

Principe du béton armé

1/ Béton est un matériau dont la résistance à la traction R_t :

$$R_t = \frac{R_c}{10 \text{ à } 12} ; R_c: \text{Résistance à la compression}$$

Un béton est caractérisé par sa résistance à la compression à l'âge de 28 jours, notée BAEL f_{c28} en (MPa)

→ la résistance à la traction notée f_{t28}

$$f_{t28} = 0,16 + 0,06 f_{c28}$$

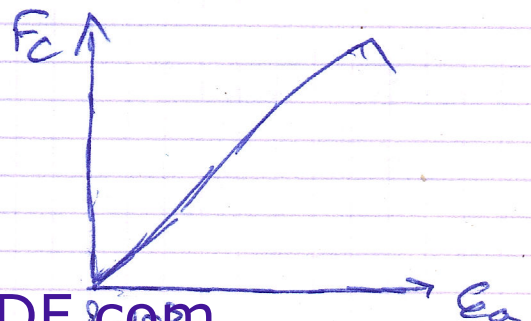
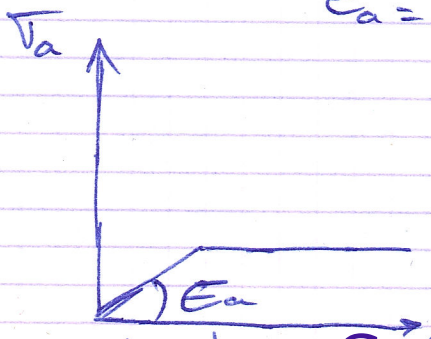
$$f_{c28} = 25 \text{ MPa} \rightarrow f_{t28} = 0,16 + 0,06 \cdot 25 \\ = 2,1 \text{ MPa}$$

2/ Acier est un matériau qui résiste bien à la compression comme à la traction.

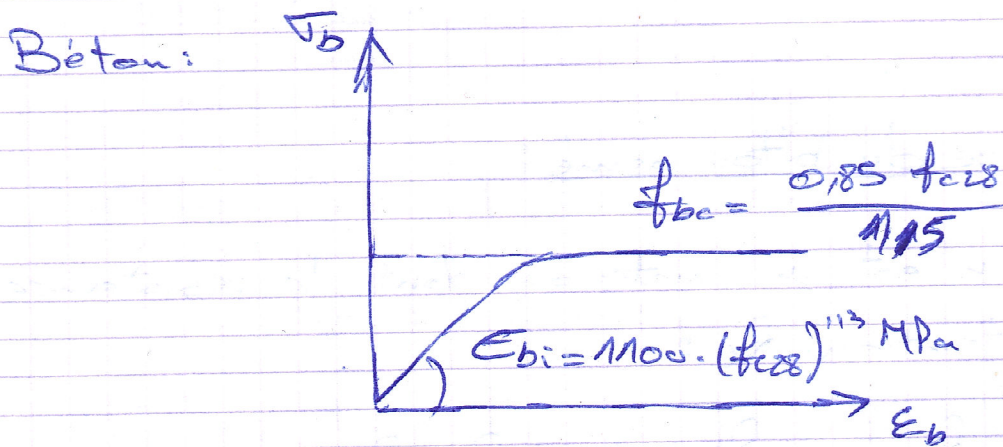
→ Un acier est caractérisé par sa limite d'élasticité

$$P_e = 500 \text{ MPa}$$

$$E_a = 2 \cdot 10^5 \text{ MPa}$$



$$\epsilon_{a \text{ max}} = 10 \cdot 10^{-3} = 10\%$$



$$\epsilon_{bc \text{ max}} = 3,5\%$$

Calcul aux états limites:

Un état limite est un état dans lequel l'un des critères du projet cesse d'être satisfait

On distingue:

* État limites Ultimes: leurs dépassement entraîne de la structure ou l'un de ses éléments

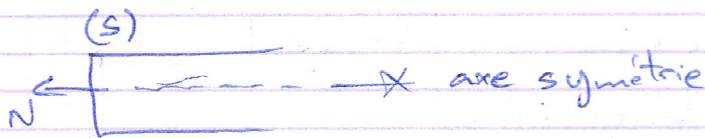
* État limites de service: leurs cours -

