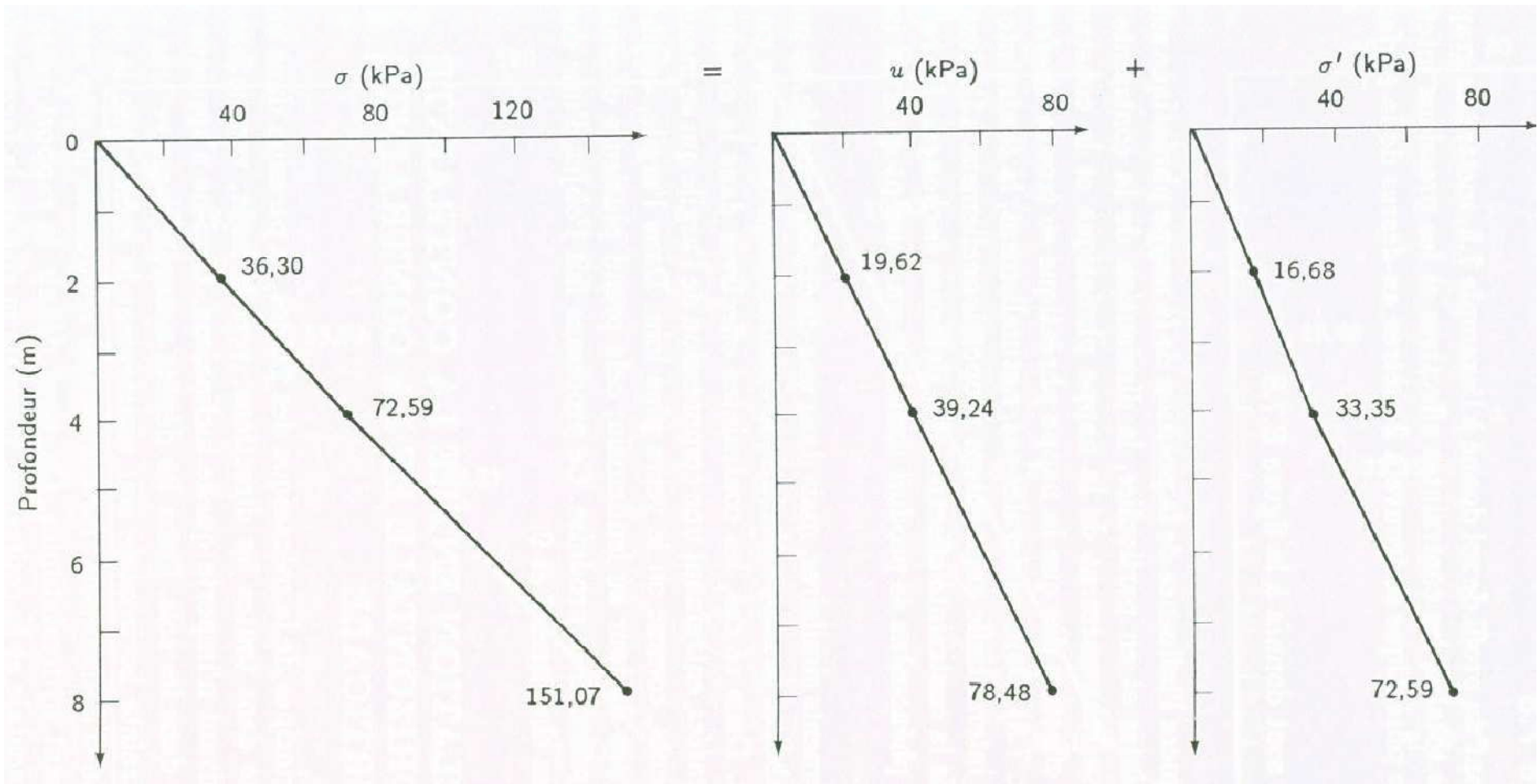
$u = \rho_w g z_w$ : pression interstitielle

$$\sigma' = \sigma - u$$



Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH

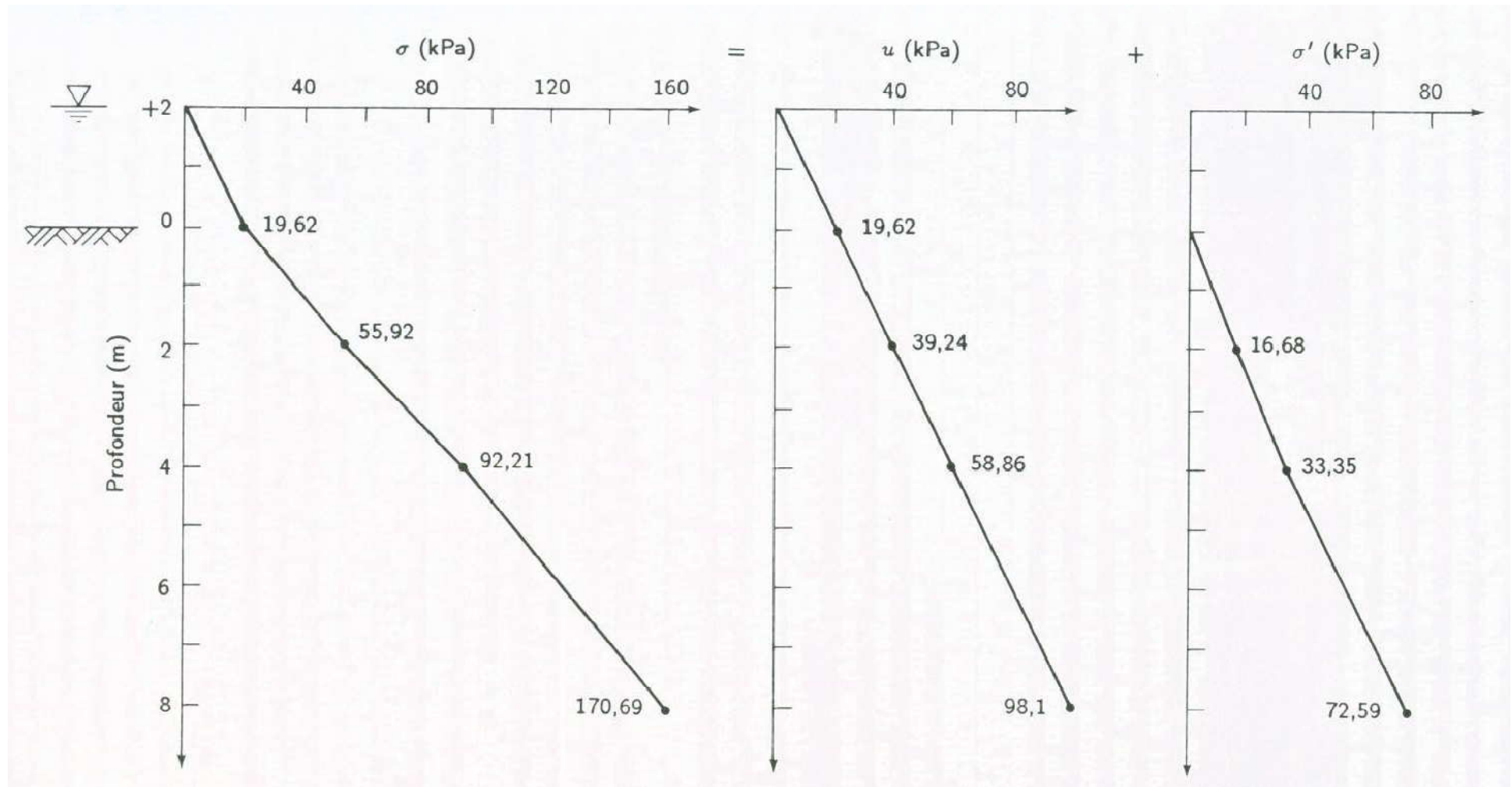
# Si la nappe affleure





**On remarque que la contrainte effective a diminué au point A. si le niveau de la nappe est abaissé sous sa position originale, cette contrainte aurait augmenté.**

# Niveau piézo. À +2m



**La contrainte totale et la pression interstitielle continuent à augmenter. La contrainte effective reste constante dès qu'on dépasse la surface topo.**

**On en déduit de cet exemple qu'un abaissement du niveau piézo entraîne une augmentation de  $\sigma'$  et donc une compression d'argile pour notre cas qui se manifesterait par un tassement.**

## **Relation entre contrainte horizontale et verticale**

**Selon les principes de la MF, la pression dans un liquide est la même dans toutes les directions. Ceci ne s'applique pas aux contraintes dans le sol où généralement:**

$$\sigma_h = K\sigma_v$$

**K: coefficient de pression de terre**

**La position de la nappe est susceptible de fluctuer et les contraintes totales aussi. K n'est donc pas constant pour un sol donné.**