Ø barres: 6,8,10,12,14,16,20,25,32,40

→ béton armé: $\left\{ \begin{array}{l} \text{Coffrage: Dimension géométrique} \\ \text{○ Ferrailage: Armature} \end{array} \right.$

ELU:

éltz sollicités en traction simple



armature longitudinal & barres

armature transversal: Cadre

le cadre circulaire, epingue,

$$\leq 12\phi$$

Hypothese

$$ELU: f_{bc} = \frac{0,85 f_{c28}}{1,5} = \sigma_{max} (\text{beton})$$

$$f_e / 1,15 = \sigma_{max} (\text{acier})$$

ELS: $0,6 f_{c28} = \sigma_{max} (\text{beton})$

$\bar{\sigma}_a$, 3 types de fessuration acier

point A $\rightarrow E_a = 10\%$ $\rightarrow \bar{\sigma}_a = f_e / 1,15$

ELU (A_U)

ELS (A_{ser})

$$\frac{N_U}{A_U} \leq \frac{f_e}{1,15}$$

$$\frac{N_{ser}}{A_{ser}} \leq \bar{\sigma}_a \Rightarrow A_{ser} \geq \frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_a}$$

$$A_U \geq \frac{N_U \times 1,15}{f_e}$$

$$A_{min} = \frac{B f_{c28}}{f_e}; \quad \frac{f_e}{MPa} = 0,6 + 0,06 f_{c28} \text{ MPa}$$

$$A \geq \max \left(\frac{N_U \times 1,15}{f_e}; A_{min} \right);$$

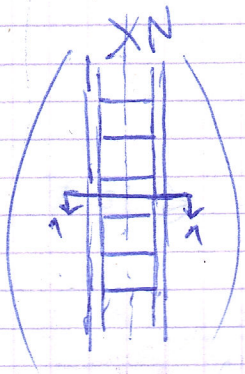
$$A \geq \max \left(\frac{N_{ser}}{\bar{\sigma}_a}, A_{min} \right)$$

Calcul des éléments sollicités en compression simple (poteaux)

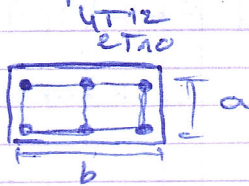
en BAEL, les poteaux sont calculés aux ELU seuls
il faut calculer:

- dimension géométrique de l'élément

- ferrailage $\left\{ \begin{array}{l} \text{longitudinal} \\ \text{transversal} \end{array} \right.$



coupe 1-1



Cadre + épingle
 $e = 15$

Calcul des armatures:

on suppose le coffrage connu.

Soit un poteau, de section B, ferrillé par une section d'armatures A.

on appelle $N_{res,th}$ = effort de compression théorique que le poteau peut supporter.

$$\begin{array}{l} \text{pivot c} \rightarrow E_{bc} = 2 \cdot 10^3 \rightarrow E_a = 2 \cdot 10^3 \text{ (absence de glissement)} \\ \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \\ \sigma_{bc} = f_{bc} \qquad \qquad \qquad \sigma_{az} = f_e / 1,15 \\ \qquad \qquad \qquad = \frac{0,85 f_{c28}}{1,15} \\ \qquad \qquad \qquad = \frac{0,85 f_{c28}}{1,15} \end{array}$$

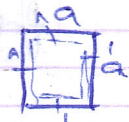
$$\boxed{N_{res,th} = B \sigma_{bc} + A \sigma_{az}}$$

l'effort résistant théorique sera réduit pour tenir compte de:

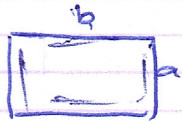
- imperfection géométriques des éléments
- charges sont appliquées à un âge de béton supérieur à 90 jours
- effets du second ordre

les règles BAEL préconisent les corrections suivantes:

* l'aire B sera réduite en retranchant 1 cm sur tout le contour de la section, on obtient B_r



$$B = a^2 \quad ; \quad B_r = (a - 2)^2$$



$$B = ab \quad ; \quad B_r = (a - 2)(b - 2)$$



$$B = \frac{\pi D^2}{4} \quad ; \quad B_r = \frac{\pi (D - 2)^2}{4}$$

* la contrainte max pour béton est remplacée par:

$$\sigma_{b,lim} = \frac{0,85}{\beta} f_{c,28} = \frac{0,85}{0,9 \times 1,5} f_{c,28}$$