**On peut éviter ce problème on travaillant avec les contraintes effectives.**

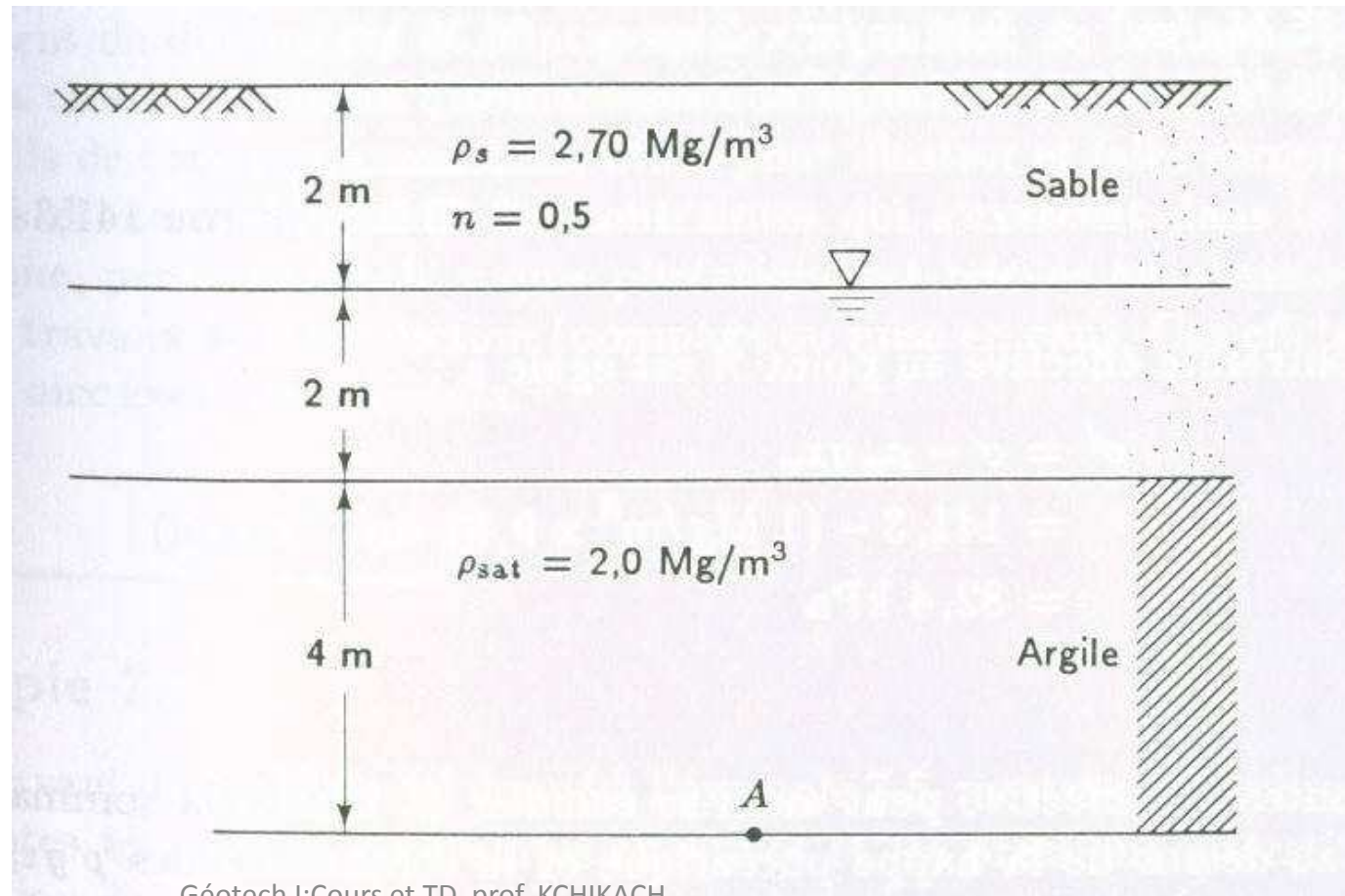
$$\sigma'_h = K_0 \sigma'_v$$

**$K_0$  est appelé coefficient de terre au repos. Il conserve la même valeur pour une même couche quelque soit la position de la nappe phréatique.**

**Dépôts sédimentaires n'ayant jamais subi de charge:  $k_0 = 0.4$  à  $0.5$**

**Dépôts ayant été lourdement chargé  $k_0 > 3$**

**Exemple:**



Géotech I:Cours et TD, prof. KCHIKACH

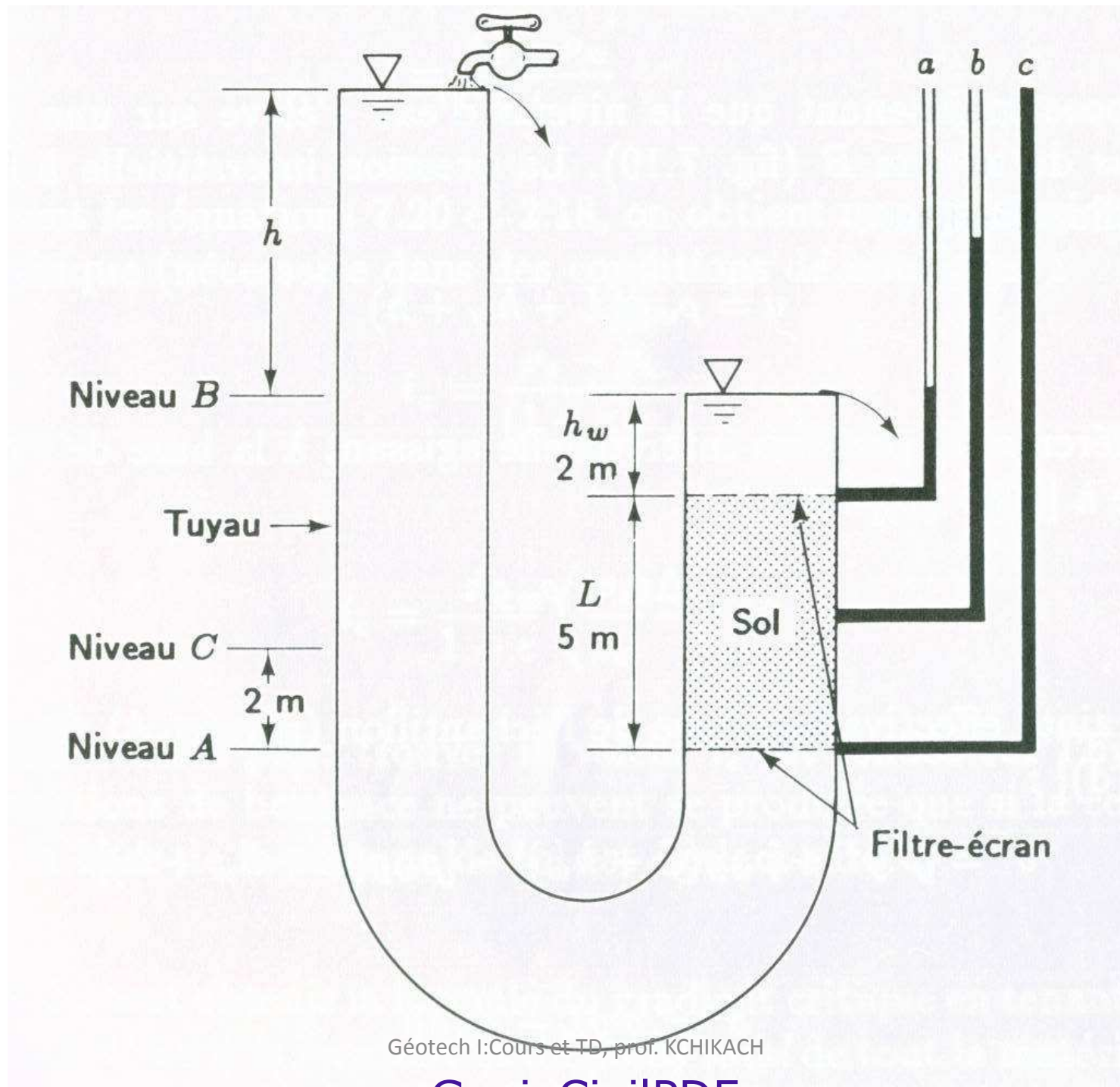
**On suppose que  $k_0=0.6$ , calculer les contraintes horizontales effectives et totales à 4m et à 8m de profondeur et évaluer la valeur de K à ces profondeurs**

**Réponse:**

# **Forces d'écoulement, sable bouillant et liquéfaction**

**Quand l'eau percole à travers le sol, elle exerce sur chaque grain une trainée appelée force d'écoulement. Cette force agit directement sur la contrainte effective qui s'exerce dans le sol.**





**Lorsque le niveau d'eau atteint la position B, tous les piézomètres se stabilisent au même niveau que B.**

**Si le niveau d'eau dans le tuyau est abaissé sous B, l'eau s'écoulera du haut vers le bas dans le sol et vice versa si le niveau est élevé au dessus de B.**

**Plus la charge  $h$  au dessus de B est élevée plus la force d'écoulement transmise au sol est importante.**

**Avec l'augmentation de ces forces on arrive à réduire graduellement l'influence des forces gravitationnelles agissant sur la colonne du sol jusqu'à ce que ce dernier entre en état de boulangance**

**Une masse de sol est en état de boulangance lorsque les contraintes effectives dans toute la masse sont égales à zéro.**

**En d'autre terme, lorsque l'écoulement est vertical ascendant, le vecteur gradient hydraulique  $i$  est vertical et dirigé vers le haut. La force d'écoulement s'oppose donc directement à la force de pesanteur. Si le gradient hydraulique est suffisamment élevé la résultante de ces deux force est dirigée vers le haut et les grains du sol sont entraînés par l'eau: il y a phénomène de boullance. Le gradient hydraulique critique est le gradient hydraulique pour lequel la résultante de ces forces est nulle.**

$$i_c = \frac{\gamma'}{\gamma_w}$$

**Le phénomène de boulangage peut provoquer des accidents graves si des constructions sont fondées sur le sol où il se produit, ou si le terrain lui-même fait partie de l'ouvrage: digue ou barrage en terre, fond de fouille.,.**

**Dans tous les problèmes d'hydraulique des sols, il importe de vérifier que les gradients hydrauliques ascendants réels sont suffisamment inférieurs au gradient critique  $i_c$  .**

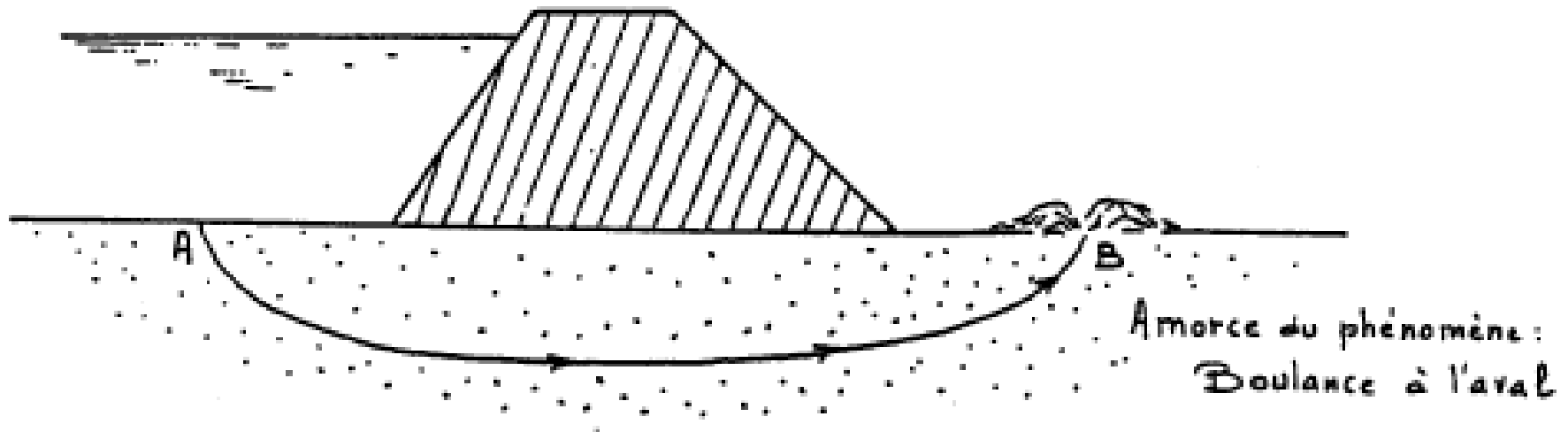
**Dans le cas des sables et graves,  $i_c$  est voisin de 1. en effet:**

$$\gamma' = (\gamma_s - \gamma_w) (1 - n) \quad \text{donc} \quad i_c = \left( \frac{\gamma_s}{\gamma_w} - 1 \right) (1 - n)$$