* $N_{red,lim}$ est réduit par un coefficient $\alpha(\lambda)$

$$\alpha(\lambda) = \frac{0,85}{\beta}$$

$$\beta = \begin{cases} 1 + 0,12 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2 & ; \text{si } \lambda \leq 50 \\ \frac{0,85 \lambda^2}{1500} & ; \text{si } 50 < \lambda \leq 70 \end{cases}$$

$\lambda = \frac{l_f}{i}$ = élanement mécanique de l'élément.

l_f = longueur de flambement du poteau

i = rayon de gyration

$l_f = K l_0$; l_0 = longueur libre de poteau

$$K = \begin{cases} 1 & ; \text{ poteau est bi-articulé} \\ 0,5 & ; \text{ " " bi-encastree} \\ 2 & ; \text{ " " encastree et libre} \\ 0,7 & ; \text{ dans le batiment} \end{cases}$$

$$i = \sqrt{\frac{I}{A}}$$

$$N_u = \left(B_r \frac{f_{bc}}{0,9 \cdot 1,15} + \frac{A f_e}{1,15} \right) \alpha(\lambda)$$

avec $\alpha(\lambda) = \frac{0,85}{\beta}$

formule de calcul de ferrailage

$$B N_u = \left(B_r \frac{f_{bc}}{0,9} + \frac{0,85 A f_e}{1,15} \right)$$

on calcule A:

$$A = A' = \frac{B N_u - \frac{B_r f_{bc}}{0,9}}{0,85 \frac{f_e}{1,15}}$$

En plus de la section théorique d'armatures, il faut satisfaire la section minimale d'armatures

section d'armatures longitudinales

$$A'_{\min} = \max \left(4 \frac{U}{m} ; \frac{0,12 B}{100} \right) \text{ cm}^2$$

U : périmètre de la section du poteau exprimé en mètres

$$A' \geq \max \left[\frac{B N_u - \frac{B_r f_{bc}}{0,9}}{0,85 \frac{f_e}{1,15}} ; A'_{\min} \right]$$

exemple : poteau 20 x 20 cm²

$$A'_{\min} = \max \left(3,2 ; \frac{0,12 * (20)^2}{100} \right) = 3,2 \text{ cm}^2$$

4710

Calcul des armatures transversales:

2 inconnues :

ϕ_t = diamètre

s_t = espacement

$$\begin{cases} \phi_t = \frac{3}{10} \phi_l ; \phi_l : \text{plus gros diamètre d'armatures longitudinales} \\ \phi_t \geq 6 \text{ mm} \end{cases}$$

$$s_t \leq \min (15 \phi_{l \min} ; a (m) + 10 ; 40 \text{ cm})$$

a = plus petit côté de B

$\phi_{l \min}$ = plus petit diamètre d'armatures longitudinales

Coffrage d'un poteau:

En pratique, on a deux inconnues A (section d'armatures longitudinales) et B (section du poteau) et on dispose de l'effet N_u sollicitant le poteau à l'ELU on a une seule équation (celle de l'effort résistant théorique corrigé).

on fait l'hypothèse suivante:

~~$\alpha = 1$~~ ~~$\beta = 1$~~

$$\frac{A}{B_r} = \frac{1}{100}$$

$$B_r \geq \frac{\beta N_u}{\frac{f_{bc}}{0,9} + \frac{0,85 f_e}{100 \times 4,15}}$$

Remarque:

* Pour calculer B_r , il faut connaître β ; mais β dépend de λ qui lui-même dépend de $B \rightarrow$ résoudre le problème par approximation successives (convergence)

* en pratique de la manière suivante:

- se fixer une valeur de λ_0 ($\lambda_0 \leq 70$)

- on calcule la valeur β , on en déduit B_r puis β

- on calcule ensuite la valeur A , on en déduit λ correspondante

- et on vérifie les hypothèses faites?

$$\left. \begin{array}{l} \lambda \leq 70 \text{ ou } 70 < \lambda < 70 \\ \lambda = \lambda_0 \end{array} \right\}$$

$$B_r \geq \frac{\beta N_u}{\frac{f_{bc}}{0,9} + \frac{f_e}{4,15 \times 100}}$$

$$B_r \geq$$