**En prenant une porosité  $n=40\%$  (valeur moyenne pour sable et grave) et  $\gamma_s=26.5 \text{ kN/m}^3$ , on trouve  $i_c \approx 1$**

## **Phénomène de renard:**

**Le phénomène de boulangerie apparaît dans le cas d'un écoulement vertical ascendant. Dans le cas général d'un écoulement en milieu perméable, l'eau peut atteindre localement des vitesses élevées susceptibles d'entraîner les particules fines du sol. De ce fait, le sol étant rendu localement plus perméable, la vitesse de décharge augmente et le phénomène s'amplifie. Des éléments plus gros vont être entraînés tandis que l'érosion progressera de manière régressive le long d'une ligne de courant. Un conduit se forme par où l'eau s'engouffre et désorganise complètement le sol. C'est le phénomène de renard.**



### Phénomène de renard

# **PROTECTION DES OUVRAGES CONTRE LA BOULANCE: FILTRES**

**Le phénomène de boullance des sables peut être évité par la réalisation de filtres constitués de couches de matériaux perméables de granulométrie choisie de manière à permettre à l'eau de s'écouler sans entraînement de particules. Par leur poids propre, ils chargent le terrain sous-jacent et y provoquent une augmentation des contraintes effectives.**

**Leur granulométrie est étudiée de manière à :**

- Retenir les particules de sol sous-jacent entraînées par l'écoulement (critère de rétention),**
- ne pas sensiblement diminuer la perméabilité du sol (critère de perméabilité).**

**On retiendra la règle suivante:**

Géotech I. Cours et TD, prof. KCHIKACH



$$4,5 D_{15} (\text{terrain}) \leq D_{15} (\text{filtre}) \leq 4,5 D_{85} (\text{terrain})$$

# Quelle doit être la hauteur h au dessus de B pour avoir l'état de boulangance?

Au point A quant le niveau d'eau est au point B

$$\sigma = \rho_{\text{sat}} \mathbf{g} L + \rho_w \mathbf{g} h_w = \rho' \mathbf{g} L + \rho_w \mathbf{g} (L + h_w)$$

$$\mathbf{u} = \rho_w \mathbf{g} (L + h_w)$$

$$\sigma' = \sigma - \mathbf{u} = \rho' \mathbf{g} L$$

**On suppose maintenant que le niveau d'eau s'élève à h au dessus de B.**

**$u = \rho_w g (L + h_w + h)$  et donc la différence de pression interstitielle agissant au point A est  $\Delta u = \rho_w g h$**

**et**

$$\begin{aligned}\sigma' &= (\rho' g L + \rho_w g (L + h_w)) - (\rho_w g (L + h_w + h)) \\ &= \rho' g L - \rho_w g h\end{aligned}$$

**donc la diminution de  $\sigma'$  correspond exactement à l'augmentation de  $\Delta u$**

**Boullance càd  $\sigma' = \rho' g L - \rho_w g h = 0$   
donc  $h = (\rho' L) / \rho_w$**

$$\frac{h}{L} = \frac{\rho'}{\rho_w} = i_c$$

**$i_c$ : gradient hydraulique critique pour avoir la boullance**

**On a:**

$$\rho = \frac{\rho_s (1 + w)}{1 + e}$$

**de plus  $V_w = S_r V_v = S_r e$**

**$M_w = \rho_w V_w = w M_s = w \rho_s V_s$**

**$\rho_w S_r e = w \rho_s (V_s = 1)$**

**$w = (\rho_w S_r e) / \rho_s$**

$$\rho = \frac{\rho_s \left(1 + \frac{\rho_w S_r e}{\rho_s}\right)}{1 + e} = \frac{\rho_s + \rho_w S_r e}{1 + e}$$

à la saturation on aura **Sr=1**

$$\rho_{\text{SAT}} = \frac{\rho_s + \rho_w e}{1 + e}$$

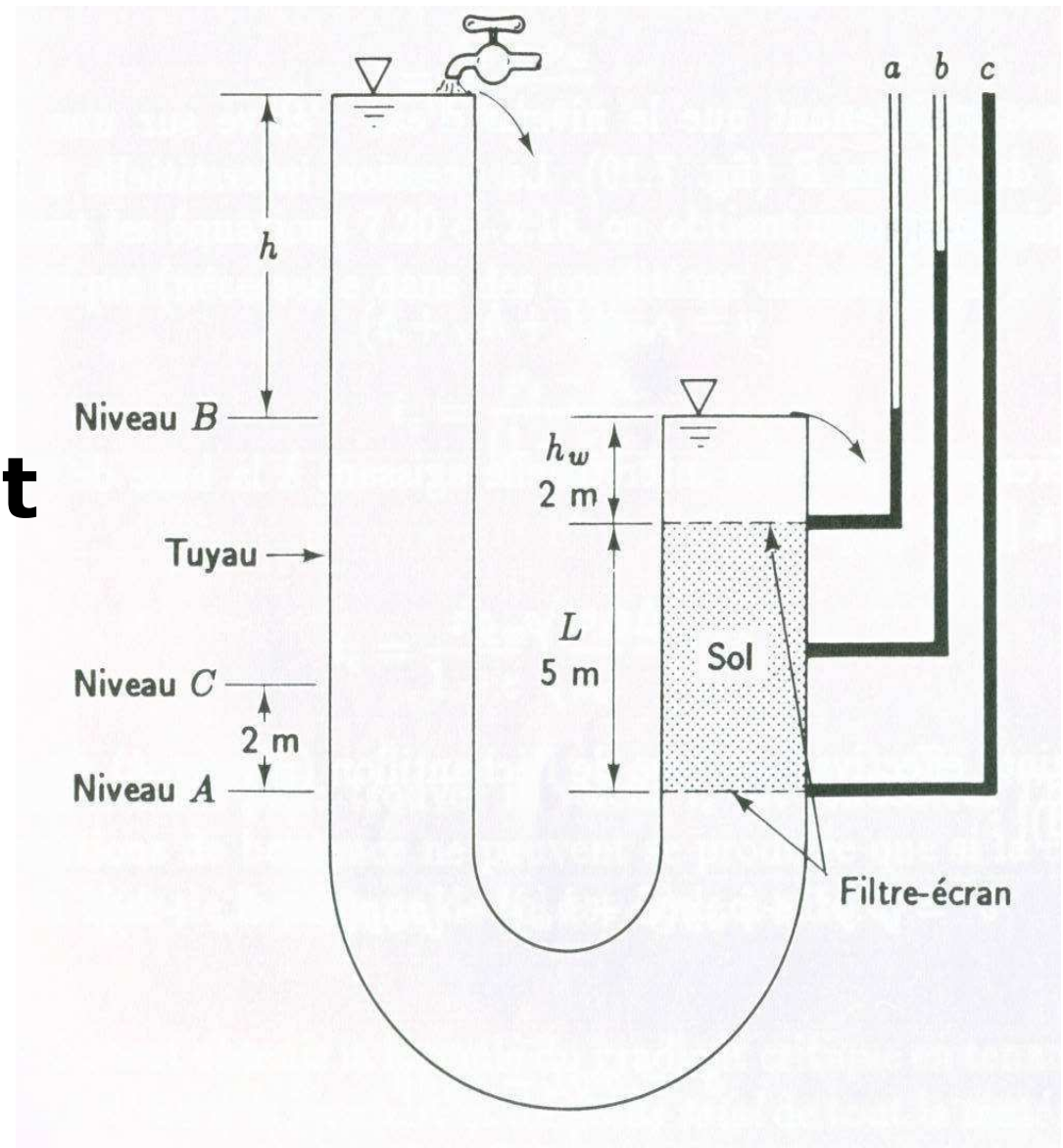
$$\rho' = \rho_{\text{sat}} - \rho_w = (\rho_s - \rho_w) / (1 + e)$$

**donc**

$$i_c = (\rho_s - \rho_w) / (1 + e) \rho_w$$

$$i_c = \frac{1}{1 + e} \left[ \frac{\rho_s}{\rho_w} - 1 \right]$$

**Ex:**  
**Trouver la charge**  
**qui produira un**  
**état de boulangance et**  
**le gradient**  
**hydraulique**  
**critique sachant**  
**que  $\rho_{sat} = 2t/m^3$ ,**  
 **$\rho_s = 2.65t/m^3$  et**  
 **$e = 0.65$**



**Même si elles n'entraînent pas nécessairement la boullance, les forces d'écoulement sont présentes dans toute masse du sol soumise à un gradient hydraulique. Les sables sont plus sensibles que les argiles aux forces d'écoulement**



**Pour avoir boullance (Planche) il faut que la force de l'eau qui s'exerce vers le haut sous l'effet de h soit égale à la force effective exercée vers bas par le poids de la colonne du sol déjaugé.**

**Force vers le haut = force vers le bas**

$$\rho_w g h A = \rho' g L A$$

$$\rho_w g h A = \frac{\rho_s - \rho_w}{1 + e} g L A$$

Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

[www.GenieCivilPDF.com](http://www.GenieCivilPDF.com)

**La force vers le haut :  $\rho_w g h A$  est distribuée uniformément à travers le volume  $LA$**

$$\text{Donc } \frac{\rho_w ghA}{LA} = \rho_w gi = j = \rho' g$$

**Ex: pour notre exemple calculer j pour l'état de boullance**

$$j = i \rho_w g = \frac{5}{5} \times 1 \times 9.81 = 9.81 \text{ kN} / \text{m}^3$$

**ou**

$$j = \rho' g = \frac{\rho_s - \rho_w}{1 + e} g = \frac{2.65 - 1}{1 + 0.65} \times 9.81 = 9.81 \text{ kN} / \text{m}^3$$

## Si le niveau d'eau est au niveau C (Planche)

**dans ce cas l'écoulement se fait vers le bas**

**Calculer le gradient hydraulique, la contrainte effective et la force d'écoulement au point.**

### Gradient hydraulique

$$\mathbf{i} = \frac{\Delta h}{L} = \frac{-5}{5} = -1$$

## Contrainte effective en A

$$\mathbf{F}_{\text{SOL}} \downarrow = \rho_{\text{SAT}} g L A = 2 \times 9.81 \times 5 \times 1 = 98.1 \text{ kN} \downarrow$$

$$\mathbf{F}_{\text{EAU haut}} \downarrow = \rho_w g h_w A = 1 \times 9.81 \times 2 \times 1 = 19.6 \text{ kN} \downarrow$$

$$\mathbf{F}_{\text{EAU bas}} \uparrow = \rho_w g h_w A = 1 \times 9.81 \times 2 \times 1 = 19.6 \text{ kN} \uparrow$$

$$\Sigma \mathbf{F} = 98.1 + 19.6 - 19.6 = 98.1 \text{ kN} \downarrow$$

**et donc  $\sigma' = F/A = 98.1 \text{ kN/m}^2$**

Géotech I: Cours et TD, prof. KCHIKACH

## Force d'écoulement en A

$$j = \rho_w g i (\text{vol}) = 1 \times 9.81 \times (-1) \times 5 \times 1 = 49 \text{ kN}$$

**dans le sens de l'écoulement**

**Dans la pratique on peut trouver le phénomène de boulangerie de sable dans les batardeaux en bordure de rivière. Naturellement, l'eau de la rivière s'infiltré et percole vers l'excavation et on doit pomper continuellement.**

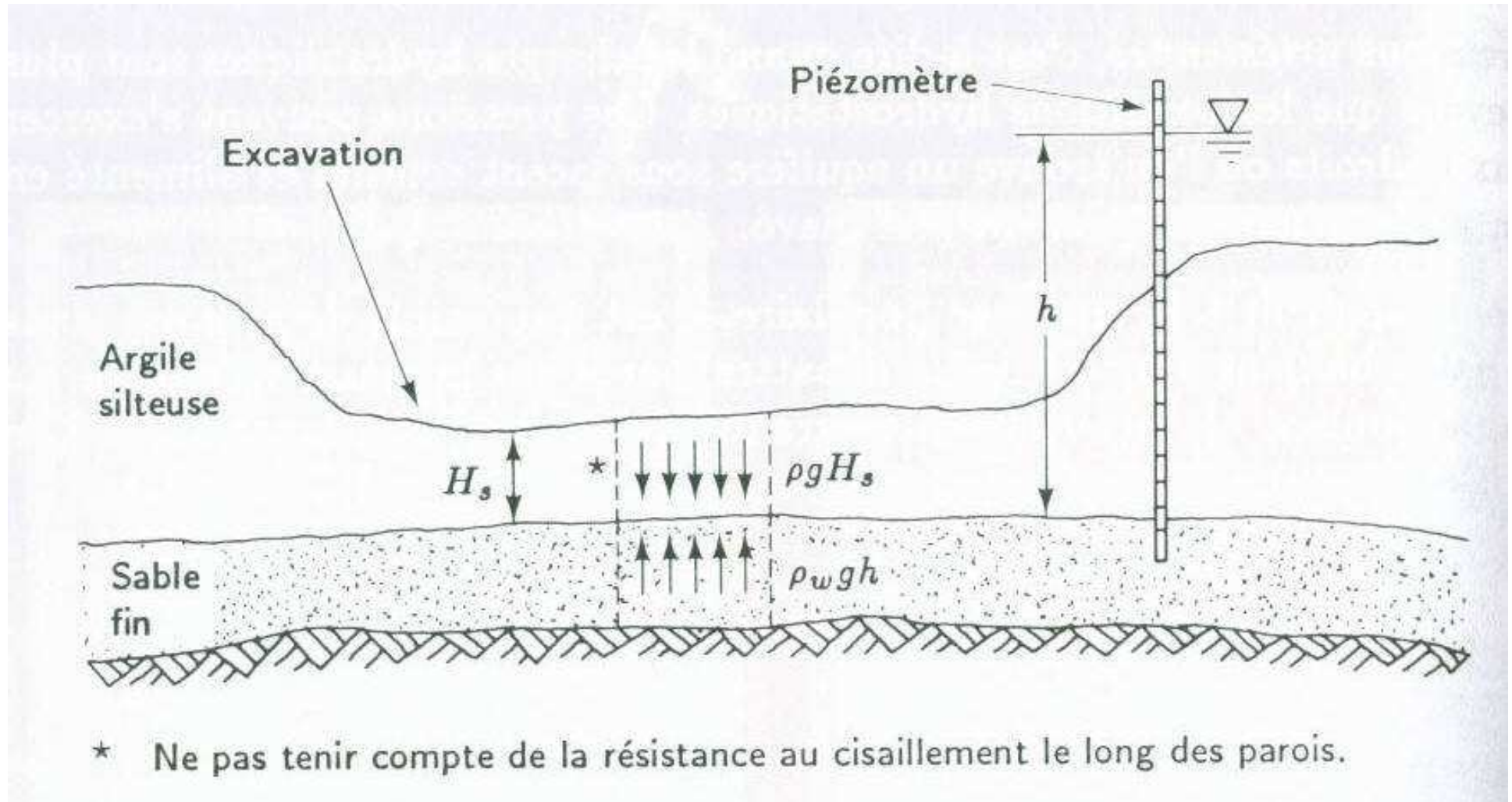
**Dans les digues d'inondation, l'eau s'infiltré sous la digue et si le gradient hydraulique est élevé, on assistera au phénomène de boulangerie localisé qui peut se propager et miner complètement la digue.**

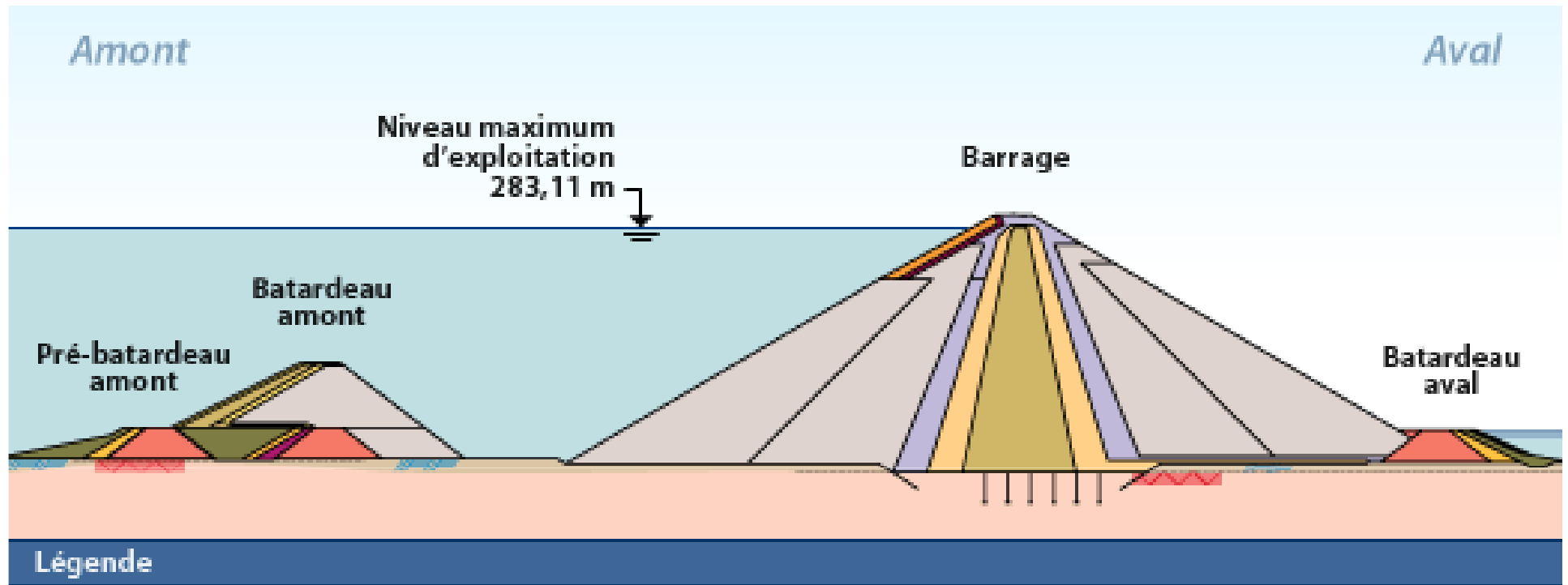
**Ex:**




**Soit le chantier (Planche). L'argile agit comme une barrière étanche qui empêche l'écoulement vers le haut. La proximité d'une rivière donne lieu à des conditions d'atésianisme. Si  $H_s$  n'est suffisamment grand, la pression du soulèvement qui s'exerce au centre de l'excavation peut faire éclater le fond.**

**Calculer  $H_s$  minimale d'argile à conserver pour éviter ce phénomène**







- |  |  |
|--|--|
|  Moraine compactée                   |  Concassé sélectionné et compacté  |
|  Moraine déversée                   |  Concassé sélectionné et déversé  |
|  Granulaire sélectionné et compacté |  Enrochement grossier sélectionné |
|  Granulaire déversée                |  Concassé sélectionné             |
|  Enrochement déversé                |  Mort-terrain                     |
|  Enrochement compacté               |  Roc                              |

Grandeur	Unité	Symbole SI	Formule
accélération	mètre par seconde carrée	$m/s^2$	—
aire	mètre carré	$m^2$	—
aire	hectare*	ha	$hm^2 = 10^4 m^2$
masse volumique	kilogramme par mètre cube	$kg/m^3$	—
force	newton	N	$kg \cdot m/s^2$
fréquence	hertz	Hz	1/s
moment d'une force	newton-mètre	$N \cdot m$	$kg \cdot m^2/s^2$
puissance	watt	W	J/s
pression	pascal	Pa	$N/m^2$
contrainte	pascal	Pa	$N/m^2$
poids volumique	newton par mètre cube	$N/m^3$	$kg/s^2 \cdot m^2$
vitesse	mètre par seconde	$m/s$	—
potentiel électrique	volt	V	W/A
volume	mètre cube	$m^3$	—
volume	litre	L	$dm^3 = 10^{-3} m^3$
travail (énergie)	joule	J	$N \cdot m$

Géotech I:Cours et TD, prof. KCH KACH